



## هوش مصنوعی

فصل ۷

# عامل‌های منطقی

Logical Agents

کاظم فولادی قلعه

دانشکده مهندسی، پردیس فارابی

دانشگاه تهران

<http://courses.fouladi.ir/ai>

## هوش مصنوعی و دانایی

### AI AND KNOWLEDGE



## اهمیت «استدلال»

چرا استدلال در هوش مصنوعی مهم است؟

۴

کسب  
انعطاف  
پیشتر

۳

درک  
زبان  
طبیعی

۲

کار با  
محیطهای  
مشاهده‌پذیر  
جزئی

۱

زمینه‌سازی  
برای  
رفتارهای  
موفق

تغییر رفتار عامل  
تنها با تغییر  
دانایی او

بر اساس  
استنتاج روی  
واقعیت‌ها

با استنتاج  
حالتهای پنهان  
دنیا

که از طریق‌های  
دیگر بسیار  
دشوار است.

البته منطق محدودیت‌هایی هم دارد: مثل کار با دانش غیرمطمئن

# هوش مصنوعی

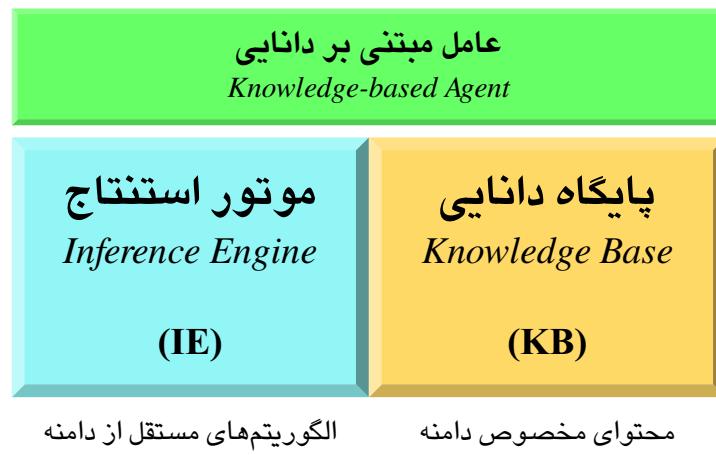
عامل‌های منطقی

۱

عامل‌های  
مبتنی بر  
دانایی

## عامل مبتنی بر دانایی

ساختار



## عامل مبتنی بر دانایی

پایگاه دانایی



جزء اصلی یک عامل مبتنی بر دانایی، پایگاه دانایی آن می‌باشد.

## عامل مبتنی بر دانایی

موتور استنتاج

عامل مبتنی بر دانایی  
*Knowledge-based Agent*

موتور استنتاج  
*Inference Engine*

(IE)

پایگاه دانایی  
*Knowledge Base*

(KB)

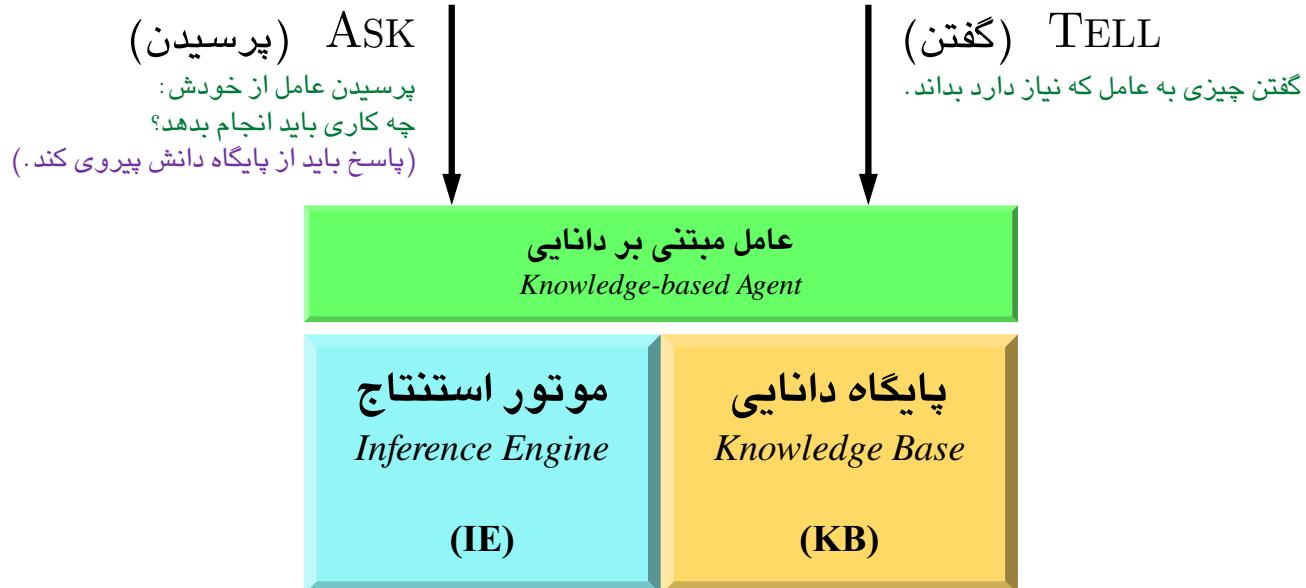
الگوریتم‌های مستقل از دامنه

محتوای مخصوص دامنه

الگوریتم استخراج دانایی جدید از دانایی فعلی

## عامل مبتنی بر دانایی

عملیات: گفتن و پرسیدن



## عامل مبتنی بر دانایی

سطوح طراحی عامل مبتنی بر دانایی

### عامل‌های مبتنی بر دانایی *Knowledge-based Agents*

آنچه عامل می‌داند، صرف نظر از چگونگی پیاده‌سازی  
(جملات خام، مثلا: «پل P بین جزیره A و B قرار دارد»)

سطح دانایی  
*Knowledge Level*

به صورت تعدادی از جملات کدگذاری شده  
(مثلا: Links(P,A,B))

سطح منطقی  
*Logical Level*

سطح قابل اجرا در معماری عامل  
(بیت‌های کد شده، ساختمان داده‌ها و ...)

سطح پیاده‌سازی  
*Implementation Level*

روی کرد اعلانی (**declarative**) برای ساخت یک عامل: TELL

## عامل مبتنی بر دانایی

شبہ کے

```

function KB-AGENT(percept) returns an action
  static: KB, a knowledge base
          t, a counter, initially 0, indicating time
  TELL(KB, MAKE-PERCEP-SENTENCE(percept, t))
  action  $\leftarrow$  ASK(KB, MAKE-ACTION-QUERY(t))
  TELL(KB, MAKE-ACTION-SENTENCE(action, t))
  t  $\leftarrow$  t + 1
  return action

```

بسیار مشابه با عامل واکنشی با حالت داخلی (عامل مبتنی بر مدل)

## عامل مبتنی بر دانایی

توانایی‌های لازم

۵	۴	۳	۲	۱
استنباط کنش‌های مناسب	استنباط خصوصیات پنهان دنیا	به‌هنگام‌سازی بازنمایی‌های داخلی دنیا	دخیل کردن ادراک‌های جدید	بازنمایی حالت‌ها، کنش‌ها و ...

# هوش مصنوعی

عامل‌های منطقی

۳

## دنیای اژدها

(Wumpus World)

## عامل مبتنی بر دانایی

مثال: دنیای اژدها

### WUMPUS WORLD

4	SS SSSS > Stench		Breeze <b>PIT</b>
3	Wumpus Breeze SS SSSS > Stench Gold	<b>PIT</b>	Breeze
2	SS SSSS > Stench		Breeze
1	Wumpus Breeze <b>PIT</b>		Breeze
	1	2	3

## عامل مبتنی بر دانایی

مثال: دنیای اژدها

### WUMPUS WORLD

P	E	A	S
معیار کارآیی <i>Performance Measure</i>	محیط <i>Environment</i>	کنش‌گرها <i>Actuators</i>	حسگرها <i>Sensors</i>
<p>کشف طلا: +1000</p> <p>مرگ: -1000</p> <p>هر گام: -1</p> <p>استفاده از تیر: -10</p>	<p>بو در خانه‌های مجاور اژدها</p> <p>نسیم در خانه‌های مجاور چاله</p> <p>درخشش طلا در خانه‌ی طلا</p> <p>کشن اژدها با شلیک اگر در مقابله تیر باشد (کنش Shoot)</p> <p>فقط یک تیر موجود برای شلیک امکان برداشتن طلا فقط در خانه‌ی آن (کنش Grab)</p> <p>رها کردن طلا موجب افتادن در همان خانه (کنش Release)</p> <p>شنیده شدن صدای ناله اژدها (Scream) در همهٔ محیط در صورت زخمی شدن</p> <p>شنیده شدن صدای در برابر صورت برخورد عامل با دیوار مرگ عامل در صورت ورود به خانه اژدهای سالم یا چاله وجود چاله در یک خانه با احتمال 0.2</p>	<p>انجام کنش‌های گردش به راست (Right Turn)</p> <p>گردش به چپ (Left Turn)</p> <p>حرکت به جلو (Forward)</p> <p>برداشتن (Grab)</p> <p>رها کردن (Release)</p> <p>شنیده شدن صدای ناله (Scream)</p>	<p>نسیم، درخشش، بو بردار ادراکی ۵ تایی: بوی بد اژدها (Stench)</p> <p>نسیم (Breeze)</p> <p>درخشش (Glitter)</p> <p>صدای برخورد (Bump)</p> <p>صدای ناله (Scream)</p>

$$\text{Percept} = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{Bump}, \text{Scream}]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

