

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



# بازشناسی الگو

درس ۱

# مقدمه‌ای بر بازشناسی الگو

**An Introduction to Pattern Recognition**

کاظم فولادی قلعه

دانشکده مهندسی، پردیس فارابی

دانشگاه تهران

<http://courses.fouladi.ir/pr>

مقدمه

۱

الگوها  
و  
بازشناسی  
الگو

PATTERNS

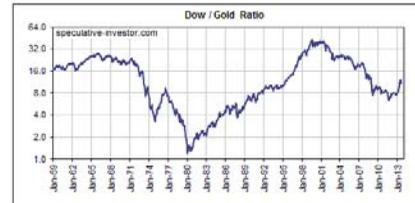
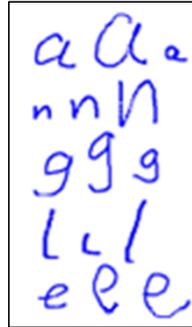
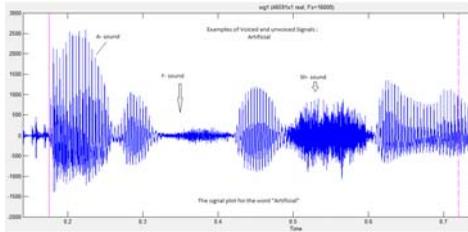
الگو یک پدیده‌ی دارای نظم است.  
(مفهومی ذهنی، معمولاً دارای یک نام)

الگو  
Pattern

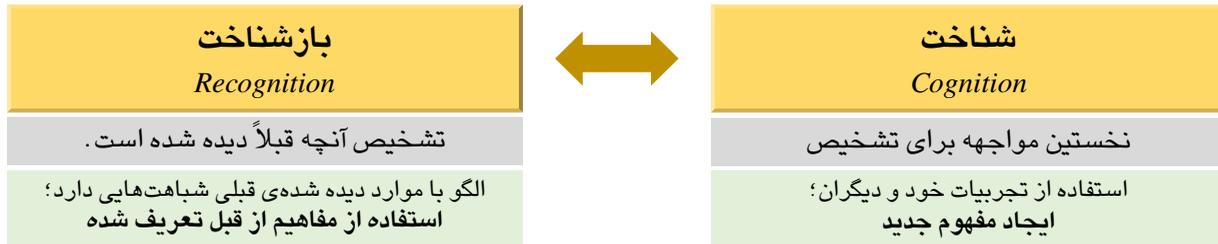


*Dear Ann & Tom,*  
*Congratulations on your twenty-fifth wedding anniversary. There are so few who are as fortunate to have what you have, companionship, friendships, and a loving relationship. Happy anniversary.*

*Very truly,  
Helene*



## شناخت / بازشناخت

COGNITION VS. RECOGNITION

PATTERN RECOGNITION



مقدمه

۲

# کاربردهای بازشناسی الگو

## بازشناسی الگو

## کاربردها

PATTERN RECOGNITION: APPLICATIONS

Problem Domain	Application	Input Pattern	Pattern Classes
Document image analysis	Optical character recognition	Document image	Characters, words
Document classification	Internet search	Text document	Semantic categories
Multimedia database retrieval	Internet search	Video clip	Video genres
Speech recognition	Telephone directory assistance	Speech waveform	Spoken words
Natural language processing	Information extraction	Sentences	Parts of speech
Biometric recognition	Personal identification	Face, iris, fingerprint	Authorized users for access control
Medical	Diagnosis	Microscopic image	Cancerous/healthy cell
Military	Automatic target recognition	Optical or infrared image	Target type
Industrial automation	Printed circuit board inspection	Intensity or range image	Defective/non-defective product
Industrial automation	Fruit sorting	Images taken on a conveyor belt	Grade of quality
Remote sensing	Forecasting crop yield	Multispectral image	Land use categories
Bioinformatics	Sequence analysis	DNA sequence	Known types of genes
Data mining	Searching for meaningful patterns	Points in multidimensional space	Compact and well-separated clusters

# بازشناسی الگو

کاربرد در بازشناسی کدهای تصویری

## IMAGE-CODE RECOGNITION



< 0133 5583 >  
 EAN-8  
 0 0 1 2 3 4 5 5 7 8 9  
 Interleaved 2 of 5  
 0 425261 4  
 UPC-E  
 9 771473 968012  
 EAN-13  
 ISBN 978-1-86074-271-2  
 5 44 9 5  
 7 88581 01497 4  
 UPC-A  
 0 1 2 3 4 5 6 9  
 Code 11  
 Data Matrix  
 9 781860 742712  
 ISBN  
 DataBar Limited  
 JapanPost  
 6540123789-A-K-2  
 DataBar Expanded  
 OneCode  
 01 234 567094 987654321 01234 5678 91  
 Code 39  
 Postnet  
 Royal Mail  
 L E 2 8 H S 9 2  
 Rationalized Codabar  
 A 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 B  
 Pharmacode  
 117480  
 Code 2 of 5  
 (01)24012345678905  
 DataBar Truncated  
 MSI  
 1 2 3 4 5 6  
 MaxiCode  
 Plessey  
 DataBar Stacked  
 PDF417  
 ITF-14  
 1 0 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 2  
 QR Code  
 Aztec Code  
 AusPost  
 1 2 3 1 F 2 1 5 X H 5  
 KIX  
 36439111A B A 9

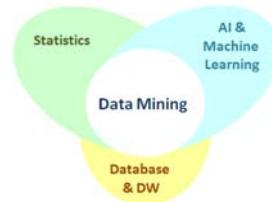




# بازشناسی الگو

کاربرد در داده‌کاوی

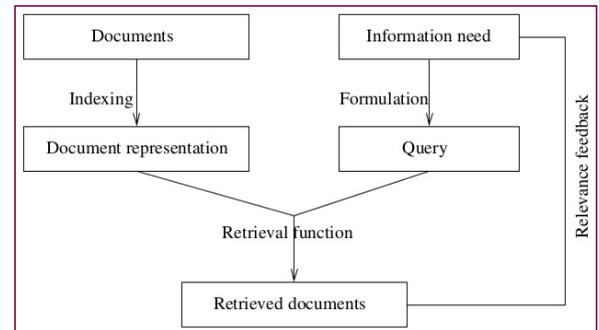
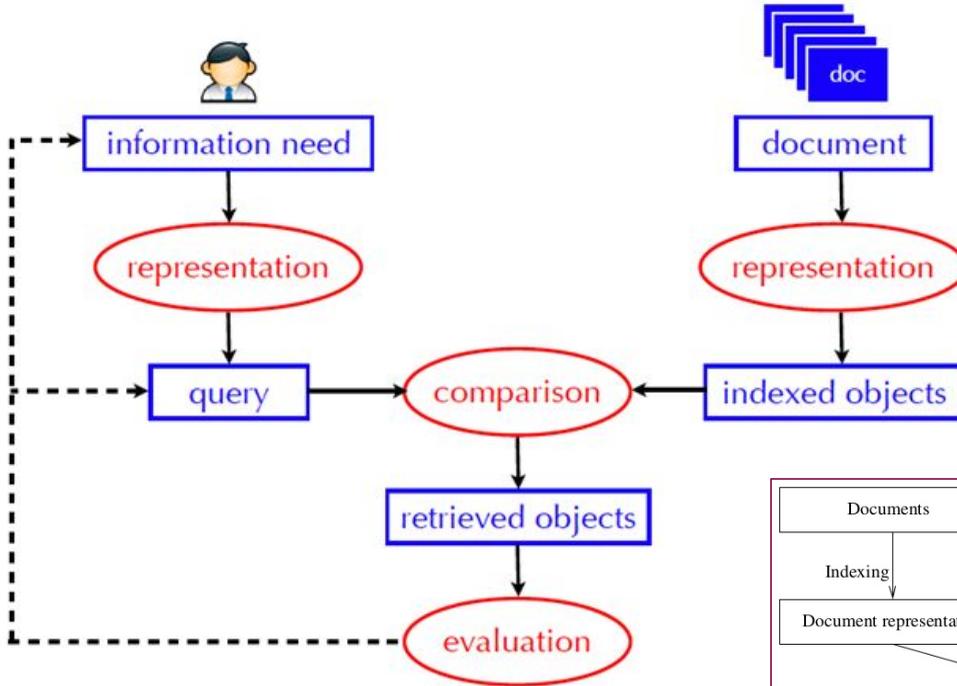
## DATA MINING



# بازشناسی الگو

کاربرد در بازیابی هوشمند اطلاعات

## INTELLIGENT INFORMATION RETRIEVAL



# بازشناسی الگو

کاربرد در دسته‌بندی متون

## TEXT CATEGORIZATION



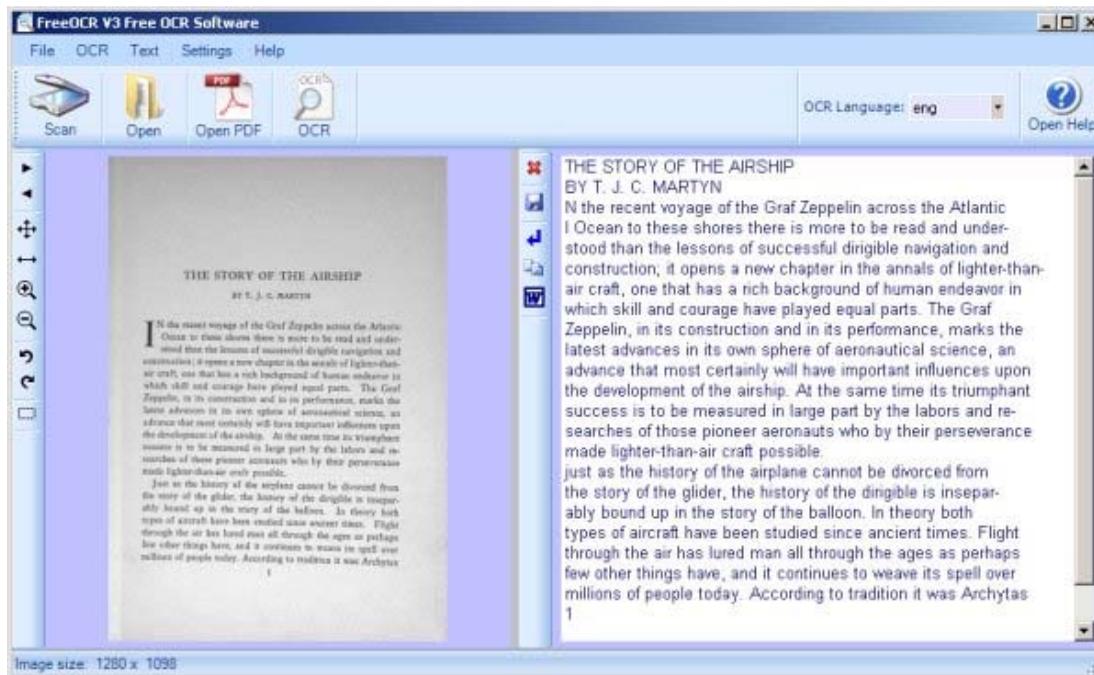
## بازشناسی الگو

کاربرد در بازیابی تصویر

IMAGE RETRIEVAL

## بازشناسی الگو

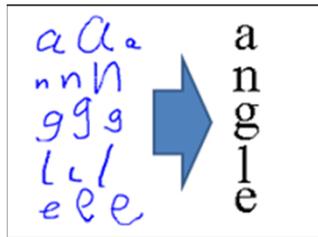
کاربرد در بازشناسی نوری کاراکترها

OPTICAL CHARACTER RECOGNITION (OCR)

