



سیستم‌های چند‌عاملی

درس ۱۷

مذاکره

Negotiation

کاظم فولادی قلعه

دانشکده مهندسی، پردیس فارابی

دانشگاه تهران

<http://courses.fouladi.ir/mas>

رسیدن به توافق

REACHING AGREEMENTS

عامل‌ها چگونه می‌توانند **به توافق برسند**،
وقتی که **منفعت طلب شخصی** هستند؟

در یک حالت مرزی (بازی مجموع صفر)، هیچ توافقی ممکن نیست.
اما در بیشتر سناریوهای امکان **توافق بر روی سود متقابل** در مورد منفعت مشترک وجود دارد.

قابلیت‌هایی مثل **مذاکره و مباحثه**،
برای اینکه عامل‌ها قادر شوند به چنین توافق‌هایی دست پیدا کنند، اساسی است.

مکانیسم‌ها، پروتکل‌ها و استراتژی‌ها

MECHANISMS, PROTOCOLS, AND STRATEGIES

مذاکره، با یک **مکانیسم** یا **پروتکل** خاص اداره می‌شود.

مکانیسم، «قواعد مواجهه» *“rules of encounter”* بین عامل‌ها را تعریف می‌کند.

طراحی مکانیسم، طراحی مکانیسم‌هایی است که خصوصیات مطلوب بخصوصی را داشته باشند.

طراحی مکانیسم
Mechanism Design

طراحی استراتژی پس از طراحی مکانیسم مطرح می‌شود:

با داشتن یک پروتکل / مکانیسم بخصوص،
چگونه می‌توانیم یک **استراتژی** خاص را طراحی کنیم که
تک تک عامل‌ها بتوانند از آن استفاده کنند؟

حراج در مقابل مذاکره

AUCTIONS VS NEGOTIATION

حراج، تنها درگیر تخصیص کالاهاست:

در عمل تکنیک‌های قوی‌تری برای رسیدن به توافق لازم است.

مذاکره، فرآیند رسیدن به توافق بر روی موضوعات مورد علاقه‌ی مشترک است.

مذاکره

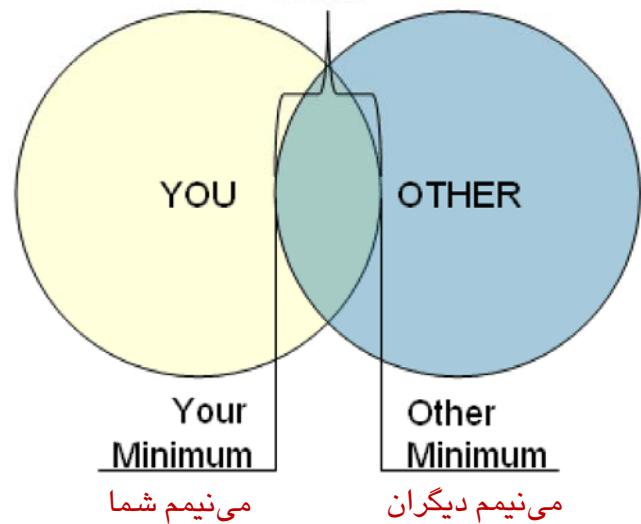
دو تصویر گویا

NEGOTIATION

منطقه‌ی مبادله‌ی داوطلبانه



Voluntary
Exchange
Zone



مذاکره

مؤلفه‌ها

NEGOTIATION

مؤلفه‌های مذاکره

Negotiation Components

قاعده‌ی معامله *Deal Rule*

قاعده‌ای که تعیین می‌کند چه زمانی معامله رخ می‌دهد و توافق معامله چیست.

استراتژی‌ها *Strategies*

برای هر عامل یک استراتژی وجود دارد که خصوصی است.

پروتکل *Protocol*

قراردادهای حاکم بر مذاکره

مجموعه‌ی مذاکره *Negotiation Set*

پیشنهادهای ممکن که عامل‌ها مطرح می‌کنند.

مذاکره معمولاً در یک سری از دورها پیش می‌رود.
هر عامل در هر دور یک پیشنهاد مطرح می‌کند.

مذاکره

دشواری‌ها

NEGOTIATION

دشواری‌های مذاکره

Negotiation Difficulties

تعداد عامل‌ها

Multiple Agents

مذاکره‌ی یک-به-یک

مذاکره‌ی یک-به-چند

مذاکره‌ی چند-به-یک

تعدد موضوع

Multiple Issues

تعداد معامله‌های ممکن بر حسب تعداد موضوع نمایی است.