مثال: دنیای اژدها: خصوصیات محیط وظیفه

### PROPERTIES OF TASK ENVIRONMENTS

مشاهده‌پذیر کامل <i>Fully Observable</i>	مشاهده‌پذیر جزئی <i>Partially Observable</i>
تک عاملی <i>Single-agent</i>	چند عاملی <i>Multiagent</i>
قطعی <i>Deterministic</i>	اتفاقی <i>Stochastic</i>
مقطعي <i>Episodic</i>	دنباله‌ای <i>Sequential</i>
ايستا <i>Static</i>	پويا <i>Dynamic</i>
گسته <i>Discrete</i>	پيوسته <i>Continuous</i>
شناخته شده <i>Known</i>	ناشناخته <i>Unknown</i>

## عامل مبتنی بر دانایی

مثال: دنیای اژدها: اکتشاف در دنیای اژدها (۱ از ۸)

OK			
OK	OK		

$$Percept = [Stench, Breeze, Glitter, Bump, Scream] = [None, None, None, None, None]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

مثال: دنیای اژدها: اکتشاف در دنیای اژدها (۲ از ۸)

B	OK		
A			
OK		OK	
A			

$$Percept = [Stench, Breeze, Glitter, Bump, Scream] = [None, Breeze, None, None, None]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

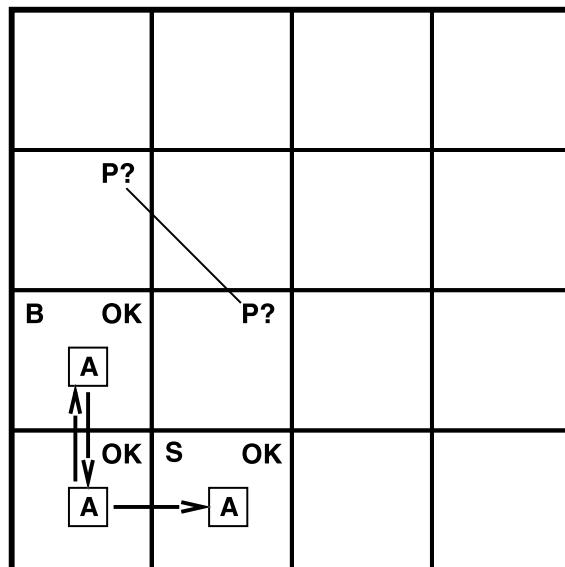
مثال: دنیای اژدها: اکتشاف در دنیای اژدها (۲ از ۸)

P?			
B	OK	P?	
A	OK	OK	

$$\text{Percept} = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{Bump}, \text{Scream}] = [\text{None}, \text{Breeze}, \text{None}, \text{None}, \text{None}]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

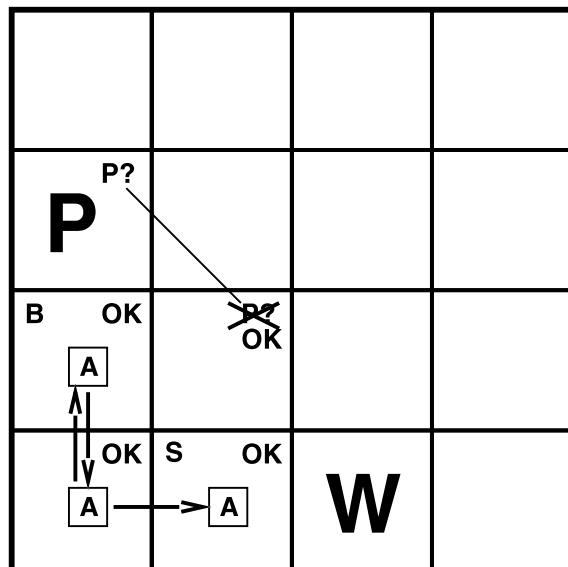
مثال: دنیای اژدها: اکتشاف در دنیای اژدها (۴ از ۸)



$$\text{Percept} = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{Bump}, \text{Scream}] = [\text{Stench}, \text{None}, \text{None}, \text{None}, \text{None}]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

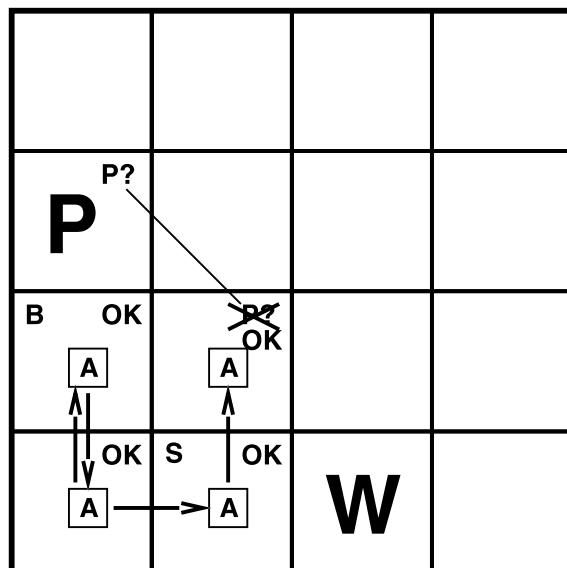
مثال: دنیای اژدها: اکتشاف در دنیای اژدها (۵ از ۸)



$$\text{Percept} = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{Bump}, \text{Scream}] = [\text{Stench}, \text{None}, \text{None}, \text{None}, \text{None}]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

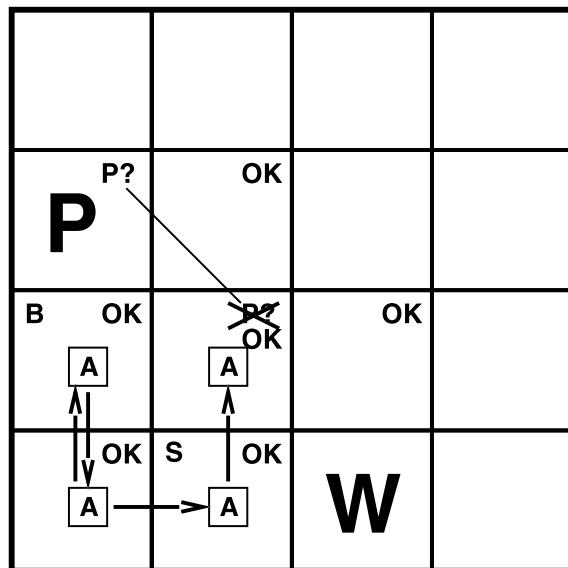
مثال: دنیای اژدها: اکتشاف در دنیای اژدها (۶ از ۸)



$$\text{Percept} = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{Bump}, \text{Scream}] = [\text{None}, \text{None}, \text{None}, \text{None}, \text{None}]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

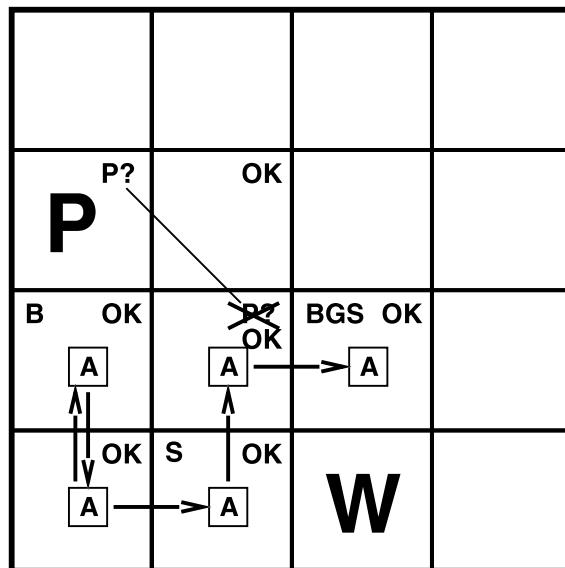
مثال: دنیای اژدها: اکتشاف در دنیای اژدها (۷ از ۸)



$$\text{Percept} = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{Bump}, \text{Scream}] = [\text{None}, \text{None}, \text{None}, \text{None}, \text{None}]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

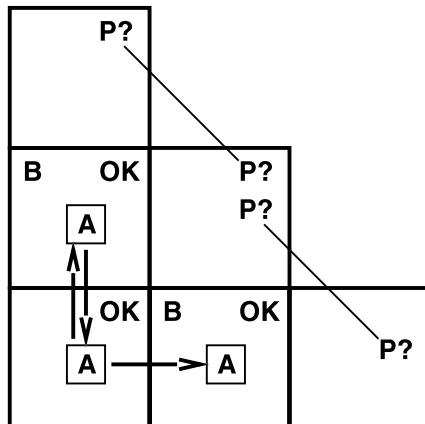
مثال: دنیای اژدها: اکتشاف در دنیای اژدها (۸x۸)



$$\text{Percept} = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{Bump}, \text{Scream}] = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{None}, \text{None}]$$

## عامل مبتنی بر دانایی

مثال: دنیای اژدها: موقعیت عدم وجود کنش امن



حس نسیم در  $(1,2)$  و  $(2,1)$  هیچ کنش امنی وجود ندارد.