## بازشناسی الگو

کاربرد در بازشناسی دست نوشته

## HANDWRITING RECOGNITION



## بازشناسی الگو

کاربرد در بازشناسی فرمول

FORMULA RECOGNITION

History Options Help Del Enter

$$f(z) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} u(e^{i\psi}) \frac{e^{i\psi} + z}{e^{i\psi} - z} d\psi, |z| < 1$$

Write Erase

Select and Correct

Undo Redo Clear

Insert

$$f(z) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} u(e^{i\psi}) \frac{e^{i\psi} + z}{e^{i\psi} - z} d\psi, |z| < 1$$

# بازشناسی الگو

کاربرد در بازشناسی چهره

## FACE RECOGNITION

[ MATCH ]

**MATCH MADE**

		<b>NAME</b> ANDREA CANDIAN <b>DOB</b> 01/10/1984 <b>HEIGHT</b> 6' 10" <b>SEX</b> MALE <b>WEIGHT</b> 170 <b>ENROLLED</b> 03/04/2012 <b>TIME</b> 17:45 <b>STATUS</b> ACTIVE <b>PROBABILITY</b> HIGH <b>LOCATION</b> LONDON UK
--	--	---

ENROLLED PHOTO   LAST MATCH

FACE RECOGNITION  
**match 98%**   REF. NO. 0100001100000000

**MATCH REPORT**

	 <b>SCORE</b> 91.8% <b>CONFIDENCE</b> 91.8% <b>THRESHOLD</b> 90% <b>STATUS</b> MATCH
--	--

## بازشناسی الگو

کاربرد در بازشناسی حالت چهره

### FACE EXPRESSION RECOGNITION



# بازشناسی الگو

کاربرد در بازشناسی گفتار

## SPEECH RECOGNITION



## بازشناسی الگو

کاربرد در بازشناسی گوینده

SPEAKER RECOGNITION

بازشناسی گوینده

*Speaker Recognition*

شناسایی هویت گوینده

*Speaker Identification*

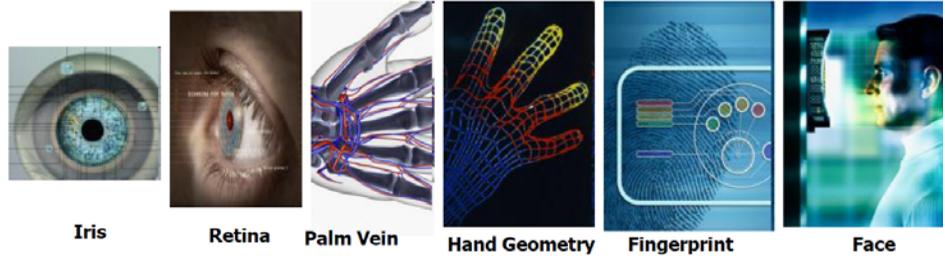
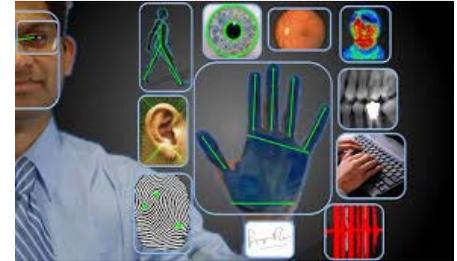
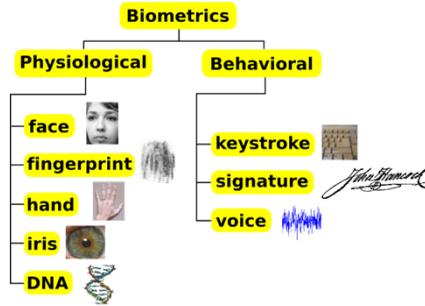
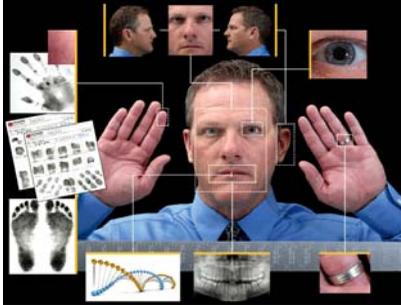
تصدیق هویت گوینده

*Speaker Verification*

# بازشناسی الگو

کاربرد در زیست‌سنجی (بیومتری)

## BIOMETRICS



Iris

Retina

Palm Vein

Hand Geometry

Fingerprint

Face



Voice

Odor

DNA



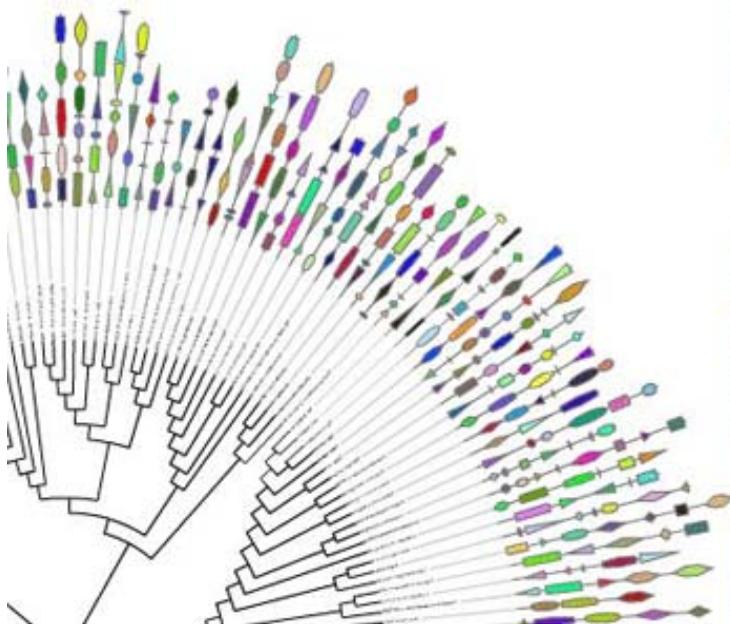
Gait

Signature

Keystroke

## بازشناسی الگو

کاربرد در بیوانفورماتیک

BIOINFORMATICS

L	G	W	L	N	G	F	W	I	F	W	K	D	G	W	N	I	L	N	F	
L	L	G	W	L	N	G	F	W	I	F	W	K	D	G	W	N	I	L	N	F
L	M	K	V	Y	V	D	P	I	T	Y	W	K	D	G	Y	N	I	L	D	V
L	M	K	V	Y	V	D	P	I	N	Y	W	K	D	G	Y	N	I	L	D	V
L	L	K	I	I	A	L	G	L	E	Y	F	F	D	F	W	N	L	L	D	F
V	L	K	I	I	A	L	G	L	E	Y	F	F	D	F	W	N	L	L	D	F

												120													130
L	Q	L	L	R	I	C	H	V	L	R	S	L	K	L	L	A	Q	F	R	Q					
L	Q	L	L	R	I	C	H	V	L	R	S	L	K	L	L	A	Q	F	R	Q					
L	L	L	R	V	C	R	V	L	R	S	L	K	L	L	F	A	R	F	F	R					
L	L	L	R	V	C	R	V	L	R	S	L	K	L	L	F	A	R	F	F	R					
L	V	A	I	T	Y	P	L	R	R	L	R	L	V	H	V	C	M	A	V	E					
L	V	A	I	T	Y	P	L	R	R	L	R	L	V	H	V	C	M	A	V	E					
L	H	F	A	D	G	I	O	S	L	R	I	L	K	L	I	S	Y	S	S	R					
L	H	F	A	D	G	I	O	S	L	R	I	L	K	L	I	S	Y	S	S	R					
L	Y	S	L	R	A	L	R	A	I	R	V	L	R	L	S	F	L	T	S	S					
L	Y	S	L	R	A	L	R	A	I	R	V	L	R	L	S	F	L	T	S	S					

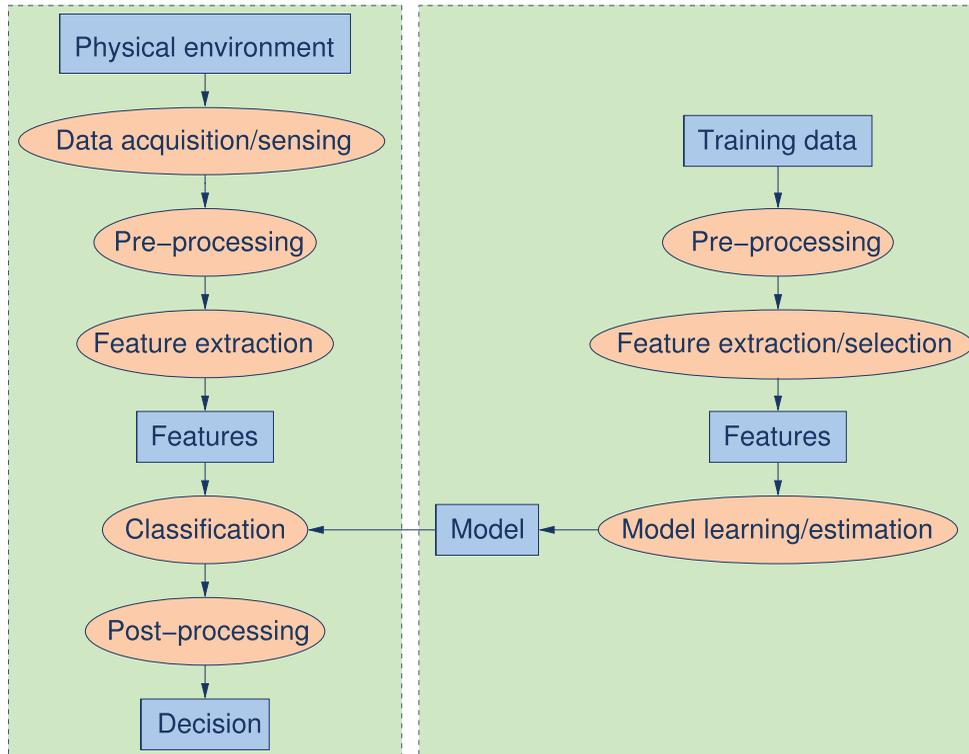
												170													180
V	V	F	S	E	Y	T	R	S	P	R	O	D	L	E	Y	H	V	F	F	F					
V	V	F	S	E	Y	T	R	S	P	R	O	D	L	E	Y	H	V	F	F	F					
V	V	F	S	E	Y	T	R	S	P	R	O	D	L	E	Y	H	V	F	F	F					
V	Y	F	F	R	E	Y	S	R	S	T	I	E	G	L	E	Y	N	M	F	F					

مقدمه

۳

سیستم  
بازشناسی  
الگو

## سیستم بازشناسی الگو

PATTERN RECOGNITION SYSTEM

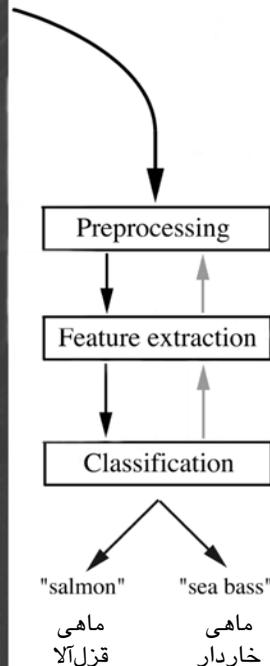
## بازشناسی شیئی

مثال: طبقه‌بندی دو نوع ماهی

### OBJECT RECOGNITION

اشیایی که باید طبقه‌بندی شوند، ابتدا توسط یک تراگذر (دوربین) حس می‌شوند و سیگنال‌های دریافتی پیش‌پردازش می‌شوند. سپس ویژگی‌ها استخراج می‌شوند و سرانجام طبقه‌بندی (دو نوع ماهی) انجام می‌شود.