(مثل تعداد دسته‌ها در حراج ترکیبیاتی)

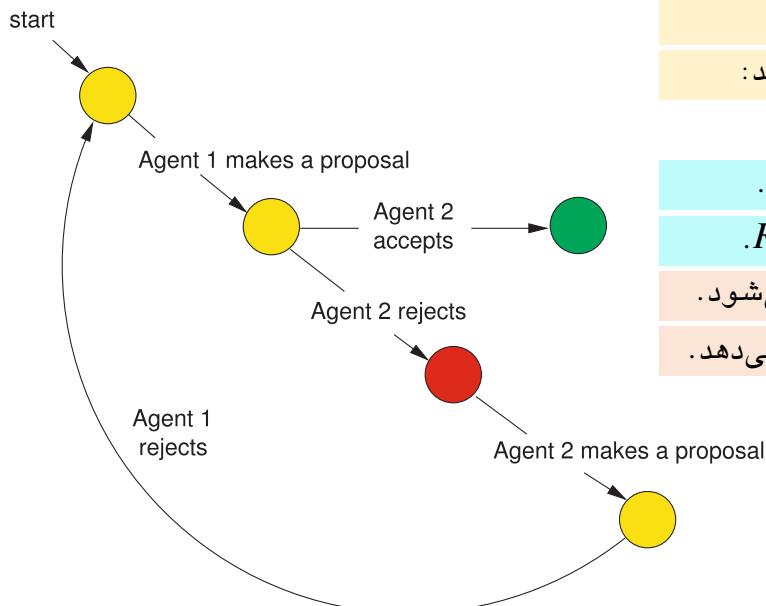
مقایسه‌ی پیشنهادها در قبال موضوع دشوار است.

(مثل مسئله‌ی فروشنده‌ی خودرو)

مذاکره برای تقسیم منبع

مدل پیشنهادهای جایگزین روبینشتاین

NEGOTIATION FOR RESOURCE DIVISION



مدل پیشنهادهای جایگزین روبینشتاین

Rubinstein's Alternating Offers Model

یک پروتکل یک-به-یک

دو عامل ۱ و ۲ داریم.

عامل‌ها طی یک سری از دورها مذاکره می‌کنند:

$0, 1, 2, \dots$

دور ۰: عامل ۱ پیشنهاد x^0 را مطرح می‌کند.

عامل ۲ پیشنهاد را می‌پذیرد A یا رد می‌کند R .

اگر پیشنهاد پذیرفته شد: معامله پیاده‌سازی می‌شود.

وگرنه، وارد دور ۱ می‌شویم و عامل ۲ پیشنهاد می‌دهد.

مذاکره برای تقسیم منبع

NEGOTIATION FOR RESOURCE DIVISION

قواعد این پروتکل به این معنی نیست که همیشه توافق حاصل می‌شود.

عامل‌ها می‌توانند همیشه پیشنهادها را رد کنند \Leftrightarrow درگیری

وقتی **هیچ توافقی** وجود ندارد،
می‌گوییم نتیجه درگیری است.

درگیری
Conflict Deal

دو پیش‌فرض زیر را در نظر می‌گیریم:

عدم توافق بدترین پیآمد است.

۱

هر دو عامل هر توافقی را بر هیچ ترجیح می‌دهند.

عامل‌ها به دنبال ماکزیمم‌سازی سود خود هستند.

۲

عامل‌ها ترجیح می‌دهند مقادیر سود بیشتری دریافت کنند.

با این مدل پایه، به برخی نتایج غیرعادی می‌رسیم!



تقسیم کردن یک کیک

مدل بر اساس مذاکره برای تقسیم منبع

DIVIDING A PIE

تقسیم منبعی با مقدار ۱ به دو بخش

هر بخش بین ۰ و ۱ است.

مجموع دو بخش برابر با ۱ است.

پس: یک پیشنهاد به صورت $(x, 1 - x)$ مطرح می‌شود.

مجموعه‌ی همه‌ی معامله‌های ممکن عبارت است از:

$$\{(x, 1 - x) : 0 \leq x \leq 1\}$$

اگر شما عامل ۱ باشید، چه پیشنهادی می‌دهید؟

بازی اولتیماتوم

ULTIMATUM GAME

یک بازی که فقط یک دور دارد.

بازی اولتیماتوم
Ultimatum Game

تقسیم کردن یک کیک

اگر فقط یک دور داشته باشیم

DIVIDING A PIE

بازی اولتیماتوم

عامل ۱ همه‌ی قدرت را در اختیار دارد.

اگر عامل ۱ پیشنهاد $(1,0)$ را ارائه دهد،
این پیشنهاد برای عامل ۲ هنوز بهتر از درگیری است: پذیرش توسط عامل ۲

عامل ۱ کار بهتری نمی‌تواند انجام بدهد.



$(1,0)$ تعادل نش این بازی است!

تقسیم کردن یک کیک

اگر دو دور داشته باشیم

DIVIDING A PIE

اگر دو دور داشته باشیم

در دور دوم، قدرت به عامل ۲ منتقل می‌شود.

آنچه عامل ۱ پیشنهاد می‌کند، توسط عامل ۲ رد می‌شود.

اعمال ۱ پیشنهاد $(0,1)$ را ارائه می‌دهد.