راه حل:  
**استفاده از استدلال احتمالاتی**  
 (احتمال وجود چاله)

با فرض توزیع یکنواخت چاله‌ها

$0.31$  در مقابل  $0.86$  چاله دارد با احتمال  $(2,2)$

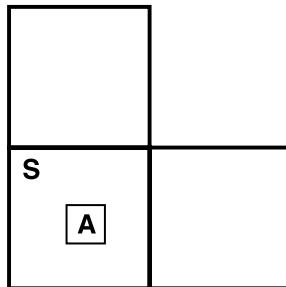
## عامل مبتنی بر دانایی

مثال: دنیای اژدها: موقعیت عدم وجود کنش امن: استراتژی اضطرار

حس بوی بد اژدها در خانه‌ی شروع (1,1)



هیچ کنش امنی برای حرکت وجود ندارد.



## راه حل: استفاده از استراتژی اضطرار (Coercion)

عامل یک تیر به جلو شلیک می‌کند:

اگر اژدها در مقابل باشد  $\Leftarrow$  اژدها کشته می‌شود  $\Leftarrow$  وضعیت امن

اگر اژدها در مقابل نباشد  $\Leftarrow$  وضعیت امن

$$\text{Percept} = [\text{Stench}, \text{Breeze}, \text{Glitter}, \text{Bump}, \text{Scream}] = [\text{Stench}, \text{None}, \text{None}, \text{None}, \text{None}]$$

# هوش مصنوعی

عامل‌های منطقی

۳

منطق

## منطق

### منطق

*Logic*

قوانین تفکر:  
ابزار درست فکر کردن

تفکیک‌کننده‌ی درستی از نادرستی

## منطق

در حالت عمومی

### LOGIC IN GENERAL

**منطق‌ها:** زبان‌هایی صوری برای بازنمایی اطلاعات به طوری که نتایجی می‌تواند از آن استخراج شود.

#### اجزای یک منطق

تئوری اثبات <i>Proof Theory</i>	معناشناسی <i>Semantics</i>	نحو <i>Syntax</i>
مجموعه قواعدی برای استخراج جملات جدید	تعریف معنای جملات (مثال: تعریف درستی یک جمله در یک دنیا)	تعریف جملات در زبان (ظاهر جملات)

## منطق

مثال

## منطق: زبان حساب

### Language of Arithmetic

#### اجزای منطق «زبان حساب»

تئوری اثبات <i>Proof Theory</i>	معناشناسی <i>Semantics</i>	نحو <i>Syntax</i>
مجموعه قواعدی برای استخراج جملات جدید	تعریف معنای جملات (مثلاً: تعریف درستی یک جمله در یک دنیا)	تعریف جملات در زبان (ظاهر جملات)

$x + 2 \geq y$  is a sentence;  $x2 + y >$  is not a sentence

$x + 2 \geq y$  is true iff the number  $x + 2$  is no less than the number  $y$

$x + 2 \geq y$  is true in a world where  $x = 7, y = 1$

$x + 2 \geq y$  is false in a world where  $x = 0, y = 6$

## منطق

تعهدات یک منطق

## تعهدات یک منطق

## تعهدات معرفت‌شناختی

*Epistemological Commitment*

## تعهدات هستی‌شناختی

*Ontological Commitment*

(آنچه عامل در مورد موجودها باور دارد)

(آنچه در جهان **وجود** دارد)

دانایی چه حالتهایی دارد؟

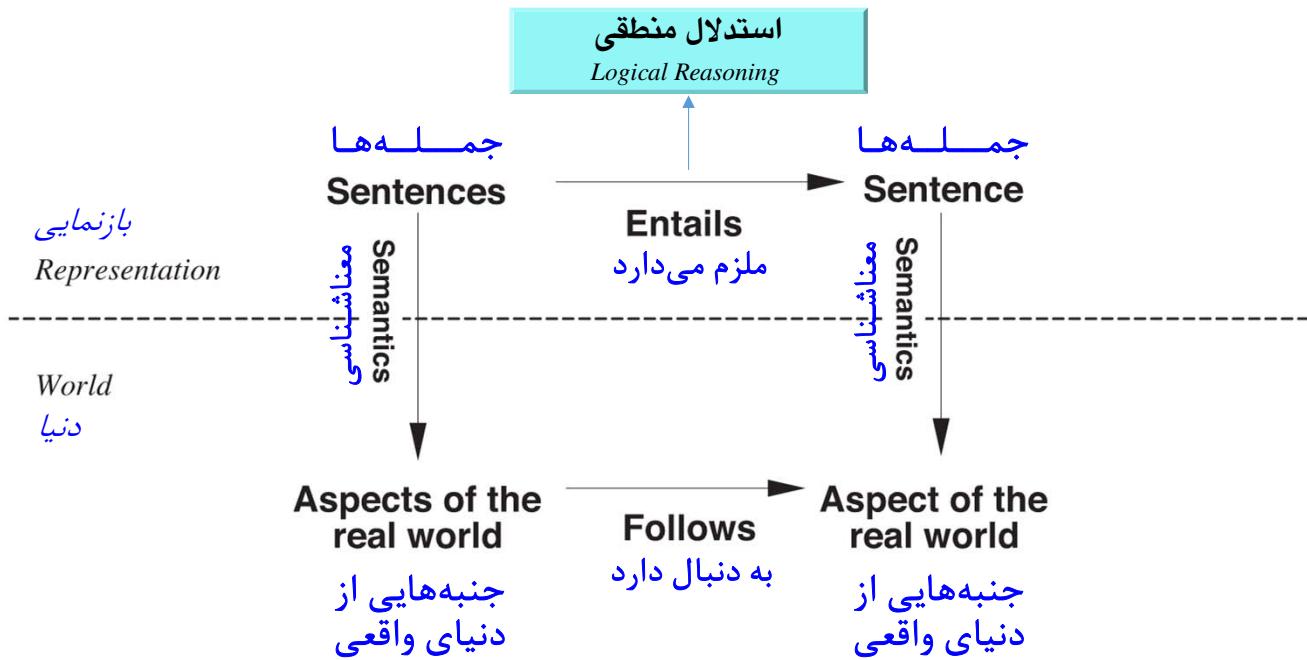
واقعیت‌ها، اشیا، زمان، باورها، ...

## انواع منطق‌ها

و تعهدات آنها

تعهدات منطق		
تعهدات معرفت‌شناسختی <i>Epistemological Commitment</i>	تعهدات هستی‌شناسختی <i>Ontological Commitment</i>	
درست / نادرست / ناشناخته <i>True / False / Unknown</i>	واقعیت‌ها <i>Facts</i>	منطق گزاره‌ای <i>Propositional Logic</i>
درست / نادرست / ناشناخته <i>True / False / Unknown</i>	واقعیت‌ها، اشیا، رابطه‌ها <i>Facts, Objects, Relations</i>	منطق مرتبه اول <i>First-Order Logic</i>
درست / نادرست / ناشناخته <i>True / False / Unknown</i>	واقعیت‌ها، اشیا، رابطه‌ها، زمان‌ها <i>Facts, Objects, Relations, Times</i>	منطق زمانی <i>Temporal Logic</i>
درجه‌ی باور بین صفر تا یک <i>Degree of Belief 0...1</i>	واقعیت‌ها <i>Facts</i>	نظریه‌ی احتمال <i>Probability Theory</i>
بازه‌ی معلومی از مقادیر <i>Known interval value</i>	واقعیت‌هایی با درجه‌ی درستی بین ۰ و ۱ <i>Facts with Degree of Truth in [0,1]</i>	منطق فازی <i>Fuzzy Logic</i>

## نسبت بین منطق (بازنمایی) و واقعیت (دنیا)



## استلزم

### ENTAILMENT

استلزم: به معنی **پیروی** یک چیز از دیگری است.

(یعنی: اگر یک چیز باشد، دیگری هم به دنبال آن می‌آید.)

$$\beta \models \alpha$$

جمله‌ی  $\beta$  جمله‌ی  $\alpha$  را ملزم می‌دارد

(جمله‌ی  $\beta$  مستلزم جمله‌ی  $\alpha$  است)

( $\beta$  entails  $\alpha$ )

اگر و فقط اگر

$\alpha$  در همه‌ی دنیاهایی که در آن‌ها  $\beta$  درست است، درست باشد.

استلزم یک رابطه بین جملات (یعنی  **نحو**) است که مبتنی بر **معنا** می‌باشد.

## استلزم

از پایگاه دانایی

### ENTAILMENT

استلزم: به معنی **پیروی** یک چیز **از** دیگری است.

(عنی: اگر یک چیز باشد، دیگری هم به دنبال آن می‌آید.)

$$KB \models \alpha$$

پایگاه دانایی  $KB$  جمله‌ی  $\alpha$  را ملزم می‌دارد  
 (پایگاه دانایی  $KB$  مستلزم جمله‌ی  $\alpha$  است)

( $KB$  entails  $\alpha$ )

اگر و فقط اگر

$\alpha$  در همه‌ی دنیاهایی که در آن‌ها  $KB$  درست است، درست باشد.

## استلزم

مثال

ENTAILMENT

استلزم: به معنی پیروی یک چیز از دیگری است.

(معنی: اگر یک چیز باشد، دیگری هم به دنبال آن می‌آید.)

$$KB \models \alpha$$

در زبان حساب

$$x + y = 4 \quad \models \quad 4 = x + y$$

## مدل‌ها

### MODELS

مدل‌ها: دنیاهای ساخت‌یافته‌ی صوری هستند که با توجه به آنها **درستی** جملات می‌توانند ارزیابی شود.  
 (منطق‌دان‌ها معمولاً بر حسب مدل‌ها فکر می‌کنند.)

می‌گوییم  $m$  یک مدل از جمله‌ی  $\alpha$  است

اگر

$m$  در  $\alpha$  درست باشد.

