



کاربرگ کلاسی شماره‌ی ۷

فصل سوم

تبديل z

THE Z-TRANSFORM
Class Worksheet #7

(۱) تبدیل z یک دنباله‌ی $x[n]$ عبارت است از:

$$X(z) = \frac{z + 2z^{-1} + z^{-2}}{1 - 3z^{-1} + z^{-2}}$$

اگر ناحیه‌ی همگرایی شامل دایره‌ی واحد باشد، تبدیل فوریه‌ی گسسته-زمان $x[n]$ را در فرکانس $\omega = \pi$ محاسبه کنید.

(۲) تبدیل z دنباله‌های زیر را محاسبه کنید و ناحیه‌ی همگرایی آنها را مشخص کنید.

$$(الف) x[n] = 3\delta[n] + \delta[n - 2] + \delta[n + 1]$$

$$(ب) x[n] = u[n] - u[n - 10]$$

$$(ج) x[n] = 2^n u[n] + 3(\frac{1}{3})^n u[n]$$

$$(د) x[n] = \cos(n\omega_0)u[n]$$

$$(ه) x[n] = \alpha^{|n|}$$

(۳) تبدیل z سیگنال گسسته-زمان زیر را بر حسب تبدیل z سیگنال $x[n]$ بیان کنید و ناحیه‌ی همگرایی آن را مشخص کنید.

$$y[n] = \sum_{k=-\infty}^n x[k]$$