جریان اصلی اطلاعات از مبدأ به سمت طبقه‌بندی کننده است (پیکان‌های سیاه) اما در برخی سیستم‌ها مراحل قبلی پردازش می‌توانند بر اساس مراحل بعدی پردازش تغییر پیدا کنند (پیکان‌های خاکستری).



From: Richard O. Duda, Peter E. Hart, and David G. Stork, Pattern Classification, John Wiley & Sons, Inc., 2001.

## بازشناسی شیئی

مثال: طبقه‌بندی دو نوع ماهی (استخراج ویژگی: طول ماهی)

## OBJECT RECOGNITION

طول تعدادی از دو نوع ماهی را محاسبه و ثبت می‌کنیم.

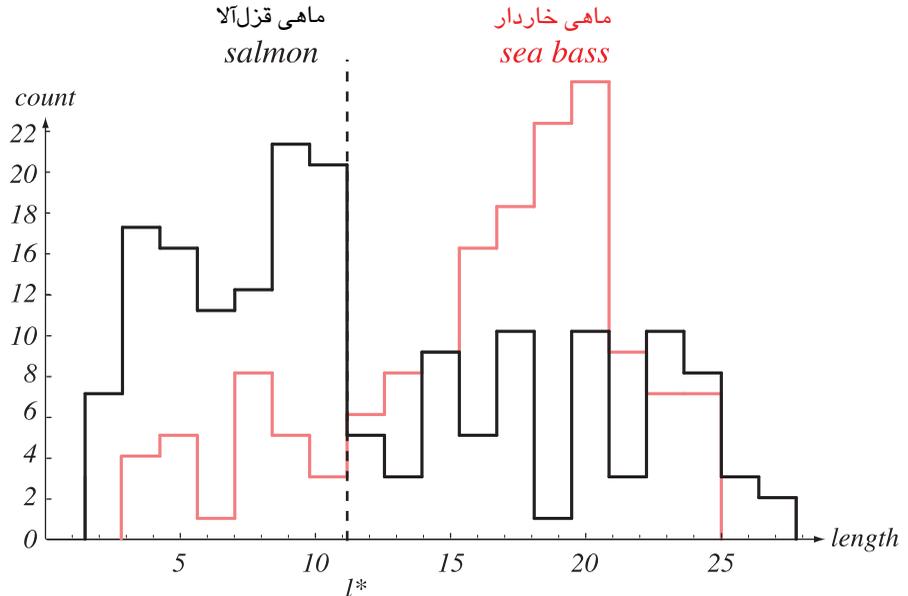
به طور متوسط، طول ماهی خاردار، از ماهی قزل‌آلا بیشتر است، اما همیشه این گونه نیست.

در شکل، هیستوگرام ویژگی طول برای هر دو دسته رسم شده است.

یک آستانه‌ی واحد برای مقدار طول که بتواند بدون ابهام دو دسته را از هم تفکیک کند، وجود ندارد.

با استفاده از طول به عنوان تنها ویژگی، مقداری خطا خواهیم داشت.

مقدار  $l^*$  حداقل مقدار خطا به طور متوسط را ایجاد می‌کند.



From: Richard O. Duda, Peter E. Hart, and David G. Stork, Pattern Classification, John Wiley & Sons, Inc., 2001.

## بازشناسی شیئی

مثال: طبقه‌بندی دو نوع ماهی (استخراج ویژگی: وزن ماهی)

## OBJECT RECOGNITION

وزن تعدادی از دو نوع ماهی را محاسبه و ثبت می‌کنیم.

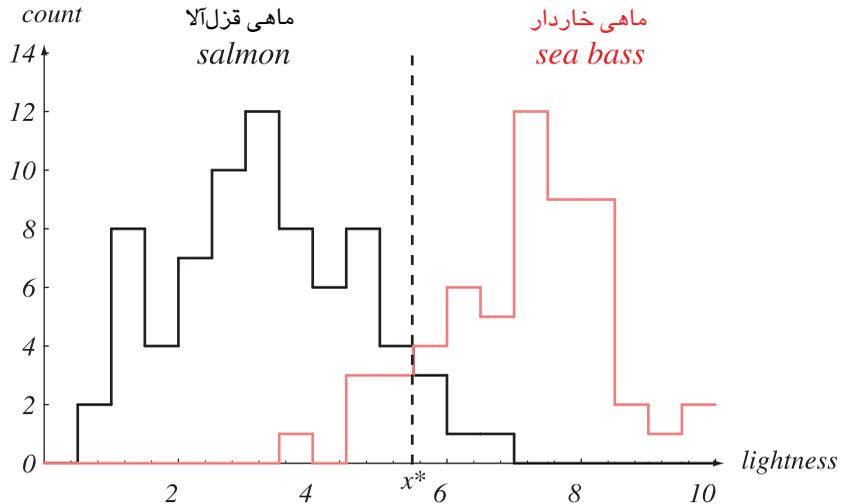
به طور متوسط، سبکی ماهی خاردار، از ماهی قزل‌آلا بیشتر است، اما همیشه این گونه نیست. اما همپوشانی مقادیر وزن این دو نوع ماهی از همپوشانی طول آنها کمتر است ( $\Leftarrow$  وزن: ویژگی بهتر)

در شکل، هیستوگرام ویژگی وزن برای هر دو دسته رسم شده است.

یک آستانه‌ی واحد برای مقدار وزن که بتواند بدون ابهام دو دسته را از هم تفکیک کند، وجود ندارد.

با استفاده از وزن به عنوان تنها ویژگی، مقداری خطا خواهیم داشت.

مقدار  $x^*$  حداقل مقدار خطا به طور متوسط را ایجاد می‌کند.



## بازشناسی شیئی

مثال: طبقه‌بندی دو نوع ماهی (استخراج ویژگی: طول و وزن ماهی)

## OBJECT RECOGNITION

بهتر است از بیش از یک ویژگی استفاده کنیم.

فضای الگوها با استفاده از تعداد بیشتری ویژگی، بیشتر تفکیک می‌شود.

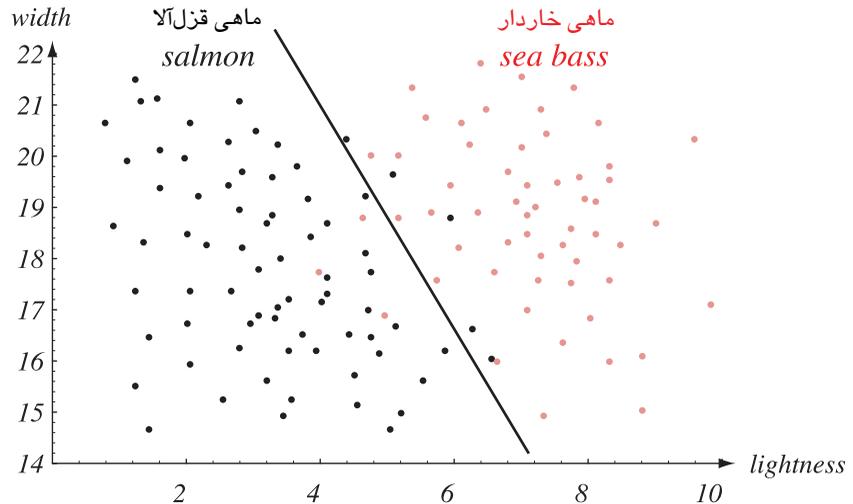
در این مثال،

از دو ویژگی وزن  $x_1$  و طول  $x_2$  دو نوع ماهی استفاده می‌کنیم.  $\Leftarrow$   
فضای ویژگی دو بعدی  $\Leftarrow$   
بردار ویژگی دو بعدی

خط سیاه:

مرز تصمیم برای طبقه‌بندی کننده

خطای کلی طبقه‌بندی بر روی این داده‌ها، کمتر از زمانی است که فقط از یک ویژگی استفاده می‌شود، اما هنوز مقداری خطا وجود دارد.



$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

## بازشناسی شیئی

مثال: طبقه‌بندی دو نوع ماهی (استخراج ویژگی: تعداد ویژگی؟)

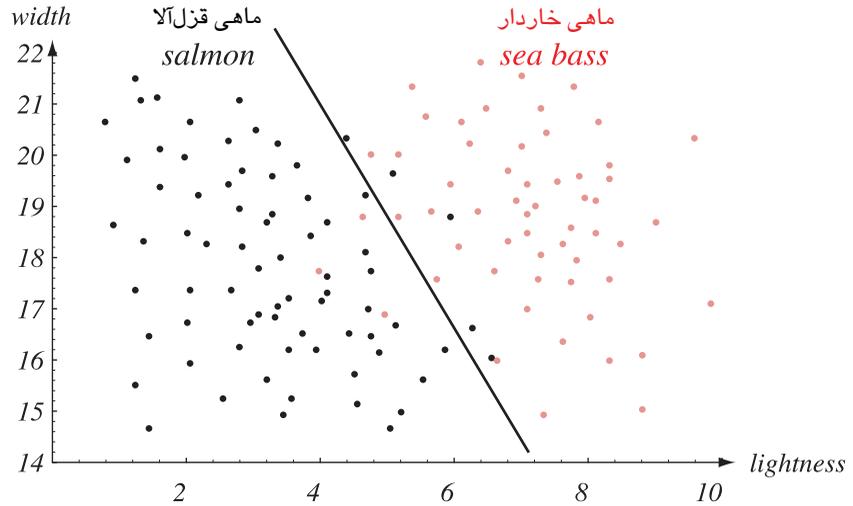
## OBJECT RECOGNITION

می‌توان از بیش از دو ویژگی هم استفاده کرد

(مثلاً نسبت طول به عرض ماهی / تعداد باله‌های ماهی / ...).

- تعداد ویژگی لازم؟
- خوب بودن یک ویژگی؟
- ویژگی‌های همبسته؟

- ❖ هر چه استخراج یک ویژگی ساده‌تر باشد، بهتر است.
- ❖ هر چه یک ویژگی قدرت تفکیک بالاتری داشته باشد، بهتر است.
- ❖ هر چه افزونگی ویژگی‌ها پایین‌تر باشد، بهتر است.
- ❖ هر چه تعداد کل ویژگی‌ها کمتر باشد، بهتر است.
- ❖ هر چه پردازش یک ویژگی ساده‌تر باشد، بهتر است.