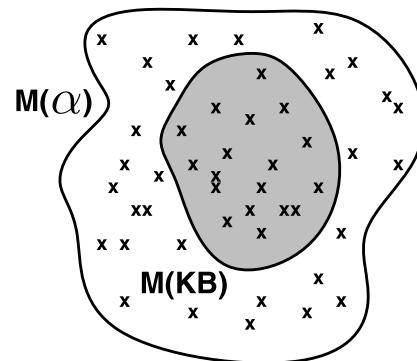
$$\alpha = M(\alpha)$$

## مدل‌ها و استلزم

$$KB \models \alpha$$

اگر و فقط اگر

$$M(KB) \subseteq M(\alpha)$$



## مدل‌ها و استلزمام

مثال: استلزمام در دنیای اژدها (۱ از ۶)

### ENTAILMENT IN THE WUMPUS WORLD

وضعیت:

پس از تشخیص هیچ چیز در  $[1,1]$ ،  
حرکت به راست،  
تشخیص نسیم **B** در  $[2,1]$

در نظر گرفتن مدل‌های ممکن برای **?ها**  
با فرض وجود فقط چاله **P**

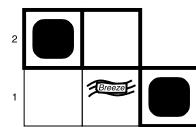
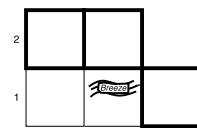
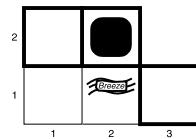
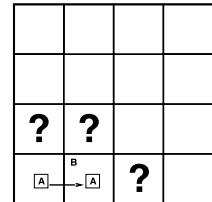
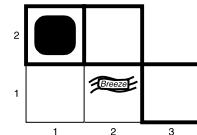
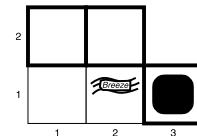
۳ متغیر بولی  $\Leftarrow \wedge$  مدل ممکن

?	?		
A	B	A	?

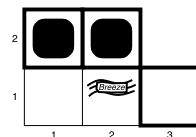
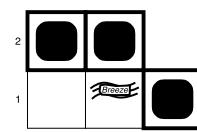
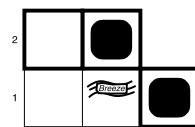
## مدل‌ها و استلزمام

مثال: استلزمام در دنیای اژدها (۲ از ۶)

### ENTAILMENT IN THE WUMPUS WORLD



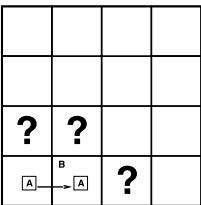
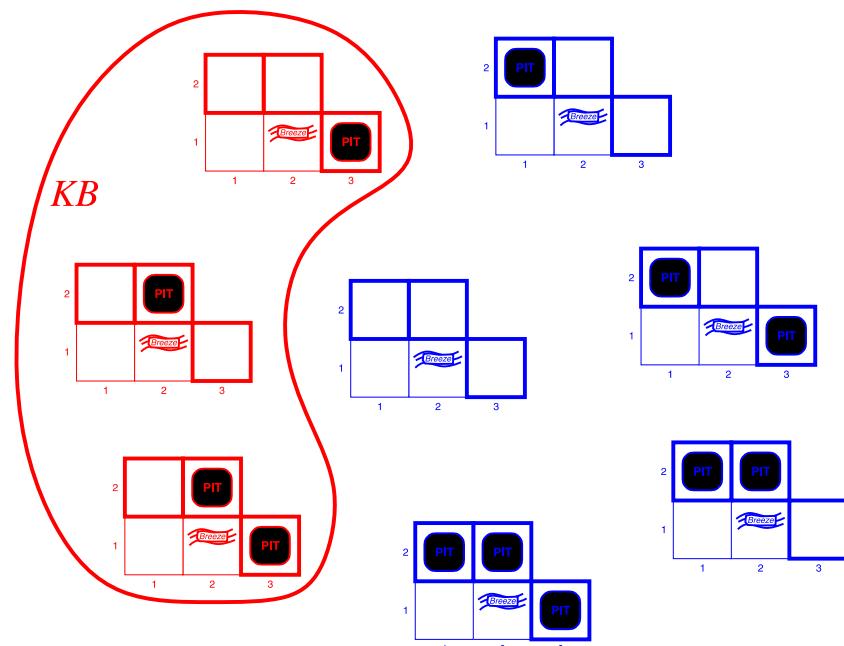
مدل‌های  
دنیای اژدها  
در وضعیت فوق:



## مدل‌ها و استلزمام

مثال: استلزمام در دنیای اژدها (۳ از ۶)

## ENTAILMENT IN THE WUMPUS WORLD



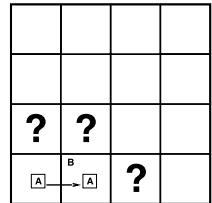
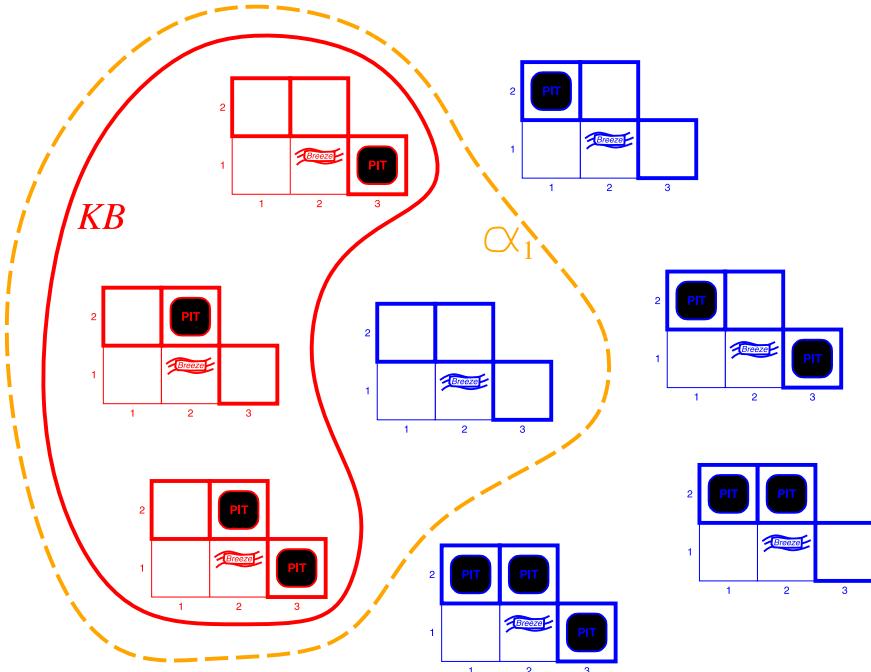
مدل‌های  
دنیای اژدها  
در وضعیت فوق:

پایگاه دانایی  $KB$  = قواعد دنیای اژدها + مشاهدات

## مدل‌ها و استلزمام

مثال: استلزمام در دنیای اژدها (۶ از ۶)

## ENTAILMENT IN THE WUMPUS WORLD



مدل‌های  
دنیای اژدها  
در وضعیت فوق:

پایگاه دانایی *KB* = قواعد دنیای اژدها + مشاهدات

$$KB \models \alpha_1$$

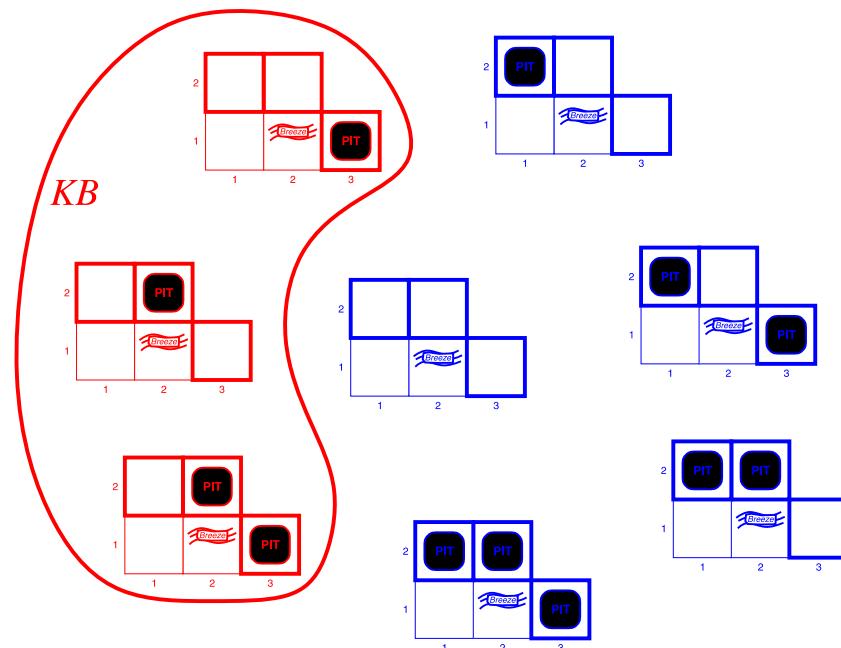
امن است «[1,2]» =  $\alpha_1$

اثبات با بررسی مدل  
*Model Checking*

## مدل‌ها و استلزمان

مثال: استلزمان در دنیای اژدها (۵ از ۶)