مشابه قبل، این پیشنهاد برای عامل ۱ هنوز بهتر از درگیری است: پذیرش توسط عامل ۲

عامل ۱ کار بهتری نمی‌تواند انجام بدهد.



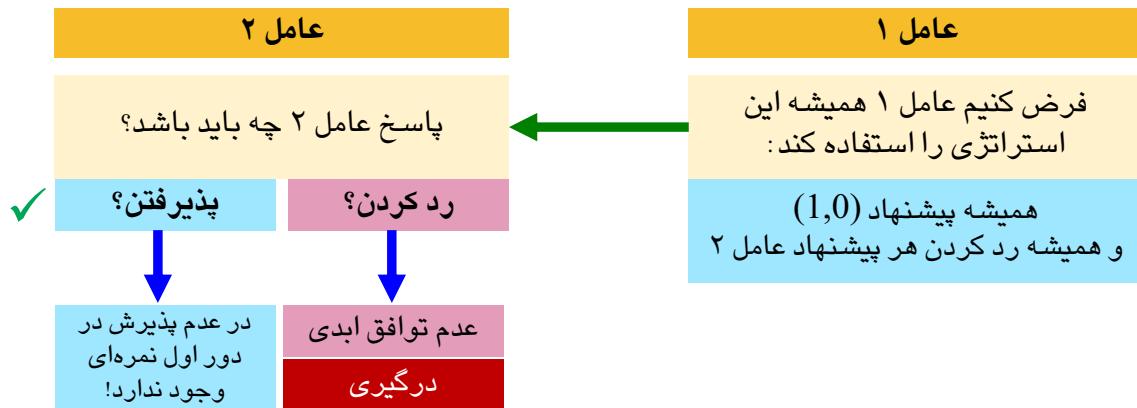
$(0,1)$ تعادل نش این بازی است!

در حالت کلی، اگر تعداد دورها ثابت باشد، یکی از نتایج $(0,1)$ یا $(1,0)$ حاصل می‌شود.

تقسیم کردن یک کیک

اگر بی‌نهایت دور داشته باشیم

DIVIDING A PIE



در واقع برای هر $(x, 1 - x)$ که توسط عامل ۱ پیشنهاد می‌شود، پذیرش بلاfacile، تعادل نش است؛ مادامی که عامل ۲، می‌داند استراتژی عامل ۱ چیست.

پس، تعداد بی‌نهایت تعادل نش وجود دارد که همگی بهینه‌ی پارتو هستند.

تقسیم کردن یک کیک

عامل‌های نابردار

IMPATIENT PLAYERS

نظر به اینکه تعداد بی‌نهایت تعادل نش داریم، مفهوم را حل تعادل نش برای این مسئله خیلی ضعیف‌تر از آن است که کمکی بکند.



برای به‌دست آوردن نتایج یکتا، **زمان** را هم در نظر می‌گیریم:

برای هر برآمد χ و زمان‌های $t_1 > t_2$ هر دو عامل χ را در زمان t_1 ترجیح می‌دهند.

یک روش استاندارد برای مدل کردن این نابرداری، **تخفیف** مقادیر برآمد است.

برای هر عامل نرخ $1 < \delta \leq 0$ را در نظر می‌گیریم:
هر چه δ به یک نزدیک‌تر باشد، عامل بردبارتر است.

نرخ تخفیف
Discount Rate

تقسیم کردن یک کیک

عامل‌های نابردار

IMPATIENT PLAYERS

. $0 \leq \delta_i < 1$ دارد که $i \in \{1,2\}$ هر عامل i که

اگر عامل i پیشنهاد x را بدهد، مقدار برش می‌شود:

time 0	x
time 1	$\delta_i x$
time 2	$\delta_i \delta_i x = \delta_i^2 x$
time 3	$\delta_i \delta_i \delta_i x = \delta_i^3 x$
...	...
time k	$\delta_i \cdots \delta_i \delta_i x = \delta_i^k x$

اینگونه می‌توانیم با تعداد ثابتی دور، پیشرفت داشته باشیم.