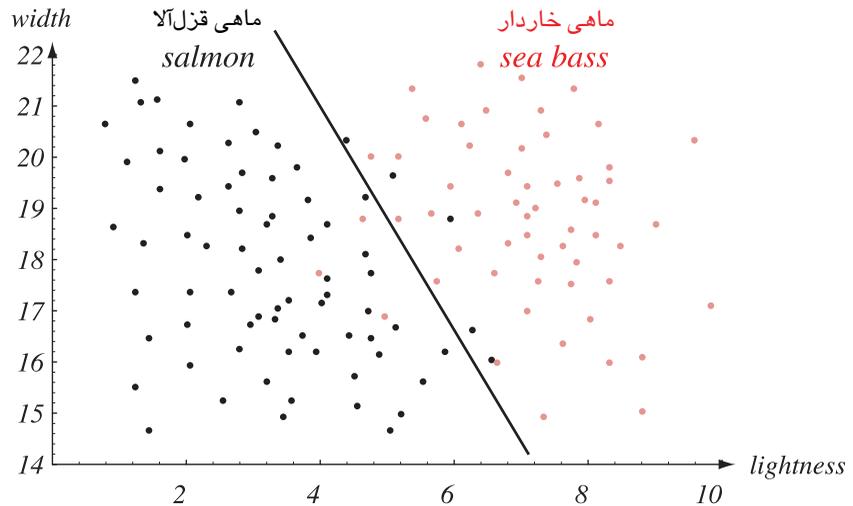
# بازشناسی شیئی

مثال : طبقه‌بندی دو نوع ماهی (مرز تصمیم ساده)

## OBJECT RECOGNITION

← مرز تصمیم ساده = مرز خطی

- دسته‌بندی نادرست
- برخی نمونه‌ها
- واریانس بالا
- تعمیم‌پذیری بالا



From: Richard O. Duda, Peter E. Hart, and David G. Stork, Pattern Classification, John Wiley & Sons, Inc., 2001.

## بازشناسی شیئی

مثال: طبقه‌بندی دو نوع ماهی (مرز تصمیم پیچیده)

## OBJECT RECOGNITION

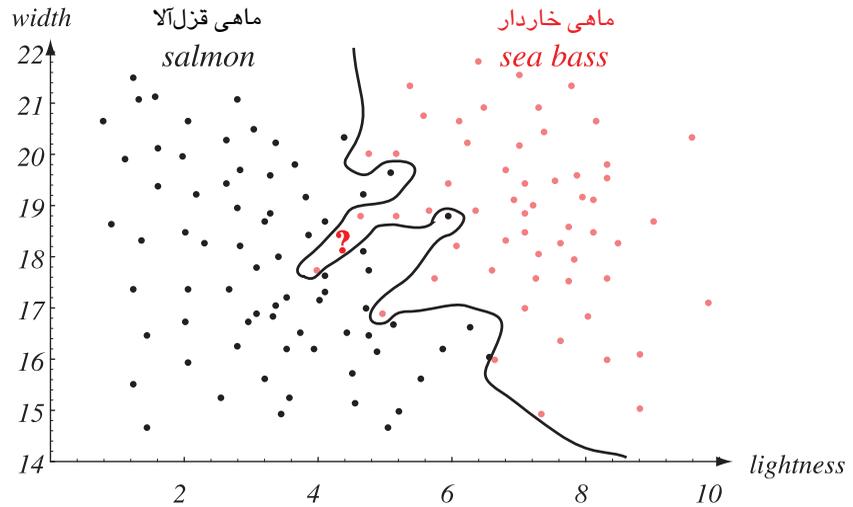
مرز تصمیم خیلی پیچیده ←

- دسته‌بندی درست
- تمام (اغلب) نمونه‌ها
- بایاس بالا (حساسیت به تغییر داده‌ها)
- تعمیم‌پذیری پایین

مدل‌های خیلی پیچیده برای ماهی، به مرزهای تصمیمی منجر می‌شوند که پیچیده هستند.

با وجود اینکه چنین مرز تصمیمی می‌تواند به طبقه‌بندی کامل نمونه‌های آموزشی ما منجر شود، اما برای الگوهای آینده کارایی ضعیفی خواهد داشت (تعمیم‌پذیری پایین):

نمونه‌ی آزمایشی جدید که با ? نشان داده شده است، اتفاقاً بیشتر شبیه قزل‌آلا است اما مرز تصمیم پیچیده باعث شده است که در دسته‌ی ماهی‌های خاردار قرار گیرد.



## بازشناسی شیئی

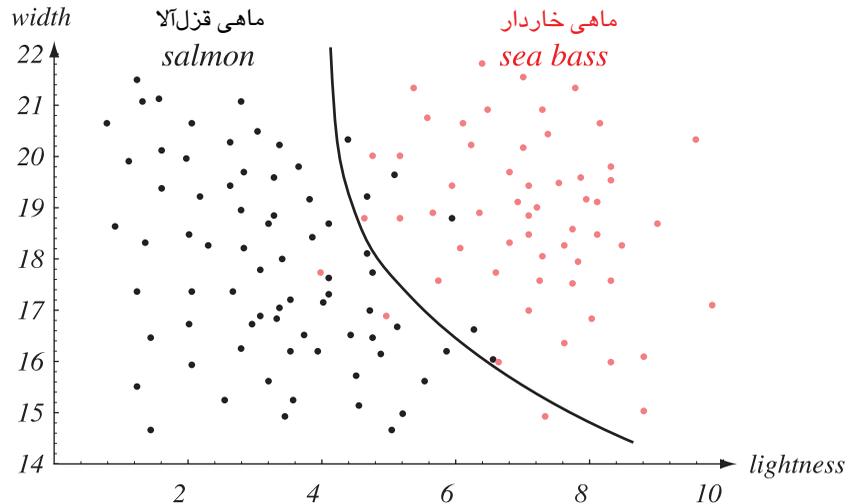
مثال: طبقه‌بندی دو نوع ماهی (مرز تصمیم نه‌چندان پیچیده)

## OBJECT RECOGNITION

← مرز تصمیم نه‌چندان پیچیده

- دسته‌بندی درست
- تمام (اغلب) نمونه‌ها
- بده‌بستان میان بایاس و واریانس
- تصمیم‌پذیری بالا

مرز تصمیم نشان داده‌شده، می‌تواند یک بده‌بستان بهینه بین کارایی روی داده‌های مجموعه‌ی آموزشی و سادگی طبقه‌بندی‌کننده باشد، که از این طریق بالاترین دقت روی الگوهای جدید حاصل می‌شود.



# بازشناسی شیئی

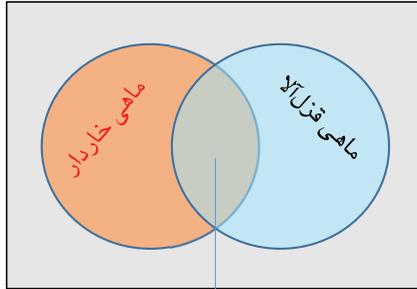
مثال: طبقه‌بندی دو نوع ماهی (فضای الگو)

