

طراحی و تحلیل الگوریتم‌ها

نیمسال دوم ۱۴۰۳-۰۴

<http://courses.fouladi.ir/algorithm>دانشگاه تهران
دانشکدگان فارابی
دانشکده مهندسی

تکلیف شماره‌ی ۵

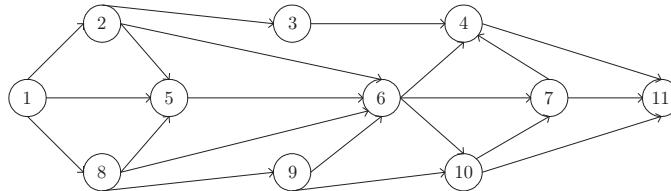
بخش پنجم

روش جستجوی فضای حالت

STATE-SPACE SEARCH METHOD

◇ مسئله‌های چندگزینه‌ای

(۱) در جستجوی عمق - اول DEPTH-FIRST SEARCH گراف جهت‌دار زیر، فرض کنید که گرهی ۱ گرهی شروع باشد و گره‌های مابعد یک گره، به ترتیب مقدار عددی شان ملاقات می‌شوند. کدام گزینه (از چپ راست) ترتیب گره‌های ملاقات شده را نشان می‌دهد؟



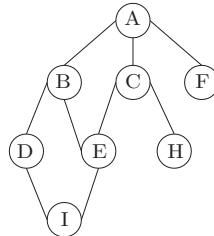
1, 2, 8, 5, 3, 9, 6, 4, 11, 10, 7 (۲)

1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11 (۴)

1, 2, 3, 4, 11, 5, 6, 7, 10, 8, 9 (۱)

1, 2, 5, 8, 3, 9, 6, 4, 10, 7, 11 (۳)

(۲) اگر در گراف زیر، جستجوی عمق - اول (DEPTH-FIRST SEARCH) را از رأس C شروع کنیم، کدام گره‌ها به ترتیب از چپ به راست، ملاقات (visit) می‌شوند؟ (فرض کنید که فرزندان یک گره بر اساس ترتیب حروف الفبا انتخاب می‌شوند).



C A B D I E F H (۲)

C A B D E H I F (۴)

A B C D E F H I (۱)

C A E H B F I D (۳)

(۳) در مسئله‌ی n -وزیر، کدام یک از موارد زیر، شرط هم‌قطر بودن دو وزیر را به درستی نشان می‌دهد؟

$$|\text{col}(i) - \text{col}(j)| \neq |i - j| \quad (۲)$$

$$\text{col}(i) - i \neq \text{col}(j) - j \quad (۴)$$

$$|\text{col}(i) - i| \neq |\text{col}(j) - j| \quad (۱)$$

$$\text{col}(i) + i \neq \text{col}(j) + j \quad (۳)$$

(۴) برای حل مسئله‌ی ۴-وزیر، الگوریتم brute-force زیر پیشنهاد شده است:
«با بررسی یک به یک تمامی حالات ممکن اگر بردار حاصل شرایط راه حل را داشت، آن را برگردان.»

این روش در بهترین پیاده‌سازی، حداقل چند حالت را در فضای حالت مسئله بررسی می‌کند؟

C(۱۶, ۴) (۴)

۲۴ (۳)

۴۶ (۲)

۴! (۱)

(۱۵) روش جستجوی عقب‌گرد (BACKTRACKING-SEARCH)، درخت جستجو را با کدام روش جستجو می‌کند؟

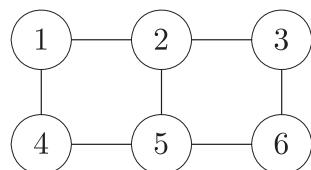
- ۱) روش سطحی (BFS) ۲) روش میان‌ترتیب (DFS) ۳) روش عمقی (DFS) ۴) روش پس‌ترتیب

(۱۶) مسئله‌ی حاصل جمع زیرمجموعه‌ها، برای $n = 5$ و $W = 21$ به طوری که $A = \{5, 6, 10, 11, 16\}$ چند جواب دارد؟

- ۱) یک ۲) دو ۳) سه ۴) چهار

◊ مسئله‌های تشریحی

(۱) (مسئله‌ی رنگ‌آمیزی گراف) از الگوریتم عقب‌گرد برای مسئله‌ی رنگ‌آمیزی m ، برای یافتن همه‌ی رنگ‌آمیزی‌های ممکن گراف زیر با استفاده از سه رنگ قرمز، سبز و سفید استفاده کنید. مراحل عملیات را با رسم درخت جستجو نشان دهید.



(۲) (مسئله‌ی کوله‌پشتی صفر-یک) با استفاده از روش جستجوی عقب‌گرد راه حل مسئله‌ی کوله‌پشتی صفر-یک را برای نمونه‌ی زیر به دست آورید.

i	p_i	w_i	p_i/w_i
۱	۲۰\$	۲	۱۰
۲	۳۰\$	۵	۶
۳	۳۵\$	۷	۵
۴	۱۲\$	۳	۴
۵	۳\$	۱	۳

$W = 13$