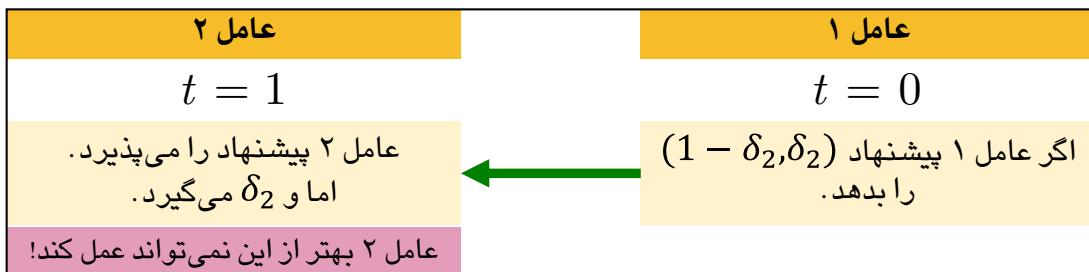
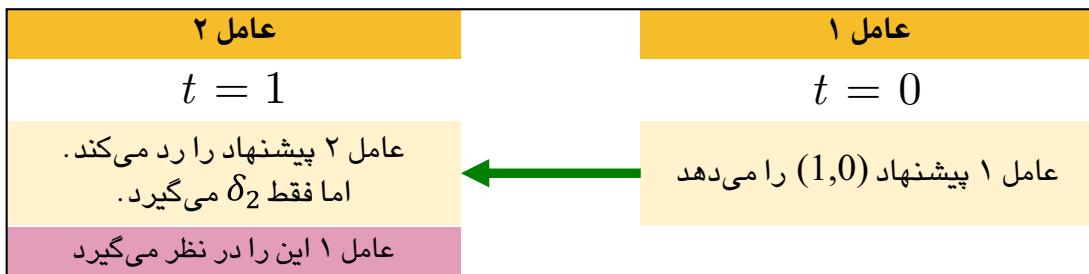
تقسیم کردن یک کیک

عامل‌های نابردار

IMPATIENT PLAYERS

اگر یک دور داشته باشیم: همان بازی اولتیماتوم می‌شود.

اگر دو دور داشته باشیم

 پس این یک تعادل نش است: $(1 - \delta_2, \delta_2)$

تقسیم کردن یک کیک

عامل‌های نابردار

IMPATIENT PLAYERS

در حالت کلی، عامل ۱ پیشنهادی به عامل ۲ می‌دهد که عامل ۲ می‌خواهد بتواند آن را در دور دوم اعمال کند.

عامل ۲	عامل ۱
آنچه دریافت می‌کند: $\frac{\delta_2(1 - \delta_1)}{1 - \delta_1\delta_2}$	آنچه دریافت می‌کند: $\frac{1 - \delta_2}{1 - \delta_1\delta_2}$

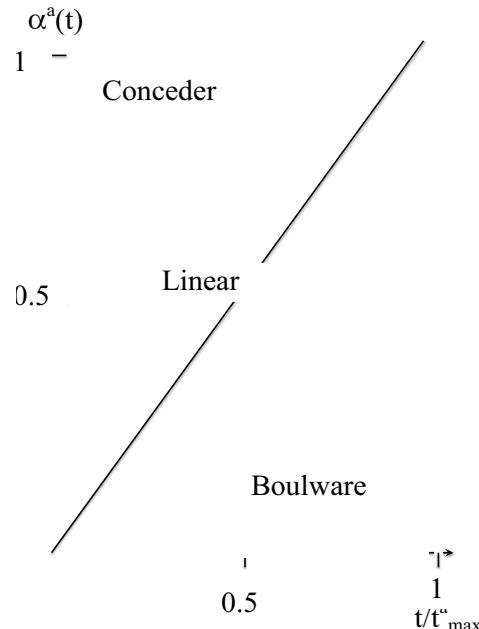
هر چه یک عامل بردبارتر باشد، مقدار بیشتری دریافت می‌کند.

تقسیم کردن یک کیک

روی‌کردهای هیوریستیک

HEURISTIC APPROACH

راه حل‌هایی که تاکنون ارائه شد، بر مبنای تفکر استراتژیک در مورد بازیکن مقابل بود.
روی‌کرد ساده‌تر استفاده از برخی تقریب‌های هیوریستیک ساده‌تر برای چگونگی تغییر تقسیم است.



Linear

افزایش خطی از قیمت آغازین در زمان شروع
تا قیمت معکوس در مهلت زمانی

Boulware

افزایش بسیار کند تا رسیدن به نزدیک
مهلت زمانی و سپس افزایش نمایی

Conceder

افزایش نمایی تا رسیدن به نزدیک
قیمت معکوس و سپس افزایش بسیار کم

بهترین (هیوریستیک) ساده [از پذیریدار]

دامنهای مذاکره

NEGOTIATION DOMAINS

دامنهای سرمایه‌محور

Wealth-Oriented Domains (WOD)

دامنهای وظیفه‌محور

Task-Oriented Domains (TOD)

دامنه‌های مذاکره

دامنه‌های وظیفه‌محور

TASK-ORIENTED DOMAINS (TOD)

دامنه‌های سرمایه‌محور

Wealth-Oriented Domains (WOD)

دامنه‌های وظیفه‌محور

Task-Oriented Domains (TOD)

وظیفه‌ها صراحتاً در مواجهه تعریف شده‌اند:

به هر عامل مجموعه‌ای از وظایف برای انجام داده می‌شود که به هر یک هزینه‌ای نسبت داده شده است.

هر عامل تلاش می‌کند که هزینه‌ی کل انجام وظیفه‌ها را می‌نیم کند.