## OBJECT RECOGNITION

فضای الگوی رئال

*Real Pattern Space*

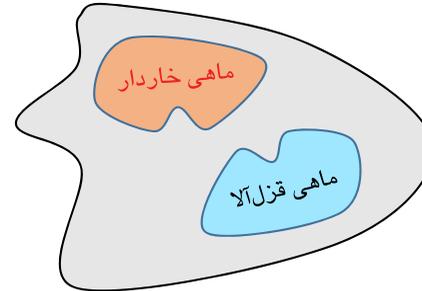
حاصل از ویژگی‌های استخراج‌شده



خطای طبقه‌بندی

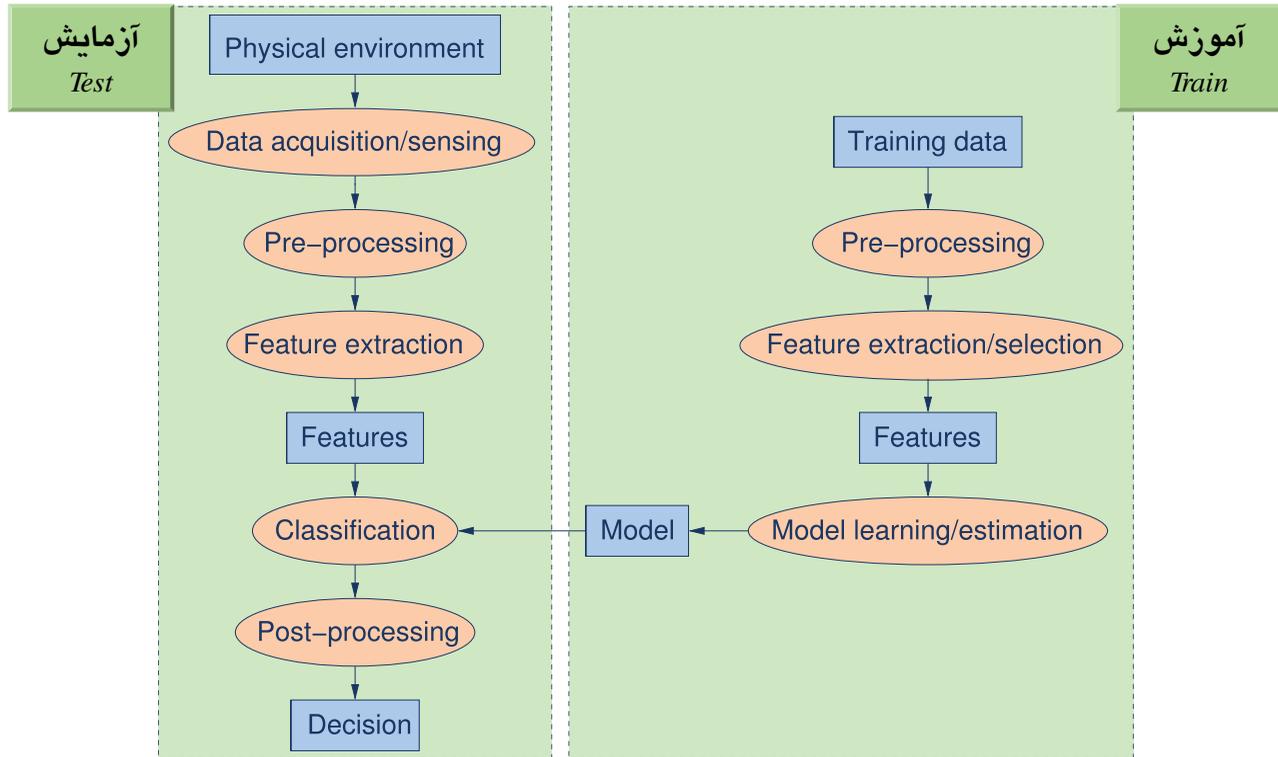
فضای الگو ایده‌آل

*Ideal Pattern Space*



## سیستم بازشناسی الگو

## PATTERN RECOGNITION SYSTEM

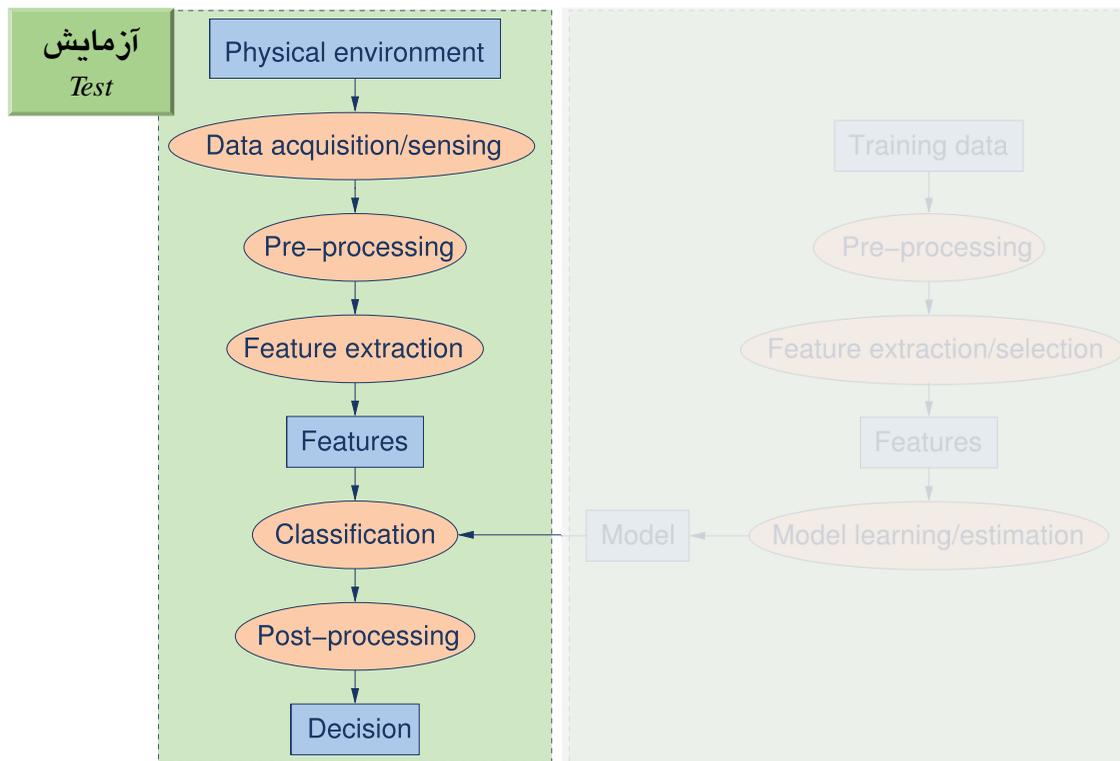


استفاده از مدل آموزش یافته

ساخت مدل در مرحله‌ی آموزش بر اساس داده‌های آموزشی

## سیستم بازشناسی الگو

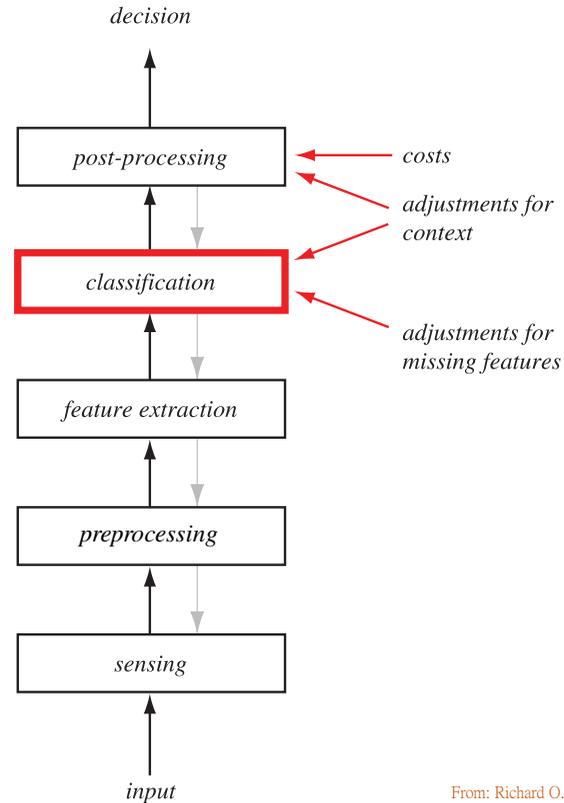
## زیرسیستم تصمیم‌گیری

PATTERN RECOGNITION SYSTEM

استفاده از مدل آموزش‌یافته

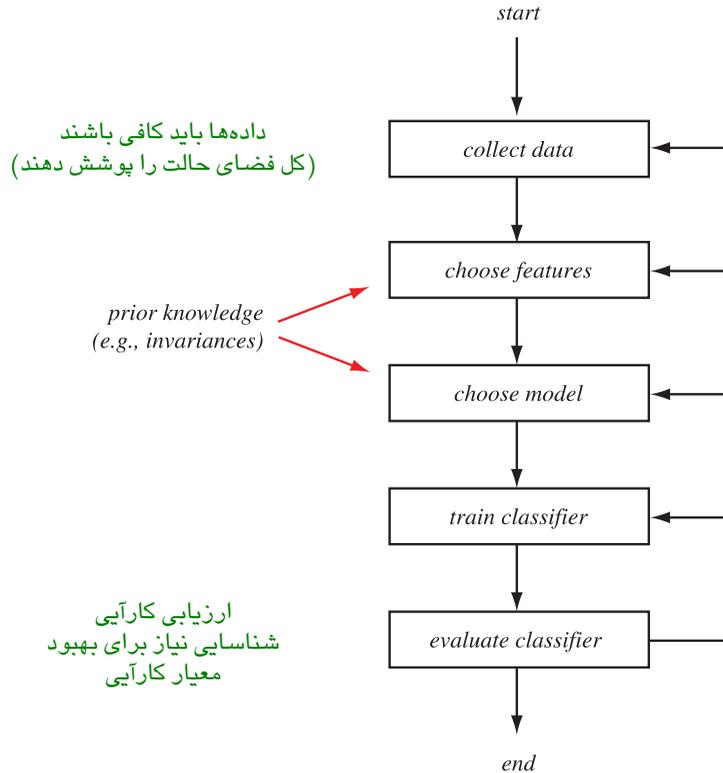
## سیستم بازشناسی الگو

## فرآیند بازشناسی



From: Richard O. Duda, Peter E. Hart, and David G. Stork,  
Pattern Classification, John Wiley & Sons, Inc., 2001.

## چرخه‌ی طراحی سیستم بازشناسی الگو

PATTERN RECOGNITION SYSTEM: THE DESIGN CYCLE

From: Richard O. Duda, Peter E. Hart, and David G. Stork,  
Pattern Classification, John Wiley & Sons, Inc., 2001.

مقدمه

۴

روی کردها  
در  
بازشناسی  
الگو

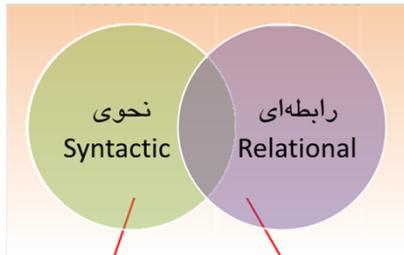
## چیدمان الگوها

PATTERN ARRANGEMENTS

چیدمان الگوها <i>Pattern Arrangements</i>			
گراف <i>Graph</i>	درخت <i>Tree</i>	رشته <i>String</i>	بردار <i>Vector</i>
برای توصیف‌های ساختاری		برای توصیف‌های کمی	

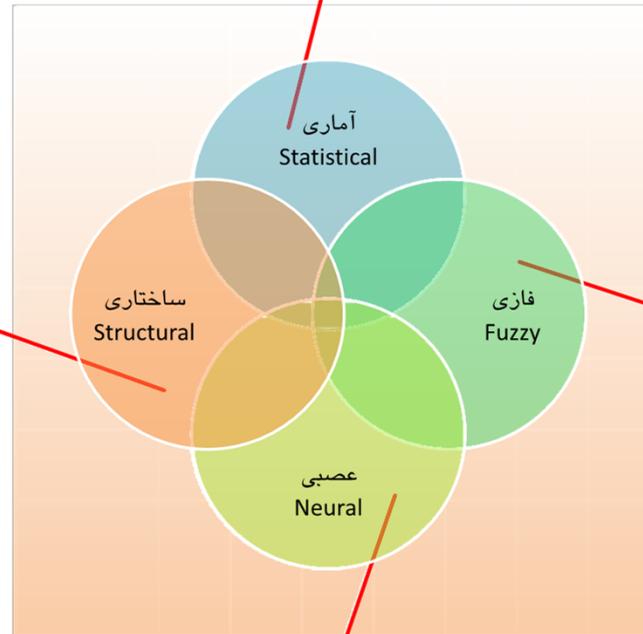
# رویکردهای بازشناسی الگو

## APPROACHES



مبتنی بر گرامر  
(نظریه‌ی زبان‌های رسمی)

مبتنی بر گراف  
(نظریه‌ی گراف)



مبتنی بر آمارگرایی  
(نظریه‌ی تصمیم و نظریه‌ی اطلاعات)

مبتنی بر ساختارگرایی  
(گرامرها و گراف)

مبتنی بر تدریج‌گرایی  
(نظریه‌ی مجموعه‌های فازی)

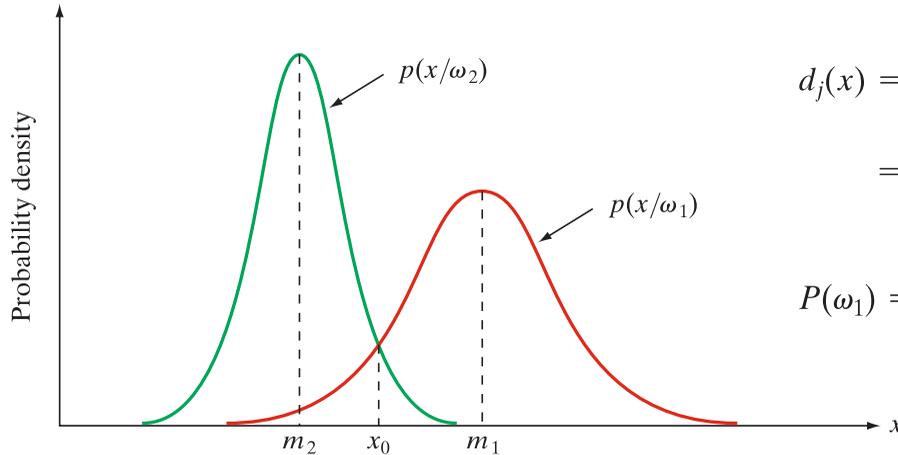
مبتنی بر اتصال‌گرایی  
(شبکه‌های عصبی)