## ENTAILMENT IN THE WUMPUS WORLD



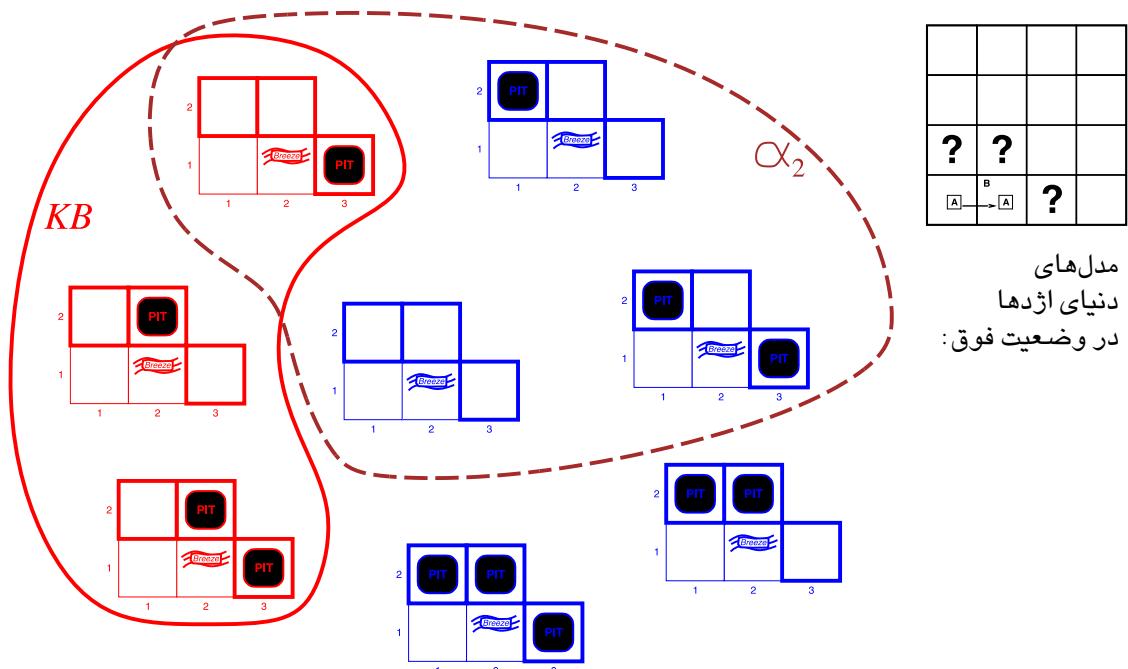
مدل‌های  
دنیای اژدها  
در وضعیت فوق:

پایگاه دانایی  $KB$  = قواعد دنیای اژدها + مشاهدات

## مدل‌ها و استلزمات

مثال: استلزمات در دنیای اژدها (۶ از ۶)

## ENTAILMENT IN THE WUMPUS WORLD

پایگاه دانایی  $KB$  = قواعد دنیای اژدها + مشاهدات $KB \not\models \alpha_2$  «من امن [2,2]» =  $\alpha_2$

## استنتاج

## INFERENCE

استنتاج: به معنی اشتقاد یک جمله از دیگری توسط یک روال خاص است.

(یعنی: استخراج یک جمله از جمله‌ی دیگر بر اساس یک قاعده)

$$\beta \vdash_i \alpha$$

جمله‌ی  $\beta$  جمله‌ی  $\alpha$  را مشتق می‌کند توسط روال  $i$

(جمله‌ی  $\alpha$  از جمله‌ی  $\beta$  مشتق می‌شود توسط روال  $i$ )

( $\beta$  derives  $\alpha$  by procedure  $i$ )

## استنتاج

از پایگاه دانایی

### INFERENCE

استنتاج: به معنی **اشتقاق** یک جمله **از** دیگری توسط یک روال خاص است.

(یعنی: استخراج یک جمله از جمله‌ی دیگر بر اساس یک قاعده)

$$KB \vdash_i \alpha$$

پایگاه دانایی  $KB$  جمله‌ی  $\alpha$  را مشتق می‌کند توسط روال  $i$   
 (جمله‌ی  $\alpha$  از پایگاه دانایی  $KB$  مشتق می‌شود توسط روال  $i$ )

(KB derives  $\alpha$  by procedure  $i$ )

## نسبت بین استنتاج و استلزم

$$KB \vdash_i \alpha$$



پی‌آمد های پایگاه دانش:  
کاهدان  
*haystack*

سوزن  
*needle*

استنتاج <i>Inference</i>	استلزم <i>Entailment</i>
یافتن سوزن در کاهدان	انداختن یک سوزن در کاهدان <i>Needle in haystack</i>

$$KB \vdash_i \alpha$$

$$KB \models \alpha$$

## استنتاج

خصوصیات یک روال استنتاج

## برای روال استنتاج :

## تمامیت

*Completeness*

همهی جمله‌های درست مشتق شوند.

 $i$  کامل است اگر هرگاه

$$KB \models \alpha$$

درست بود، آنگاه

$$KB \vdash_i \alpha$$

نیز درست باشد.

## صحیح بودن

*Soundness*

هر جمله‌ی مشتق شده درست باشد.

 $i$  صحیح است اگر هرگاه

$$KB \vdash_i \alpha$$

درست بود، آنگاه

$$KB \models \alpha$$

نیز درست باشد.

# هوش مصنوعی

عامل‌های منطقی

۱۴

## منطق گزاره‌ای

یک منطق بسیار ساده

## منطق گزاره‌ای

### PROPOSITIONAL LOGIC

**منطق گزاره‌ای:** ساده‌ترین منطق

ترسیم‌کننده‌ی ایده‌های اصلی

### اجزای منطق گزاره‌ای

#### تئوری اثبات

*Proof Theory*

استفاده از قواعد استنتاج  
بررسی مدل

#### معناشناسی

*Semantics*

قواعد  
درست/نادرست بودن  
گزاره‌ها

#### نحو

*Syntax*

نمادهای گزاره‌ای  
رابطه‌ها  
گزاره‌های ترکیبی

## منطق گزاره‌ای

### نحو

#### PROPOSITIONAL LOGIC: SYNTAX

#### منطق گزاره‌ای: ساده‌ترین منطق

ترسیم‌کننده‌ی ایده‌های اصلی

#### اجزای منطق گزاره‌ای

#### تئوری اثبات

*Proof Theory*

#### معناشناسی

*Semantics*

#### نحو

*Syntax*

The proposition symbols  $P_1, P_2$  etc are sentences

نمادهای گزاره‌ای

If  $S$  is a sentence,  $\neg S$  is a sentence (negation)

نقیض

If  $S_1$  and  $S_2$  are sentences,  $S_1 \wedge S_2$  is a sentence (conjunction)

عطف

If  $S_1$  and  $S_2$  are sentences,  $S_1 \vee S_2$  is a sentence (disjunction)

فصل

If  $S_1$  and  $S_2$  are sentences,  $S_1 \Rightarrow S_2$  is a sentence (implication)

ایجاب

If  $S_1$  and  $S_2$  are sentences,  $S_1 \Leftrightarrow S_2$  is a sentence (biconditional)

دوشرطی

## منطق گزاره‌ای

نحو: گرامر

PROPOSITIONAL LOGIC: SYNTAX: GRAMMAR

## منطق گزاره‌ای: ساده‌ترین منطق

ترسیم‌کننده‌ی ایده‌های اصلی

## اجزای منطق گزاره‌ای

## تئوری اثبات

Proof Theory

## معناشناسی

Semantics

## نحو

Syntax

$$\text{Sentence} \rightarrow \text{AtomicSentence} \mid \text{ComplexSentence}$$

$$\text{AtomicSentence} \rightarrow \text{True} \mid \text{False} \mid \text{Symbol}$$

$$\text{Symbol} \rightarrow \text{P} \mid \text{Q} \mid \text{R} \mid \dots$$

$$\text{ComplexSentence} \rightarrow \neg \text{Sentence}$$

$$\mid (\text{Sentence} \wedge \text{Sentence})$$

$$\mid (\text{Sentence} \vee \text{Sentence})$$

$$\mid (\text{Sentence} \Rightarrow \text{Sentence})$$

$$\mid (\text{Sentence} \Leftrightarrow \text{Sentence})$$

## منطق گزاره‌ای

## معناشناسی

## PROPOSITIONAL LOGIC: SEMANTICS

منطق گزاره‌ای: ساده‌ترین منطق

ترسیم‌کننده‌ی ایده‌های اصلی

## اجزای منطق گزاره‌ای

تئوری اثبات

Proof Theory

معناشناسی

Semantics

نحو

Syntax

به هر گزاره **false** یا **true** نسبت داده می‌شود: معنای هر گزاره = درستی/نادرستی آن

$\neg S$	is true iff	$S$	is false	
$S_1 \wedge S_2$	is true iff	$S_1$	is true <b>and</b>	$S_2$ is true
$S_1 \vee S_2$	is true iff	$S_1$	is true <b>or</b>	$S_2$ is true
$S_1 \Rightarrow S_2$	is true iff	$S_1$	is false <b>or</b>	$S_2$ is true
i.e.,	is false iff	$S_1$	is true <b>and</b>	$S_2$ is false
$S_1 \Leftrightarrow S_2$	is true iff	$S_1 \Rightarrow S_2$	is true <b>and</b>	$S_2 \Rightarrow S_1$ is true

## منطق گزاره‌ای

معناشناسی: مثال

### منطق گزاره‌ای: ساده‌ترین منطق

ترسیم‌کنندگان ایده‌های اصلی

### اجزای منطق گزاره‌ای

تئوری اثبات

*Proof Theory*

معناشناسی

*Semantics*

نحو

*Syntax*

هر مدل **true** یا **false** را برای هر نماد گزاره‌ای مشخص می‌کند.