مذاکره در دامنه‌های وظیفه‌محور

NEGOTIATION IN TASK-ORIENTED DOMAINS (TOD)

یک دامنه‌ی وظیفه‌محور (*TOD*) یک سه‌تایی به صورت زیر است:

$$\langle T, Ag, c \rangle$$

یک مجموعه‌ی متناهی از وظیفه‌های ممکن	مجموعه‌ی وظیفه‌ها Tasks Set	T
$Ag = \{1, 2, \dots, n\}$	مجموعه‌ای از n عامل شرکت کننده	Ag
$c : 2^T \rightarrow \mathbb{R}^+$	هزینه‌ی اجرای هر زیرمجموعه از وظیفه‌ها	c

$$\langle T_1, T_2, \dots, T_n \rangle$$

$$T_i \subseteq T \text{ for each } i \in Ag$$

یک مواجهه، یک گردایه از زیرمجموعه‌های وظیفه‌ها است:
(هر زیرمجموعه به یک عامل)

مواجهه
Encounter

مذاکره در دامنه‌های وظیفه‌محور

معامله‌ها در دامنه‌های وظیفه‌محور

NEGOTIATION IN TASK-ORIENTED DOMAINS

برای مواجهه‌ی (*encounter*)

$$\langle T_1, T_2 \rangle$$

یک معامله (*deal*)، یک تخصیص از وظیفه‌های $T_1 \cup T_2$ به عامل‌های ۱ و ۲ است.

هزینه‌ی معامله $\langle D_1, D_2 \rangle = \delta$ برای i عبارت است از $(D_i) c(D_i)$ و به صورت $cost_i(\delta)$ نوشته می‌شود.

سودمندی معامله‌ی δ برای عامل i عبارت است از:

$$u_i(\delta) = c(T_i) - cost_i(\delta)$$

* درگیری (*conflict deal*): معامله‌ی $\langle T_1, T_2 \rangle$ شامل وظیفه‌های تخصیص‌داده شده در ابتدا است:

$$\forall i \in Ag \quad u_i(\Theta) = 0$$

* معامله‌ی δ رسیونال انفرادی است اگر سودمندی مثبت بدهد.

مجموعه‌ی مذاکره

THE NEGOTIATION SET

مجموعه‌ی معامله‌ها بر روی عامل‌ها که دارای دو خاصیت زیر باشد:

۱) رسيونال انفرادي ۲) کارآمد پارتوي

مجموعه‌ی مذاکره

The Negotiation Set

کارآمد پارتوي

Pareto Efficient

عامل‌ها همیشه می‌توانند یک معامله‌ی کارآمد غیر پارتوي را به معامله‌ی کارآمد پارتوي تبدیل کنند: با بهتر کردن سود یک عامل بدون اینکه سود بقیه‌ی عامل‌ها بدتر شود.