# رویکردهای بازشناسی الگو

رویکرد آماری

## STATISTICAL PATTERN RECOGNITION

استفاده از خصوصیت‌های آماری الگوها برای بازشناسی



$$d_j(x) = p(x/\omega_j)P(\omega_j)$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_j} e^{-\frac{(x-m_j)^2}{2\sigma_j^2}} P(\omega_j) \quad j = 1, 2$$

$$P(\omega_1) = P(\omega_2) = 1/2$$

$$d_1(x_0) = d_2(x_0)$$

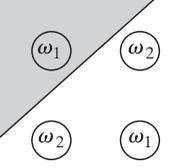
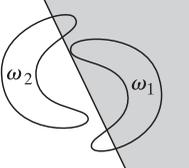
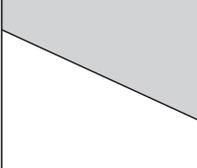
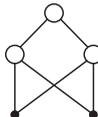
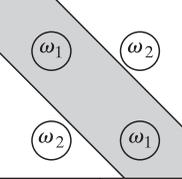
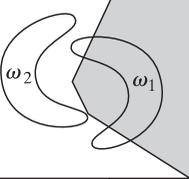
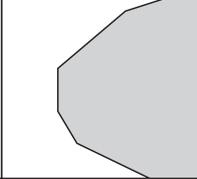
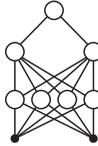
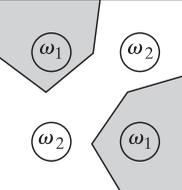
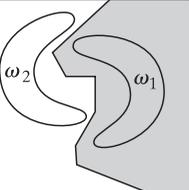
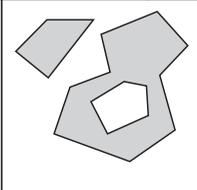
$$p(x_0/\omega_1) = p(x_0/\omega_2)$$

# رویکردهای بازشناسی الگو

## رویکرد عصبی

### NEURAL PATTERN RECOGNITION

#### استفاده از شبکه‌های عصبی برای بازشناسی الگوها

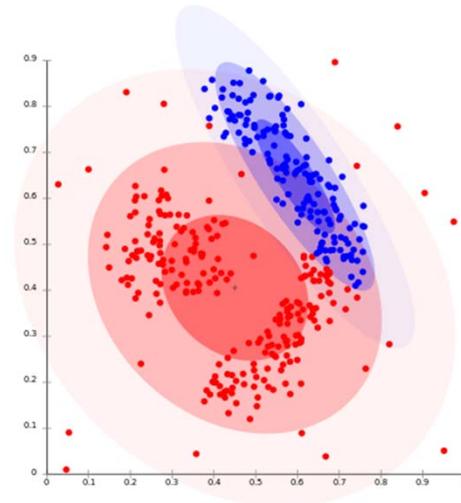
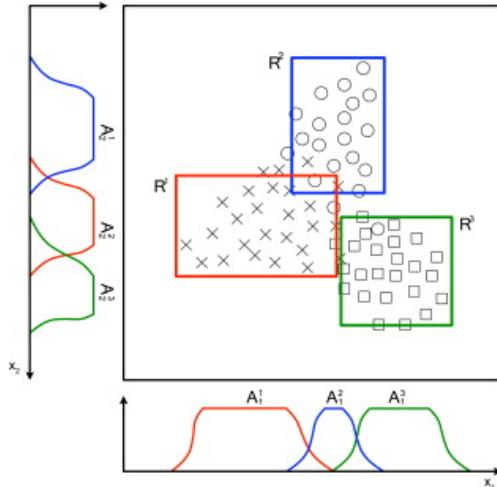
Network structure	Type of decision region	Solution to exclusive-OR problem	Classes with meshed regions	Most general decision surface shapes
<p>Single layer</p> 	<p>Single hyperplane</p>			
<p>Two layers</p> 	<p>Open or closed convex regions</p>			
<p>Three layers</p> 	<p>Arbitrary (complexity limited by the number of nodes)</p>			

# رویکردهای بازشناسی الگو

رویکرد فازی

## FUZZY PATTERN RECOGNITION

استفاده از مجموعه‌ها و سیستم‌های فازی برای بازشناسی الگوها

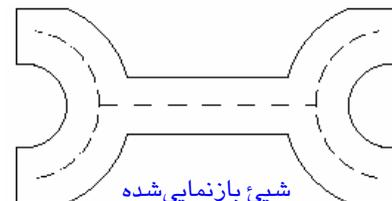
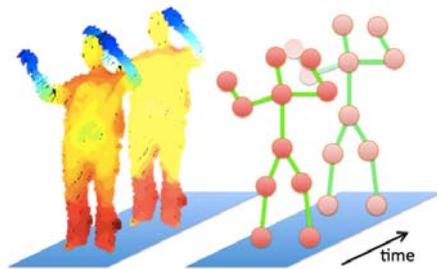


# رویکردهای بازشناسی الگو

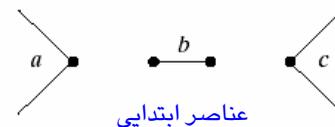
رویکرد ساختاری

## STRUCTURAL PATTERN RECOGNITION

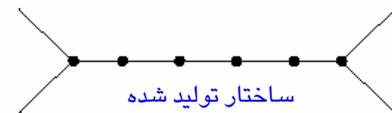
استفاده از روابط ساختاری ذاتی در پدیده‌ها برای بازشناسی الگوها



شیئی بازنمایی شده  
با اسکلت (هرس شده)



عناصر ابتدایی



ساختار تولید شده  
توسط یک گرامر منظم رشته‌ای

چیدمان الگوها

Pattern Arrangements

گراف

Graph

درخت

Tree

رشته

String

برای  
توصیف‌های ساختاری

مقدمه

۵

یادگیری  
ماشینی

## یادگیری ماشینی

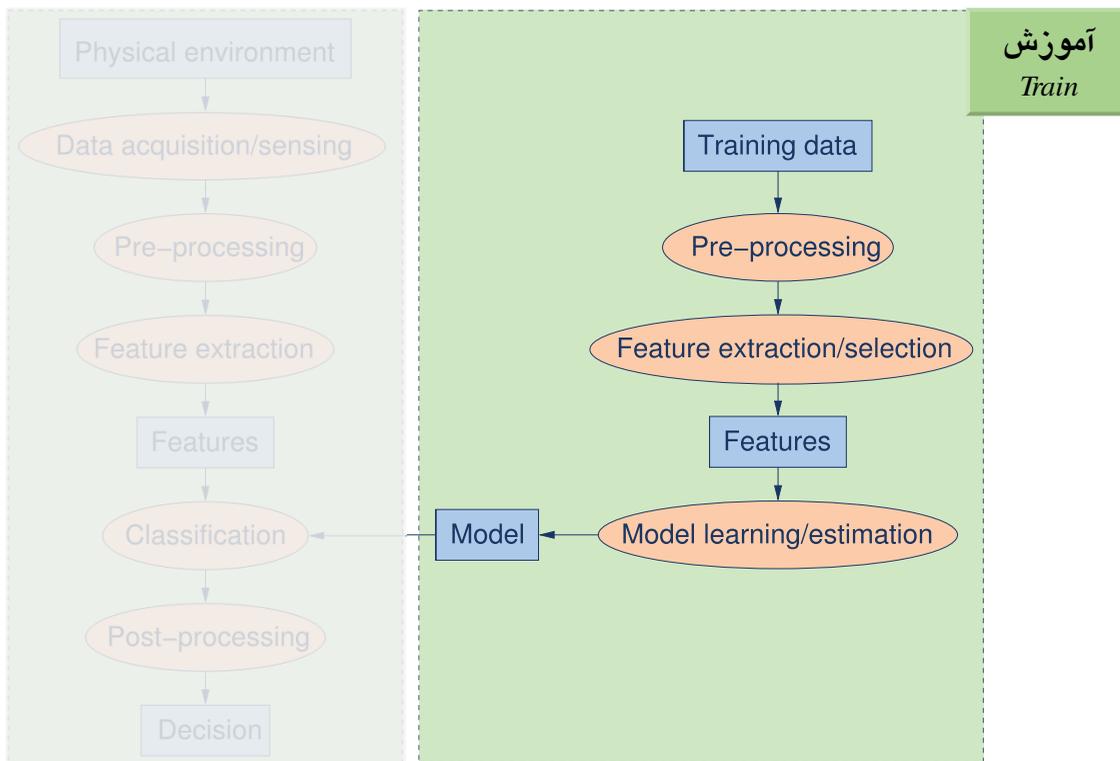
### MACHINE LEARNING

هدف:

یادگیری مدل مورد استفاده برای تصمیم‌گیری

## سیستم بازشناسی الگو

زیرسیستم یادگیری

PATTERN RECOGNITION SYSTEM

ساخت مدل در مرحله‌ی آموزش بر اساس داده‌های آموزشی

## صورت‌های یادگیری

### FORMS OF LEARNING

صورت‌های یادگیری				
یادگیری استنباطی <i>Deductive Learning</i>	یادگیری استقرائی <i>Inductive Learning</i>			
یادگیری کل به جزء	یادگیری جزء به کل			
یادگیری تحلیلی <i>Analytical Learning</i>	یادگیری یک تابع یا قاعده‌ی عمومی (درست/ نادرست) از روی جفت‌های خاص ورودی - خروجی			
حرکت از یک قاعده‌ی عمومی شناخته‌شده به قاعده‌ی جدیدی که منطقاً استلزام می‌شود.  (مفید است، زیرا امکان پردازش کارآمدتر را فراهم می‌کند.)	یادگیری نیمه‌نظارتی <i>Semisupervised</i>	یادگیری تقویتی <i>Reinforcement</i>	یادگیری بی‌نظارت <i>Unsupervised</i>	یادگیری بانظارت <i>Supervised</i>
	یادگیری با وجود تعداد کمی مثال برچسب‌دار و مجموعه‌ی بزرگی از داده‌های بی‌برچسب	یادگیری از روی یک سری تقویت‌ها (پاداش‌ها و جریمه‌ها)	یادگیری الگوهای درون ورودی بدون وجود فیدبک صریح (مثل clustering)	یادگیری نگاشت ورودی به خروجی با دیدن مثال‌های برچسب‌دار
تقسیم‌بندی بر اساس نوع فیدبک موجود برای یادگیری				
سه نوع اصلی یادگیری				

## یادگیری استقرائی

INDUCTIVE LEARNING

یادگیری استقرائی

*Inductive Learning*

یادگیری جزء به کل

یادگیری یک تابع یا قاعده‌ی عمومی (درست/ نادرست)  
از روی جفت‌های خاص ورودی - خروجی

یادگیری نیمه‌نظارتی

*Semisupervised*

یادگیری تقویتی

*Reinforcement*

یادگیری بی‌نظارت

*Unsupervised*

یادگیری بانظارت

*Supervised*

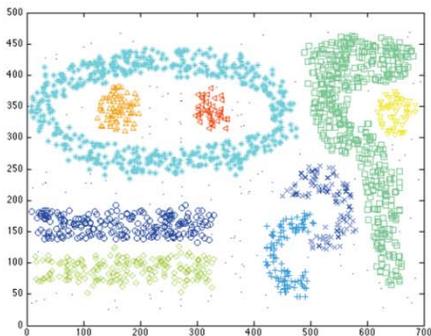
## یادگیری با نظارت / یادگیری بی نظارت

طبقه‌بندی / رگرسیون / خوشه‌بندی

یادگیری بی نظارت

*Unsupervised*

خوشه‌بندی

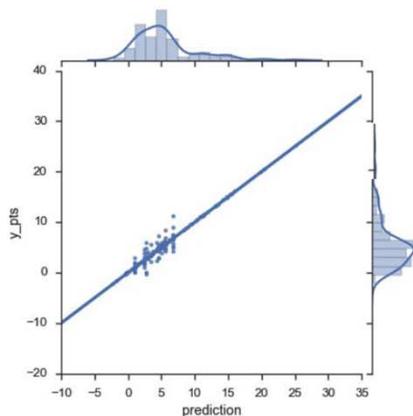
*Clustering*

$$\{\mathbf{x}^i\}_{i=1}^N$$

یادگیری با نظارت

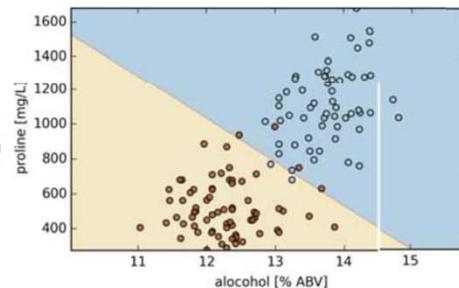
*Supervised*

رگرسیون

*Regression*

$$\{(\mathbf{x}^i, y^i)\}_{i=1}^N$$

طبقه‌بندی

*Classification*

$$\{(\mathbf{x}^i, \omega^i)\}_{i=1}^N$$

## یادگیری بانظارت

SUPERVISED LEARNING

## یادگیری بانظارت

*Supervised Learning*

یک مجموعه‌ی آموزشی از  $N$  جفت ورودی-خروجی نمونه داده شده است:

$$(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_N, y_N)$$

که در آن هر  $y_j$  به وسیله‌ی یک تابع مجهول  $f$  تولید شده است:

$$y = f(x)$$

یک تابع  $h$  را کشف کنید که تابع واقعی  $f$  را تقریب بزند.