E.g.  $P_{1,2}$     $P_{2,2}$     $P_{3,1}$   
 $\text{true}$     $\text{true}$     $\text{false}$       در «دنیای اژدها»:

(With these symbols, 8 possible models, can be enumerated automatically.)

Simple recursive process evaluates an arbitrary sentence, e.g.,

$$\neg P_{1,2} \wedge (P_{2,2} \vee P_{3,1}) = \text{true} \wedge (\text{false} \vee \text{true}) = \text{true} \wedge \text{true} = \text{true}$$

## منطق گزاره‌ای

جدول درستی برای رابطه‌ها

TRUTH TABLES FOR CONNECTIVES

$P$	$Q$	$\neg P$	$P \wedge Q$	$P \vee Q$	$P \Rightarrow Q$	$P \Leftrightarrow Q$
<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>
<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>
<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>
<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>true</i>

## منطق گزاره‌ای

مثال: جملاتی برای دنیای اژدها

WUMPUS WORLD SENTENCESLet  $P_{i,j}$  be true if there is a pit in  $[i, j]$ .Let  $B_{i,j}$  be true if there is a breeze in  $[i, j]$ . $\neg P_{1,1}$  $\neg B_{1,1}$  $B_{2,1}$ 

“Pits cause breezes in adjacent squares”

$$B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

$$B_{2,1} \Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2} \vee P_{3,1})$$

“A square is breezy if and only if there is an adjacent pit”

$\nabla\nabla\nabla\nabla\nabla$ Stench			<b>PIT</b>
	 $\nabla\nabla\nabla\nabla\nabla$ Stench Gold	<b>PIT</b>	
$\nabla\nabla\nabla\nabla\nabla$ Stench			
 START		<b>PIT</b>	
1	2	3	4

## استنتاج با «جدول درستی»

### TRUTH TABLES FOR INFERENCE

$B_{1,1}$	$B_{2,1}$	$P_{1,1}$	$P_{1,2}$	$P_{2,1}$	$P_{2,2}$	$P_{3,1}$	$KB$	$\alpha_1$
false	false	true						
false	false	false	false	false	false	true	false	true
:	:	:	:	:	:	:	:	:
false	true	false	false	false	false	false	false	true
false	true	false	false	false	false	true	true	true
false	true	false	false	false	true	false	true	true
false	true	false	false	false	true	true	true	true
false	true	false	false	true	false	false	false	true
:	:	:	:	:	:	:	:	:
true	false	false						

هر سطر یک ترکیب انتساب متفاوت به نمادهای گزاره‌ای را نشان می‌دهد.

سطرهای را بررسی می‌کنیم:

در هر سطری که  $KB$  درست بود، بررسی می‌کنیم که  $\alpha$  هم درست باشد.

در این صورت

$$KB \models \alpha$$

## استنتاج با «شمارش»

شبہ کد

### INFERENCE BY ENUMERATION

شمارش عمق-اول ہمہی مدل‌ها: روش استنتاج صحیح (sound) و کامل (complete)

```

function TT-ENTAILS?(KB,  $\alpha$ ) returns true or false
    symbols  $\leftarrow$  a list of the proposition symbols in KB and  $\alpha$ 
    return TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , symbols, [])



---


function TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , symbols, model) returns true or false
    if EMPTY?(symbols) then
        if PL-TRUE?(KB, model) then return PL-TRUE?( $\alpha$ , model)
        else return true
    else do
        P  $\leftarrow$  FIRST(symbols); rest  $\leftarrow$  REST(symbols)
        return TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , rest, EXTEND(P, true, model) and
                           TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , rest, EXTEND(P, false, model))

```

$O(2^n)$  for  $n$  symbols; problem is **co-NP-complete**

## همارزی منطقی

جمله‌های همارز

### LOGICAL EQUIVALENCE

دو جمله از نظر منطقی **همارز** هستند

اگر و فقط اگر

هر دو در مدل‌های مشابهی درست باشند.

$\alpha \equiv \beta$  if and only if  $\alpha \models \beta$  and  $\beta \models \alpha$

## همارزی منطقی

### قوانين همارزی منطقی

#### LOGICAL EQUIVALENCE

$(\alpha \wedge \beta) \equiv (\beta \wedge \alpha)$  commutativity of  $\wedge$  جابجاپذیری

$(\alpha \vee \beta) \equiv (\beta \vee \alpha)$  commutativity of  $\vee$  جابجاپذیری

$((\alpha \wedge \beta) \wedge \gamma) \equiv (\alpha \wedge (\beta \wedge \gamma))$  associativity of  $\wedge$  شرکت‌پذیری

$((\alpha \vee \beta) \vee \gamma) \equiv (\alpha \vee (\beta \vee \gamma))$  associativity of  $\vee$  شرکت‌پذیری

$\neg(\neg\alpha) \equiv \alpha$  double-negation elimination حذف نقیض مضاعف

$(\alpha \Rightarrow \beta) \equiv (\neg\beta \Rightarrow \neg\alpha)$  contraposition عکس نقیض

$(\alpha \Rightarrow \beta) \equiv (\neg\alpha \vee \beta)$  implication elimination حذف ایجاب

$(\alpha \Leftrightarrow \beta) \equiv ((\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha))$  biconditional elimination حذف دوشرطی

$\neg(\alpha \wedge \beta) \equiv (\neg\alpha \vee \neg\beta)$  de Morgan دمورگان

$\neg(\alpha \vee \beta) \equiv (\neg\alpha \wedge \neg\beta)$  de Morgan دمورگان

$(\alpha \wedge (\beta \vee \gamma)) \equiv ((\alpha \wedge \beta) \vee (\alpha \wedge \gamma))$  distributivity of  $\wedge$  over  $\vee$  توزیع‌پذیری

$(\alpha \vee (\beta \wedge \gamma)) \equiv ((\alpha \vee \beta) \wedge (\alpha \vee \gamma))$  distributivity of  $\vee$  over  $\wedge$  توزیع‌پذیری

عامل‌های منطقی

۵

منطق  
گزاره‌ای  
و  
اثبات قضیه

## منطق گزاره‌ای

تئوری اثبات

PROPOSITIONAL LOGIC: PROOF THEORY

منطق گزاره‌ای: ساده‌ترین منطق

ترسیم‌کننده‌ی ایده‌های اصلی

اجزای منطق گزاره‌ای

تئوری اثبات

*Proof Theory*

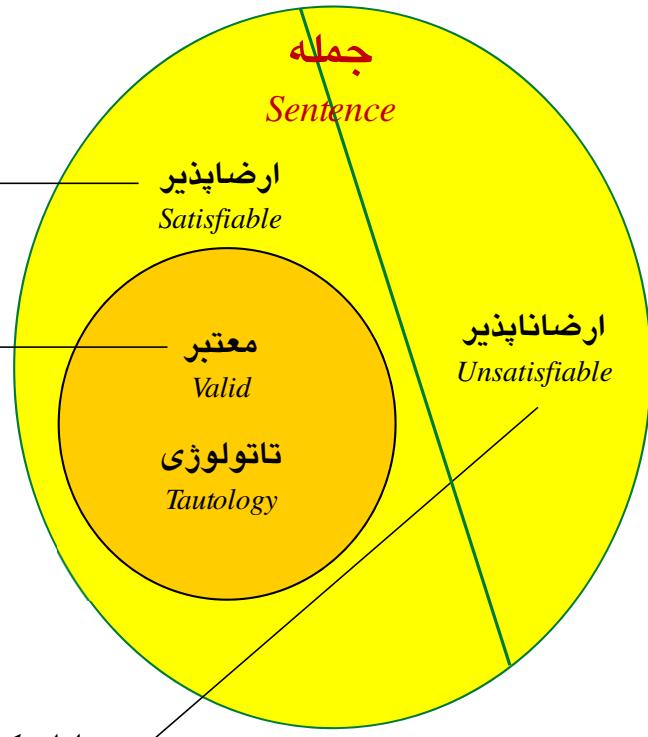
معناشناسی

*Semantics*

نحو

*Syntax*

## اعتبار و ارضایذیری



جمله‌ای که در **بعضی مدل‌ها** درست باشد؛ مثل:

$$A \vee B$$

$$C$$

جمله‌ای که در **همه مدل‌ها** (همیشه) درست باشد؛ مثل:

$$A \vee \neg A$$

$$A \Rightarrow A$$

$$(A \wedge (A \Rightarrow B)) \Rightarrow B$$

جمله‌ای که در **هیچ مدلی** درست نباشد؛ مثل:  $A \wedge \neg A$

## اتصال استنتاج با اعتبار

قضیه‌ی استنباط

DEDUCTION THEOREM
$$KB \models \alpha \text{ if and only if } (KB \Rightarrow \alpha) \text{ is valid}$$

## اتصال استنتاج با ارضانایپذیری

برهان خلف

REDUCTIO AD ABSURDUM $KB \models \alpha$  if and only if  $(KB \wedge \neg\alpha)$  is unsatisfiable

برهان خلف

*reductio ad absurdum*

## قواعد استنتاج

الگوهای استدلال

INFERENCE RULES (REASONING PATTERNS)

◊ Modus Ponens

$$\frac{\alpha \Rightarrow \beta, \quad \alpha}{\beta}$$

◊ And-Elimination

$$\frac{\alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n}{\alpha_i}$$

◊ And-Introduction

$$\frac{\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n}{\alpha_1 \wedge \alpha_2 \wedge \dots \wedge \alpha_n}$$

◊ Or-Introduction

$$\frac{\alpha_i}{\alpha_1 \vee \alpha_2 \vee \dots \vee \alpha_n}$$

◊ Double Negation-Elimination

$$\frac{\neg\neg\alpha}{\alpha}$$

◊ Unit Resolution

$$\frac{\alpha \vee \beta, \quad \neg\beta}{\alpha}$$

◊ Resolution

$$\frac{\alpha \vee \beta, \quad \neg\beta \vee \gamma}{\alpha \vee \gamma}$$

or equivalently

$$\frac{\neg\alpha \Rightarrow \beta, \quad \beta \Rightarrow \gamma}{\neg\alpha \Rightarrow \gamma}$$

## فرم‌های نرمال

### NORMAL FORMS

- ◊ **Conjunctive Normal Form (CNF-universal)**  
*conjunction of disjunctions of literals  
clauses*

E.g.,  $(A \vee \neg B) \wedge (B \vee \neg C \vee \neg D)$

- ◊ **Disjunctive Normal Form (DNF-universal)**  
*disjunction of conjunctions of literals  
terms*

E.g.,  $(A \wedge B) \vee (A \wedge \neg C) \vee (A \wedge B \wedge \neg C)$

- ◊ **Horn Form (restricted)**  
*conjunction of Horn clauses*  
 Horn clause: a clause with  $\leq 1$  positive literal.