رسیونال انفرادی

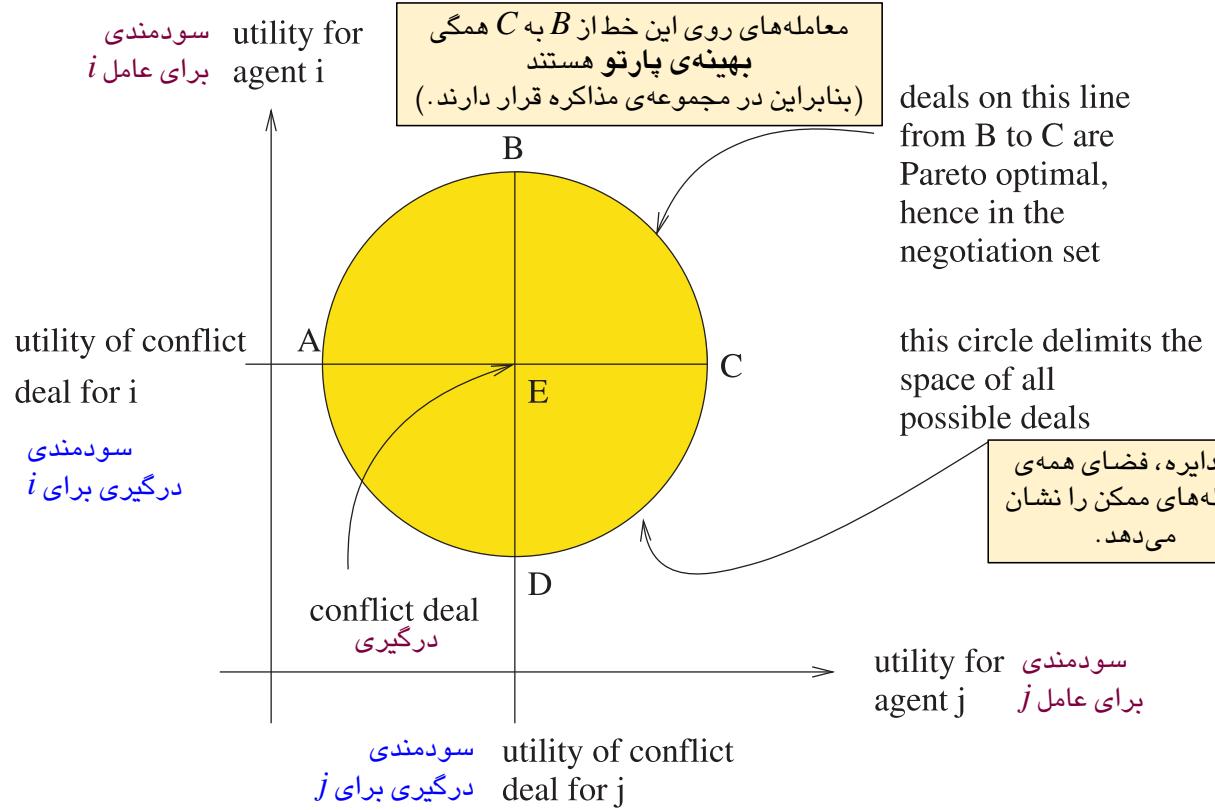
Individually Rational

عاملی که علاقه‌مند نیست در یک معامله سودمندی منفی به دست آورد، و درگیری (سودمندی صفر) را بر آن ترجیح می‌دهد.

مجموعه‌ی مذاکره

نمودار

THE NEGOTIATION SET



مذاکره در دامنه‌های وظیفه محور

پروتکل اعطای یکنوا

THE MONOTONIC CONCESSION PROTOCOL

پروتکل اعطای یکنوا

The Monotonic Concession Protocol

مذاکره در چند دور انجام می‌شود:

عامل‌ها به طور همزمان یک معامله را از مجموعه‌ی مذاکره پیشنهاد می‌دهند.

دور اول:

توافق حاصل می‌شود: اگر یکی از عامل‌ها ببیند که

معامله‌ی پیشنهادی توسط دیگری به اندازه‌ی پیشنهاد خودش خوب یا بهتر باشد.

اگر توافق حاصل نشود، آن‌گاه

مذاکره در دور بعدی با پیشنهادهای همزمان ادامه می‌یابد.

عامل‌ها به طور همزمان یک معامله را از مجموعه‌ی مذاکره پیشنهاد می‌دهند.

دور $1 + r$:

(اعطا) هیچ عاملی اجازه ندارد که پیشنهادی بدهد که

نسبت به معامله‌ی پیشنهاد داده شده در دور r توسط عامل دیگر کمتر ترجیح داده شود.

اگر هیچ یک از عامل‌ها در یک دور $0 < r$ اعطایی نداشته باشد، مذاکره با درگیری خاتمه می‌یابد.

مذاکره در دامنه‌های وظیفه محور

استراتژی زئوشن

THE ZEUTHEN STRATEGY

استراتژی زئوشن، به سه مسئله در پروتکل اعطای یکنوا پاسخ می‌دهد:

۳	۲	۱
عاملی که اعطای می‌کند، چه قدر باید اعطای کند؟	در هر دور کدام عامل باید اعطای کند؟	اولین پیشنهاد یک عامل چه باید باشد؟
به اندازه‌ای که توازن ریسک تغییر کند، کافی است.	عاملی که کمترین تمایل را برای ریسک درگیری دارد.	مرجح‌ترین معامله برای آن عامل

یک عامل
تمایل بیشتری به ریسک درگیری
دارد، اگر
تفاضل سودمندی او بین پیشنهاد
فعلی و معامله‌ی درگیری پایین باشد.

- عاملی که بخواهد بسیار اعطای کند:
 - پیشنهادش به درگیری نزدیک می‌شود.
 - اگر درگیری رخ بدهد، برای این عامل خیلی بدتر نمی‌شود.
 - این عامل، تمایل بیشتری به ریسک درگیری دارد.

مذاکره در دامنه‌های وظیفه محور

استراتژی زئوشن

THE ZEUTHEN STRATEGY

استراتژی زئوشن، در [تعادل نش](#) است:

تحت این فرض که یک عامل از یک استراتژی استفاده می‌کند
که دیگری خودش نمی‌تواند بهتر از این عمل کند ...

مذاکره در دامنه‌های وظیفه‌محور

فریب در دامنه‌های وظیفه‌محور

DECEPTION IN TODS

در *TOD*‌ها، عامل‌ها از دو طریق می‌توانند از فریب دادن سود ببرند:

وظیفه‌های پنهان

Hidden Tasks

تظاهر می‌کند که وظیفه‌ای به عامل تخصیص داده نشده است که در واقع شده است.

وظیفه‌های پوچ و تطمیع‌کننده

Phantom and Decoy Tasks

تظاهر می‌کند که وظیفه‌ای به عامل تخصیص داده شده است که در واقع نشده است.

دامنهای مذاکره

دامنهای سرمایه‌محور

WEALTH-ORIENTED DOMAINS (WOD)

دامنهای سرمایه‌محور

Wealth-Oriented Domains (WOD)

هدف‌های یک عامل توسط تعریف یک تابع سرمایه برای حالت‌های ممکن محیط مشخص می‌شود.