## یادگیری بانظارت

مفاهیم کلیدی

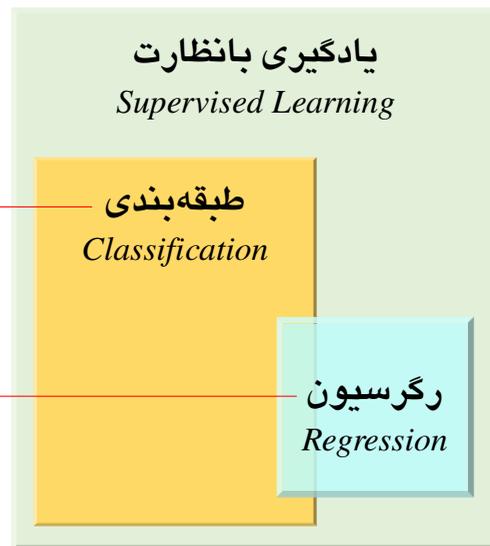
SUPERVISED LEARNING

یادگیری بانظارت <i>Supervised Learning</i>	
مجموعه‌ی جفت‌های ورودی-خروجی معلوم برای آموزش یادگیرنده	مجموعه‌ی آموزشی <i>Training Set</i>
مجموعه‌ی جفت‌های ورودی-خروجی معلوم برای آزمایش یادگیرنده	مجموعه‌ی آزمایشی <i>Test Set</i>
تابع $f$ که باید یاد گرفته شود	هدف <i>Target</i>
تابع مجهول $h$ که باید تقریب مناسبی برای $f$ باشد	فرضیه <i>Hypothesis</i>
مجموعه‌ی همه‌ی توابع منتخب $h$ برای تقریب $f$	فضای فرضیه <i>Hypothesis Space</i>

 $\mathcal{H}$

## یادگیری بانظارت

طبقه‌بندی و رگرسیون

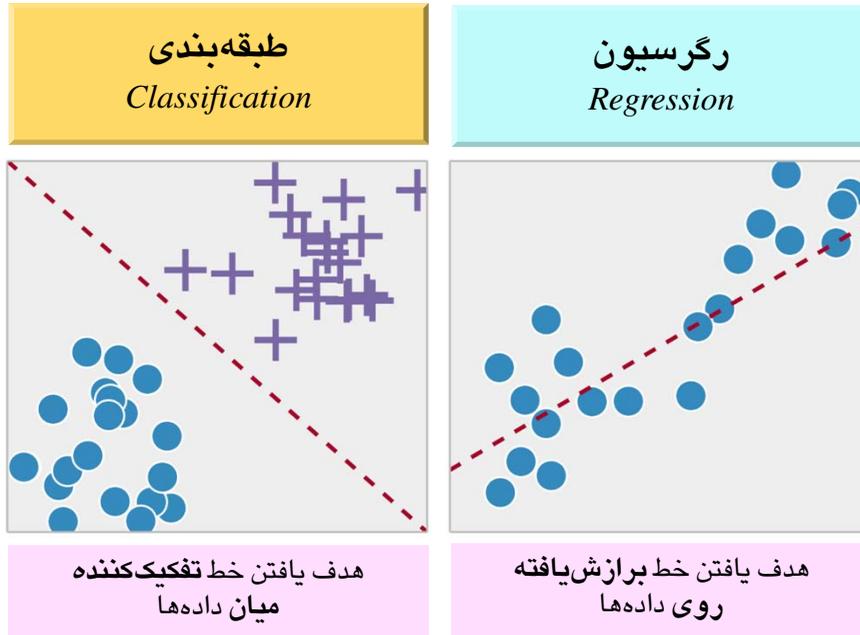
SUPERVISED LEARNING

وقتی خروجی  $y$  از یک مجموعه‌ی متناهی مشخص انتخاب شود.

وقتی خروجی  $y$  یک عدد باشد (یافتن امید شرطی یا متوسط  $y$ )

## یادگیری بانظارت

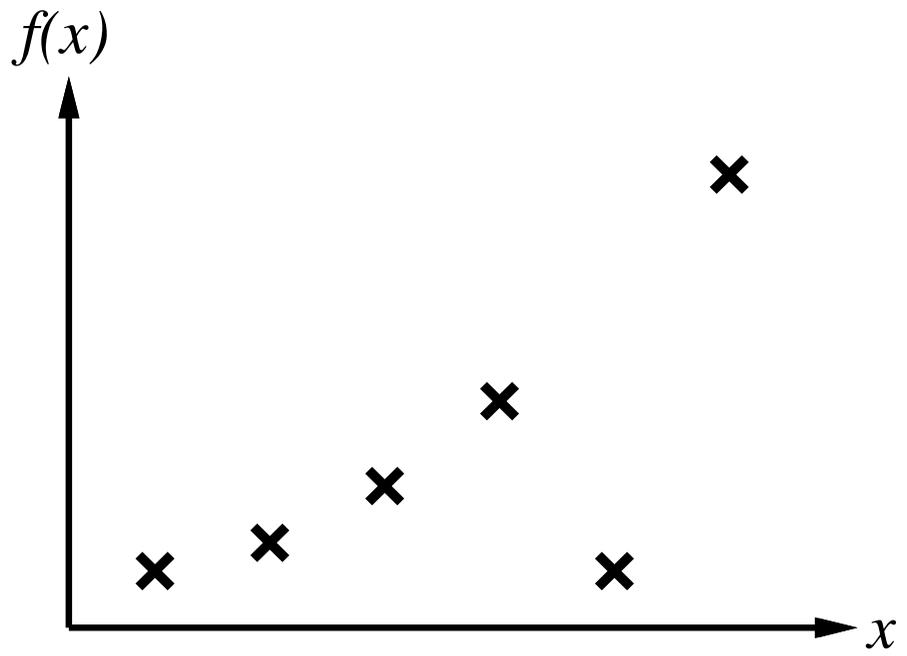
طبقه‌بندی و رگرسیون

SUPERVISED LEARNING

روش یادگیری بانظارت

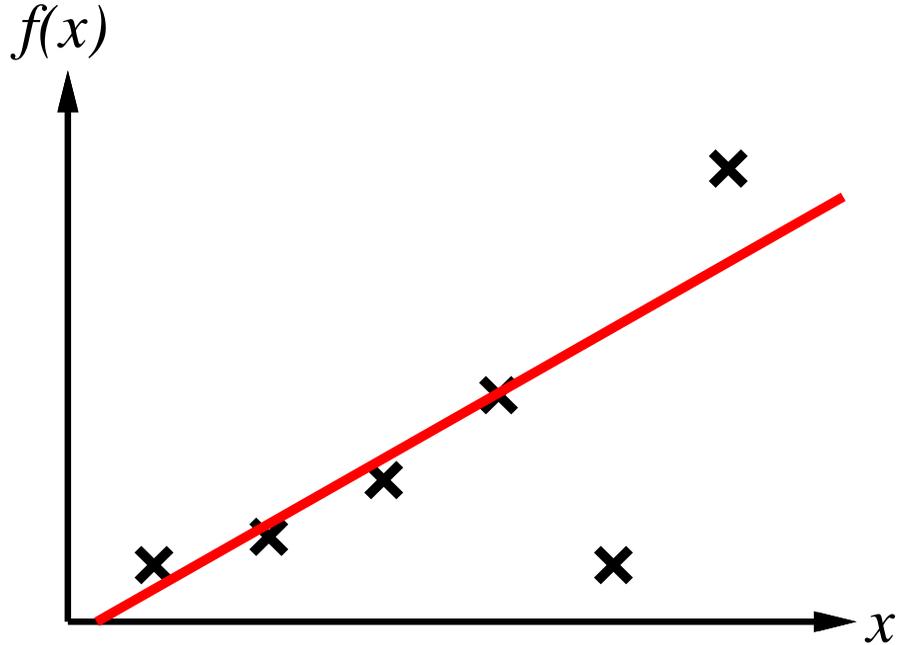
رگرسیون: مثال: برازش منحنی (۱ از ۵)

SUPERVISED LEARNING METHOD



## روش یادگیری بانظارت

رگرسیون: مثال: برازش منحنی (۲ از ۵)

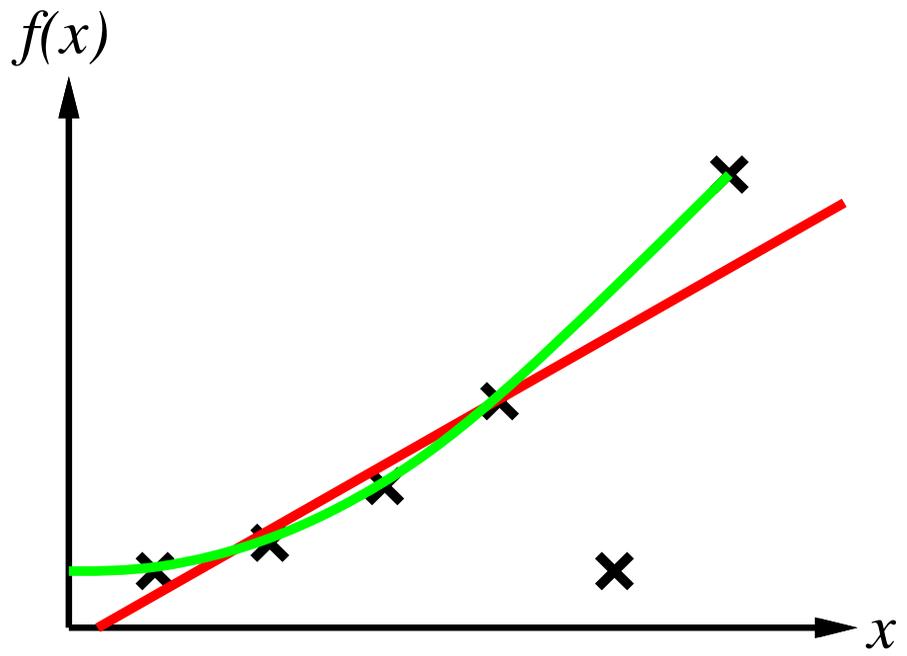
SUPERVISED LEARNING METHOD

فرضیه بسیار ساده (چندجمله‌ای خطی)، ناسازگار، تعمیم‌پذیری خوب

# روش یادگیری استقرائی

رگرسیون: مثال: برازش منحنی (۳ از ۵)