E.g.,  $(A \vee \neg B) \wedge (B \vee \neg C \vee \neg D)$

Often written as set of implications:  $B \Rightarrow A$  and  $(C \wedge D) \Rightarrow B$

**فرم نرمال عطفی**

*Conjunctive Normal Form (CNF)*

عطف کلاوزها

**فرم نرمال فصلی**

*Disjunctive Normal Form (DNF)*

فصل ترمها

**فرم هورن**

*Horn Form*

عطف کلاوزهای هورن

## اثبات

**اثبات  $\alpha$ :** دنباله‌ای از به‌کارگیری قواعد استنتاج منتهی به  $\alpha$

(یافتن اثبات دقیقاً مثل یافتن راه حل‌های یک مسئله‌ی جستجو است.)

### روش‌های اثبات

#### بررسی مدل

*Model Checking*

#### شمارش جدول درستی

- همیشه نمایی بر حسب  $n$
- عقب‌گرد بهبود یافته، مانند:
  - مثل: الگوریتم DPLL
- جستجوی هیوریستیک در فضای مدل
  - صحیح اما ناکامل)
  - مثل: مشابه تپه‌نوردی (حداقل تداخل‌ها)

#### به‌کارگیری قواعد استنتاج

*Application of inference rules*

#### تولید جملات جدید صحیح از قبلی‌ها

- اثبات = دنباله‌ای از به‌کارگیری قواعد استنتاج
  - قواعد استنتاج = کنش‌ها در هر مرحله از الگوریتم جستجو
- معمولاً نیازمند تبدیل جملات به یک فرم نرمال

## خاصیت یکنواهی در منطق‌های یکنوا

و کاربرد آن در اثبات

### MONOTONICITY

اگر منطقی یکنوا باشد؛  
برای هر جمله‌ی  $\alpha$  و  $\beta$ ، داریم

اگر

$$KB \models \alpha$$

آن‌گاه

$$KB \wedge \beta \models \alpha$$

#### نتیجه‌ی یکنواهی:

- اضافه شدن جملات جدید به پایگاه دانایی، استلزم جملات قبلی را نقض نمی‌کند.
- قواعد استنتاج می‌توانند هرگاه که پیشفرض‌های مناسب در  $KB$  بپیدا شد، استفاده شوند.
- نتایج استفاده از قاعده باید از  $KB$  پیروی کند، بدون توجه به مابقی آنچه در  $KB$  قرار دارد.

منطق‌های غیریکنوا، خاصیت یکنواهی را نقض می‌کنند.

## اثبات

## روش‌ها

**اثبات  $\alpha$ :** دنباله‌ای از به‌کارگیری قواعد استنتاج منتهی به  $\alpha$

(یافتن اثبات دقیقاً مثل یافتن راه حل‌های یک مسئله‌ی جستجو است.)

## روش‌های اثبات

## بررسی مدل

*Model Checking*

## شمارش جدول درستی

## الگوریتم DPLL

*DPLL Algorithm*

## الگوریتم WalkSAT

*WalkSAT Algorithm*

## به‌کارگیری قواعد استنتاج

*Application of inference rules*

## تولید جملات جدید صحیح از قبلی‌ها

زنجیره‌سازی پیش‌رو  
*Forward Chaining*

HF  
+  
Modus Ponens

زنجیره‌سازی پس‌رو  
*Backward Chaining*

CNF

رزولوشن  
*Resolution*

## اثبات

روش‌های به کارگیری قواعد استنتاج

**اثبات  $\alpha$ :** دنباله‌ای از به کارگیری قواعد استنتاج منتهی به  $\alpha$

(یافتن اثبات دقیقاً مثل یافتن راه حل‌های یک مسئله‌ی جستجو است.)

### روش‌های اثبات

بررسی مدل

*Model Checking*

شمارش جدول درستی

الگوریتم

*DPLL Algorithm*

الگوریتم

*WalkSAT Algorithm*

به کارگیری قواعد استنتاج

*Application of inference rules*

تولید جملات جدید صحیح از قبلی‌ها

HF

+

Modus  
Ponens

CNF

زنجیره‌سازی پیش‌رو

*Forward Chaining*

زنجیره‌سازی پس‌رو

*Backward Chaining*

رزولوشن

*Resolution*

## استنتاج با «قياس استثنائي»

خصوصيات روال استنتاج

$$\frac{\alpha_1, \dots, \alpha_n, \quad \alpha_1 \wedge \dots \wedge \alpha_n \Rightarrow \beta}{\beta}$$

برای روال استنتاج «قياس استثنائي» *“Modus Ponens”*

تمامیت

*Completeness*

صحیح بودن

*Soundness*

همهی جمله‌های درست مشتق شوند.

فقط برای جملات به فرم هورن (Horn)

هر جمله‌ی مشتق شده درست باشد.

همیشه

قابل استفاده در زنجیره‌سازی پیشرو و زنجیره‌سازی پرسرو  
زمان اجرای خطی

## فرم هورن

### HORN FORM

فرم هورن

*Horn Form*

عطف کلاوزهای هورن

Horn Form (restricted)

KB = **conjunction** of **Horn clauses**

Horn clause =

◊ proposition symbol; or

◊ (conjunction of symbols)  $\Rightarrow$  symbol

E.g.,  $C \wedge (B \Rightarrow A) \wedge (C \wedge D \Rightarrow B)$

## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

بر اساس قاعده‌ی استنتاج «قیاس استثنائی»

### FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

**زنجیره‌سازی پیش‌رو**  
*Forward Chaining*

## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

شبہ کد

### FORWARD CHAINING

**function** PL-FC-ENTAILS?(*KB*, *q*) **returns** *true* or *false*

**local variables:** *count*, a table, indexed by clause, initially the number of premises  
*inferred*, a table, indexed by symbol, each entry initially *false*  
*agenda*, a list of symbols, initially the symbols known to be true

**while** *agenda* is not empty **do**

*p*  $\leftarrow$  POP(*agenda*)

**unless** *inferred*[*p*] **do**

*inferred*[*p*]  $\leftarrow$  *true*

**for each** Horn clause *c* in whose premise *p* appears **do**

            decrement *count*[*c*]

**if** *count*[*c*] = 0 **then do**

**if** HEAD[*c*] = *q* **then return** *true*

                PUSH(HEAD[*c*], *agenda*)

**return** *false*



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

مثال (۱ از ۹)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

**زنجیره‌سازی پیش‌رو**  
*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

$$B \wedge L \Rightarrow M$$

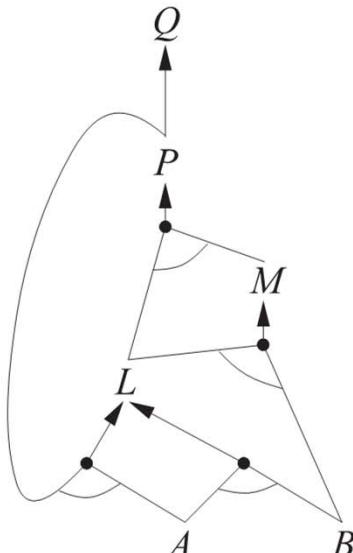
$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$

$KB$  (Knowledge Base)



AND-OR Graph

## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

مثال (۲ از ۹)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

**زنجیره‌سازی پیش‌رو**  
*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

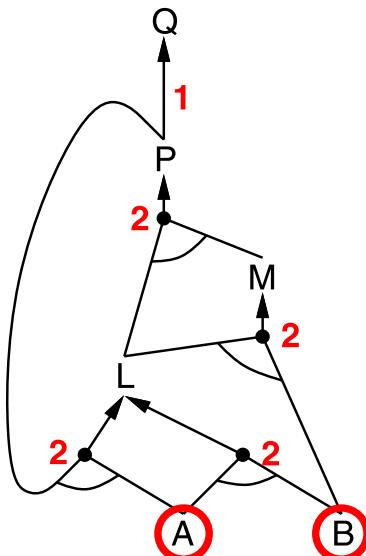
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