هدف این عامل به‌طور ضمنی ایجاد حالتی از محیط است که دارای بیشترین ارزش است.

برای این کار باید، برای عامل‌ها مجموعه‌ای از طرح‌های مشترک (*joint plans*) موجود باشد.

بنابراین عامل‌ها برای طرح‌های مشترک مذاکره می‌کنند (نه وظیفه‌ها)

علاقه‌ی هر عامل به حصول توافقی روی طرحی است که حالت محیط با بیشترین سرمایه را ایجاد می‌کند.

دامنهای وظیفه‌محور

Task-Oriented Domains (TOD)

دامنه‌های سرمایه‌محور

WEALTH-ORIENTED DOMAINS (WOD)

یک دامنه‌ی سرمایه‌محور (*WOD*) یک چهارتایی به صورت زیر است:

$$\langle E, Ag, J, c \rangle$$

مجموعه‌ی حالت‌های ممکن محیط	حالت‌های محیط <i>Environment States</i>	E
$Ag = \{1, 2, \dots, n\}$	مجموعه‌ای از n عامل شرکت کننده	عامل‌ها <i>Agents</i>
مجموعه‌ی طرح‌های مشترک ممکن	طرح‌های مشترک <i>Joint Plans</i>	J
$c : J \times Ag \rightarrow \mathbb{R}$	هزینه‌ی اجرای طرح J برای عامل i	تابع هزینه <i>Cost Function</i>
$\langle e, W \rangle$ $e \in E$ $W : E \times Ag \rightarrow \mathbb{R}$	یک مواجهه، یک دوتایی شامل حالت آغازین محیط و یک تابع سرمایه‌است. (سرمایه‌ی عامل i در حالت محیط e)	مواجهه <i>Encounter</i>

دامنه‌های سرمایه‌محور

طرح مشترک بهینه

WEALTH-ORIENTED DOMAINS (WOD)

یک طرح (*plan*) :

(طرح مشترکی که در حالت e_1 اجرا می‌شود و پس از اجرا در آن، منجر به حالت e_2 می‌شود.)

$$j : e_1 \rightsquigarrow e_2$$

اگر عامل به تنایی عمل کند، نیازی به مذاکره نیست:

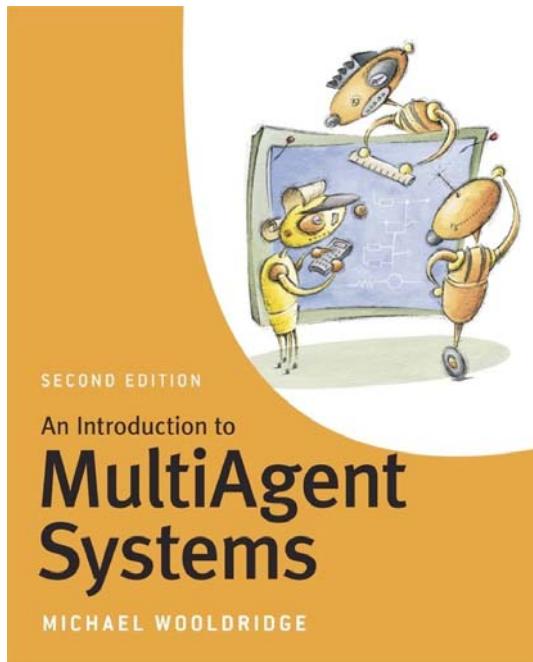
$$j_{\text{opt}}^i = \arg \max_{j: e_0 \rightsquigarrow e \in J} (W(i, e) - C(j, i))$$

اما در مواجهات چندعاملی، عامل می‌تواند از حضور سایر عامل‌ها سود ببرد: نیاز به مذاکره

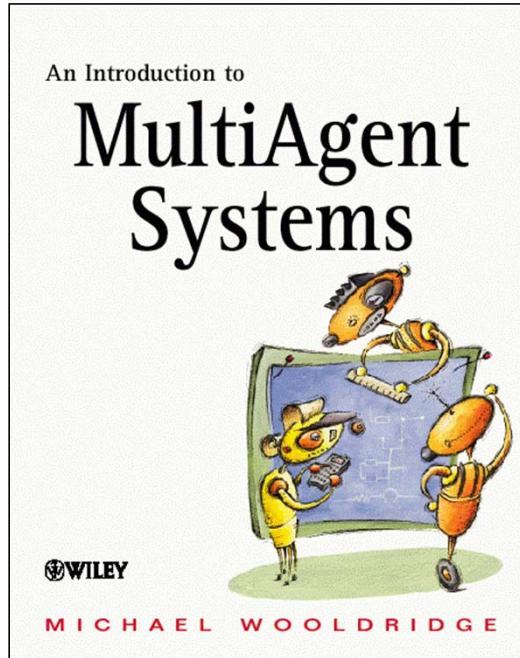
مناکره

منابع

منبع اصلی



Michael Wooldridge,
An Introduction to Multiagent Systems,
Second Edition,
John Wiley & Sons, 2009.
Chapter 15