## SUPERVISED LEARNING METHOD

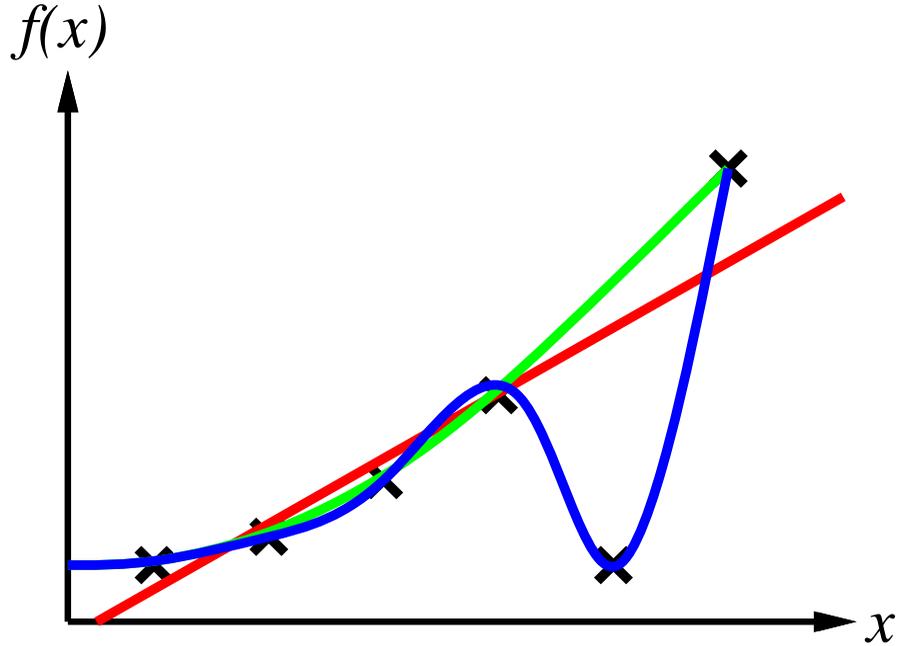


فرضیه ساده (چند جمله‌ای درجه دوم)، ناسازگار، تعمیم‌پذیری خوب

# روش یادگیری بانظارت

رگرسیون: مثال: برازش منحنی (۴ از ۵)

## SUPERVISED LEARNING METHOD

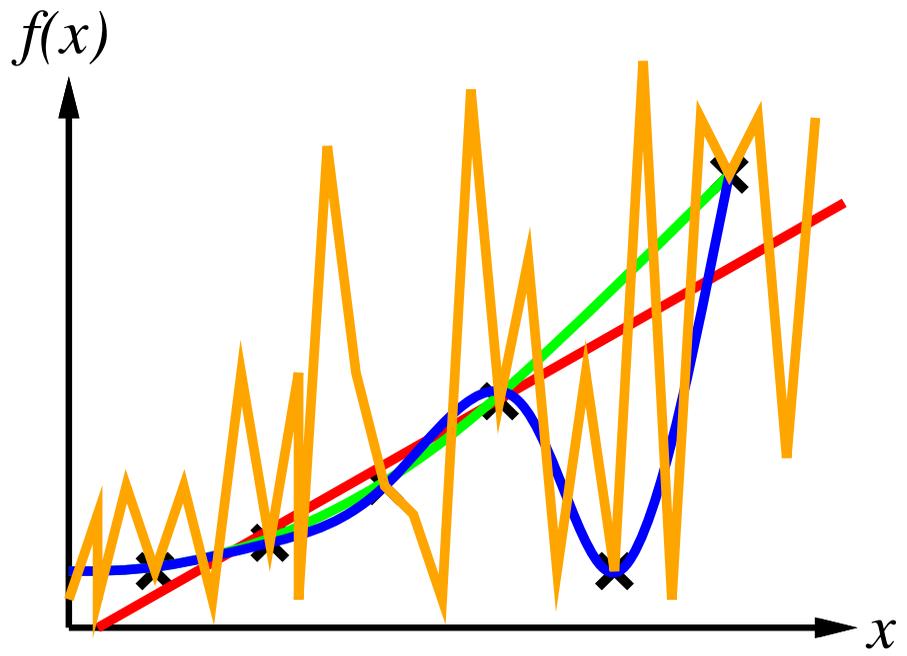


فرضیه پیچیده (چندجمله‌ای درجه بالا)، سازگار، تعمیم‌پذیری متوسط

# روش یادگیری بانظارت

رگرسیون: مثال: برازش منحنی (۵ از ۵)

## SUPERVISED LEARNING METHOD



فرضیه بسیار پیچیده (چندجمله‌ای با درجه‌ی بسیار بالا)، سازگار، تعمیم‌پذیری پایین

## یادگیری بانظارت

## سازگاری و تعمیم

تعمیم <i>Generalization</i>	سازگاری <i>Consistency</i>
<p>یک فرضیه <b>تعمیم پذیر</b> است اگر مقادیر خروجی نمونه‌های جدید را به درستی پیش‌بینی کند.</p>	<p>یک فرضیه <b>سازگار</b> است اگر بر روی همه‌ی نمونه‌های آموزشی درست باشد.</p>

بده‌بستان میان سازگاری - تعمیم‌پذیری:  
فرضیه‌های **پیچیده** با **سازگاری کامل** و فرضیه‌های **ساده‌تر** با **تعمیم‌پذیری بالاتر**

بده‌بستان میان رسایی - پیچیدگی:  
رسایی یک فضای فرضیه و پیچیدگی یافتن یک فرضیه‌ی خوب در آن فضا

## تیغهی اوخامی

کدام مدل بهتر است؟

### Ockham's RAZOR

یک مسئله‌ی بنیادی در یادگیری استقرائی:

چگونه بین چند فرضیه‌ی سازگار یکی را انتخاب کنیم؟

ترجیح با ساده‌ترین فرضیه‌ی سازگار با داده‌ها است.

بهترین مدل برای هر پدیده، ساده‌ترین مدل توصیف‌کننده‌ی آن است.

«به نام ویلیام اوخامی فیلسوف انگلیسی قرن 14 میلادی»

تیغهی اوخامی

*Ockham's Razor*

## یادگیری بانظارت

محتمل‌ترین فرضیه برای داده‌های موجود

یادگیری بانظارت، با انتخاب فرضیه‌ی  $h^*$  انجام می‌شود:

محتمل‌ترین فرضیه با داشتن داده‌ها

$$h^* = \operatorname{argmax}_{h \in \mathcal{H}} P(h | \text{data})$$

عبارت معادل از طریق قاعده‌ی بییز

$$h^* = \operatorname{argmax}_{h \in \mathcal{H}} P(\text{data} | h) P(h)$$

مقدمه

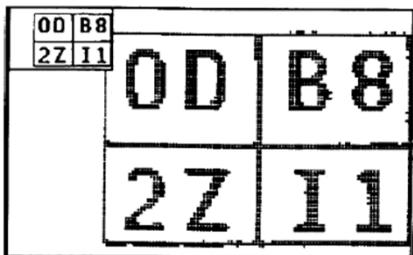
۶

چالش‌ها  
و  
ارزیابی

## چالش گوناگونی

### VARIABILITY CHALLENGE

گوناگونی <i>Variability</i>	
<p><b>گوناگونی میان-طبقه‌ای</b> <i>Inter-Class Variability</i></p> <p>ویژگی‌ها باید به‌گونه‌ای باشند که گوناگونی میان-طبقه‌ای آنها زیاد باشد.</p>	<p><b>گوناگونی درون-طبقه‌ای</b> <i>Intra-Class Variability</i></p> <p>ویژگی‌ها باید به‌گونه‌ای باشند که گوناگونی درون-طبقه‌ای آنها کم باشد.</p>



مثال: کاراکترهای مشابه / چهره‌های مشابه



مثال: شکل‌های مختلف یک کاراکتر

## معیارهای ارزیابی یک سیستم بازشناسی الگو

قوام

*Robusness*

عدم حساسیت به نویز

هزینه‌ی ساخت

*Construction Cost*

هزینه‌ی طراحی و ساخت

سرعت

*Speed*

پیچیدگی محاسباتی

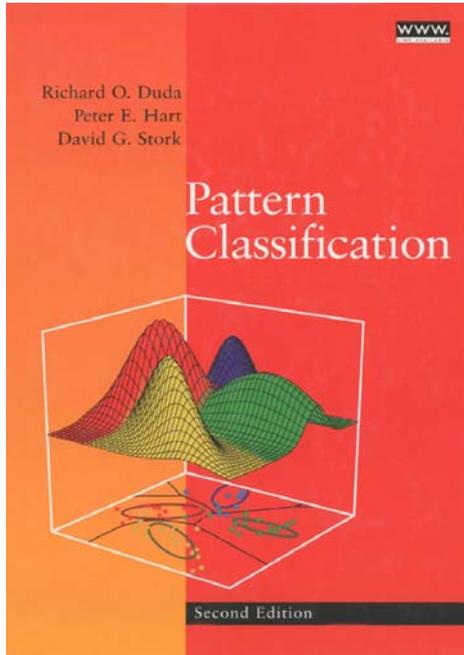
دقت

*Accuracy*نرخ خطا  
درصد بازشناسی درست

مقدمه

۷

منابع



R.O. Duda, P.E. Hart, and D.G. Stork,  
**Pattern Classification**,  
 Second Edition, John Wiley & Sons, Inc., 2001.

## Chapter 1

# CHAPTER 1

## INTRODUCTION

The ease with which we recognize a face, understand spoken words, read handwritten characters, identify our car keys in our pocket by feel, and decide whether an apple is ripe by its smell belies the astoundingly complex processes that underlie these acts of pattern recognition. Pattern recognition—the act of taking in raw data and making an action based on the “category” of the pattern—has been crucial for our survival, and over the past tens of millions of years we have evolved highly sophisticated neural and cognitive systems for such tasks.

### 1.1 MACHINE PERCEPTION

It is natural that we should seek to design and build machines that can recognize patterns. From automated speech recognition, fingerprint identification, optical character recognition, DNA sequence identification, and much more, it is clear that reliable, accurate pattern recognition by machine would be immensely useful. Moreover, in solving the myriad problems required to build such systems, we gain deeper understanding and appreciation for pattern recognition systems in the natural world—most particularly in humans. For some problems, such as speech and visual recognition, our design efforts may in fact be influenced by knowledge of how these are solved in nature, both in the algorithms we employ and in the design of special-purpose hardware.

### 1.2 AN EXAMPLE

To illustrate the complexity of some of the types of problems involved, let us consider the following imaginary and somewhat fanciful example. Suppose that a fish-packing plant wants to automate the process of sorting incoming fish on a conveyor belt according to species. As a pilot project it is decided to try to separate sea bass from salmon using optical sensing. We set up a camera, take some sample images, and begin to note some physical differences between the two types of fish—length, lightness, width, number and shape of fins, position of the mouth, and so on—and these suggest *features* to explore for use in our classifier. We also notice noise or

FEATURE