Michael Wooldridge,
An Introduction to Multiagent Systems,
John Wiley & Sons, 2002.
Chapter 7

7

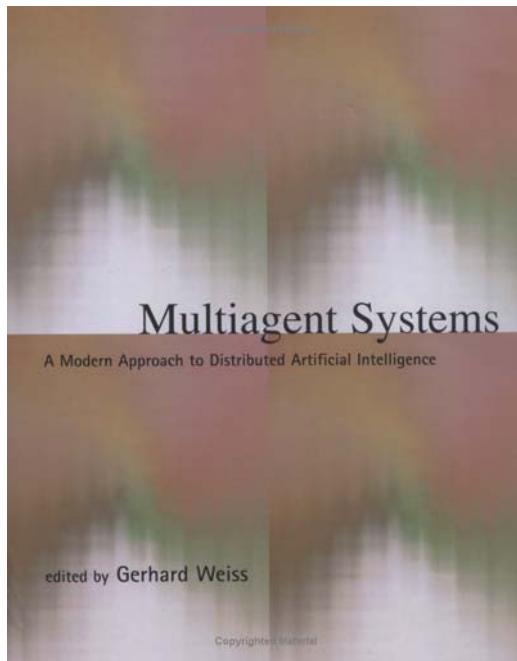
Reaching Agreements

An obvious problem, related to the issue of cooperation, is that of *reaching agreements* in a society of self-interested agents. In the multiagent world that we all inhabit every day, we are regularly required to interact with other individuals with whom we may well not share common goals. In the most extreme scenario, as discussed in the preceding chapter, we may find ourselves in a zero-sum encounter. In such an encounter, the only way we can profit is at the expense of our opponents. In general, however, most scenarios in which we find ourselves are not so extreme - in most realistic scenarios, there is some potential for agents to reach *mutually beneficial agreement* on matters of common interest. The ability to reach agreements (without a third party dictating terms!) is a fundamental capability of intelligent autonomous agents - without this capability, we would surely find it impossible to function in society. The capabilities of *negotiation* and *argumentation* are central to the ability of an agent to reach agreement.

Negotiation scenarios do not occur in a vacuum: they will be governed by a particular *mechanism*, or *protocol*. The protocol defines the 'rules of encounter' between agents (Rosenschein and Zlotkin, 1994). It is possible to design protocols so that any particular negotiation history has certain desirable properties - this is *mechanism design*, and is discussed in more detail below.

A second issue is, given a particular protocol, how can a particular *strategy* be designed that individual agents can use while negotiating - an agent will aim to use a strategy that maximizes its own individual welfare. A key issue here is that, since we are interested in actually *building* agents that will be capable of

منبع کمکی



Gerhard Weiss (ed.),
**Multiagent Systems: A Modern Approach to
 Distributed Artificial Intelligence,**
 MIT Press, 1999.
 Chapter 5 (5.4)

5

Distributed Rational Decision Making

Tuomas W. Sandholm

5.1 Introduction

Automated negotiation systems with self-interested agents are becoming increasingly important. One reason for this is the *technology push* of a growing standardized communication infrastructure—Internet, WWW, NH, EDI, KQML, FIPA, Concordia, Voyager, Odyssey, Telescript, Java, etc.—over which separately designed agents belonging to different organizations can interact in an open environment in real-time and safely carry out transactions. The second reason is strong *application pull* for computer support for negotiation at the operative decision making level. For example, we are witnessing the advent of small transaction electronic commerce on the Internet for purchasing goods, information, and communication bandwidth [31]. There is also an industrial trend toward virtual enterprises: dynamic alliances of small, agile enterprises which together can take advantage of economies of scale when available (e.g., respond to more diverse orders than individual agents can), but do not suffer from diseconomies of scale.

Multiagent technology facilitates such negotiation at the operative decision making level. This automation can save labor time of human negotiators, but in addition, other savings are possible because computational agents can be more effective at finding beneficial short-term contracts than humans are in strategically and combinatorially complex settings.

This chapter discusses multiagent negotiation in situations where agents may have different goals, and each agent is trying to maximize its own good without concern for the global good. Such self-interest naturally prevails in negotiations among independent businesses or individuals. In building computer support for negotiation in such settings, the issue of self-interest has to be dealt with. In *cooperative distributed problem solving* [12, 9], the system designer imposes an interaction *protocol*¹ and a *strategy* (a mapping from state history to action; a

1. Here a protocol does not mean a low-level communication protocol, but a negotiation protocol which determines the possible actions that agents can take at different points of the interaction. The *sealed bid first price auction* is an example protocol where each bidder is free to submit one bid for the item, which is awarded to the highest bidder at the price of his bid.