مثال (۹ از ۳)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

### زنجیره‌سازی پیش‌رو

*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

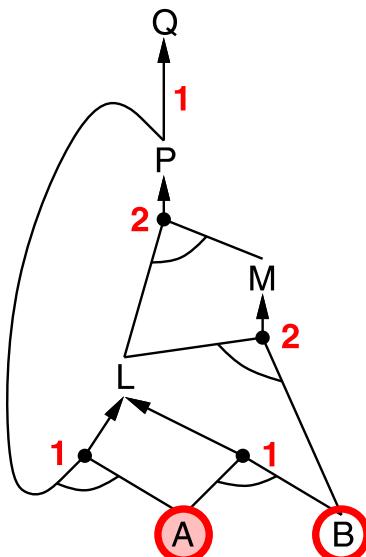
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

مثال (۴ از ۹)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

### زنجیره‌سازی پیش‌رو

*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

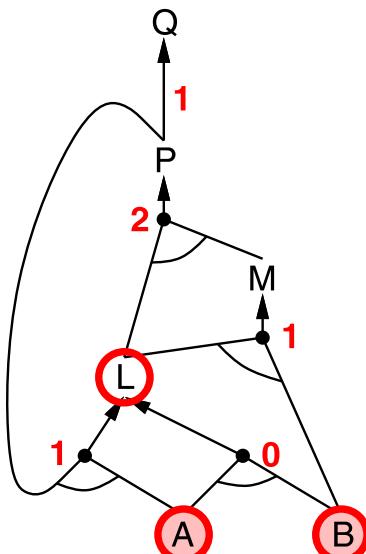
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

مثال (۵ از ۹)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

**زنجیره‌سازی پیش‌رو**  
*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

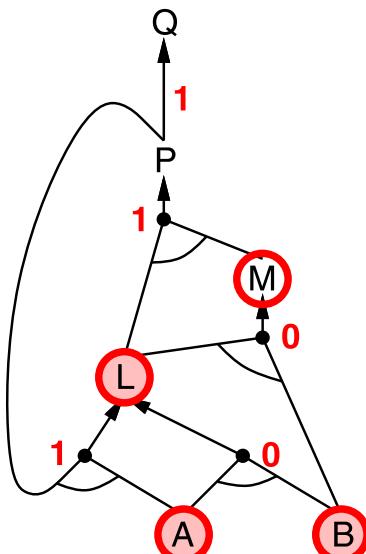
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

مثال (۶ از ۹)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

**زنجیره‌سازی پیش‌رو**  
*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

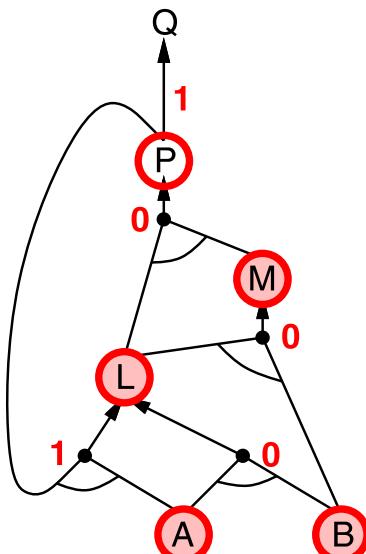
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

مثال (۷ از ۹)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

### زنجیره‌سازی پیش‌رو

*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

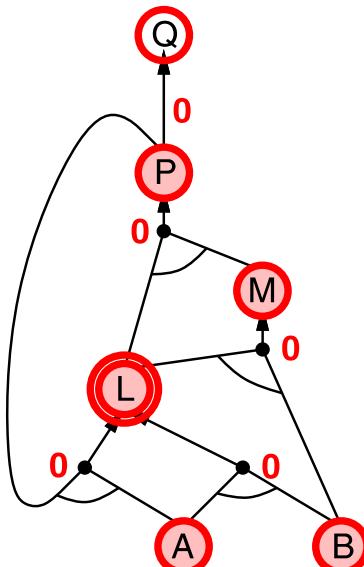
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

(۹ از ۸)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

**زنجیره‌سازی پیش‌رو**  
*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

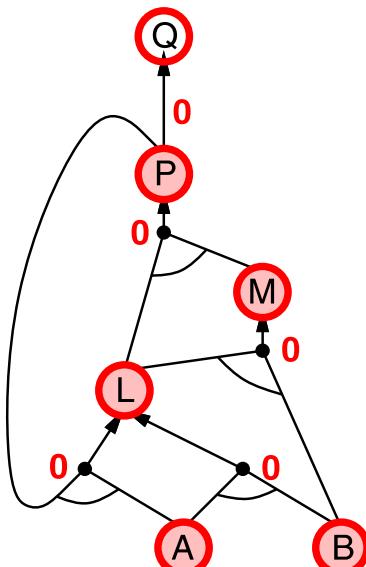
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پیش‌رو»

مثال (۹ از ۹)

FORWARD CHAINING

ایده:

هر قاعده در  $KB$  که مقدم‌هایش ارضا شده است را **فایر** کنید و نتیجه‌ی آن را به  $KB$  اضافه کنید تا اینکه هدف پرس و جو پیدا شود.

**زنجیره‌سازی پیش‌رو**  
*Forward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

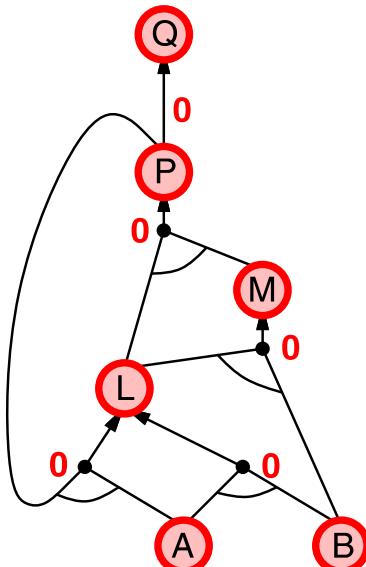
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنگیره‌سازی پیش‌رو»

### اثبات تمامیت

FC derives every atomic sentence that is entailed by  $KB$

1. FC reaches a **fixed point** where no new atomic sentences are derived
2. Consider the final state as a model  $m$ , assigning true/false to symbols
3. Every clause in the original  $KB$  is true in  $m$   
**Proof:** Suppose a clause  $a_1 \wedge \dots \wedge a_k \Rightarrow b$  is false in  $m$   
Then  $a_1 \wedge \dots \wedge a_k$  is true in  $m$  and  $b$  is false in  $m$   
Therefore the algorithm has not reached a fixed point!
4. Hence  $m$  is a model of  $KB$
5. If  $KB \models q$ ,  $q$  is true in **every** model of  $KB$ , including  $m$

**General idea:** construct any model of  $KB$  by sound inference, check  $\alpha$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

بر اساس قاعده‌ی استنتاج «قیاس استثنائی»

### BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی *q* به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی *q* معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که *q* را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
*Backward Chaining*

### ملزومات روش زنجیره‌سازی پس‌رو

#### اجتناب از کار تکراری

*Avoid repeated work*

#### اجتناب از حلقه‌ها

*Avoid loops*

بررسی می‌کنیم که

اگر یک زیرهدف جدید وجود دارد

۱) آیا درستی آن تاکنون ثابت شده است؟ یا

۲) اثبات درستی آن تاکنون با شکست مواجه شده است؟

بررسی می‌کنیم که

آیا یک زیرهدف جدید هم‌اکنون بر روی پشتی‌هدف  
قرار دارد؟

## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱ از ۱۱)

BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
Backward Chaining

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

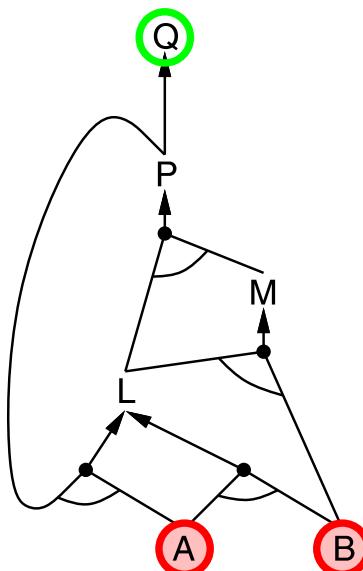
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۲ از ۱۱)

BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
Backward Chaining

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

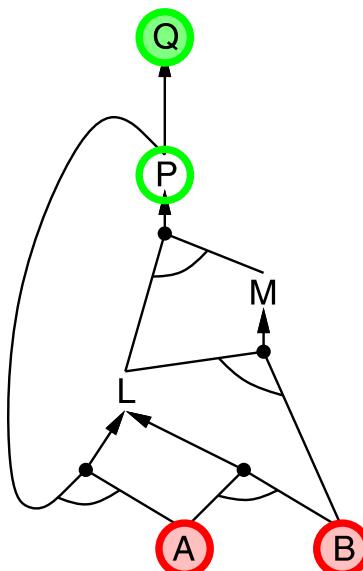
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱۱ از ۲)

BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
Backward Chaining

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

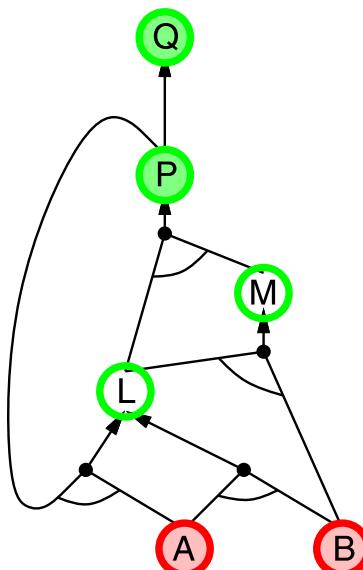
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱۱) از (۴)

### BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
Backward Chaining

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

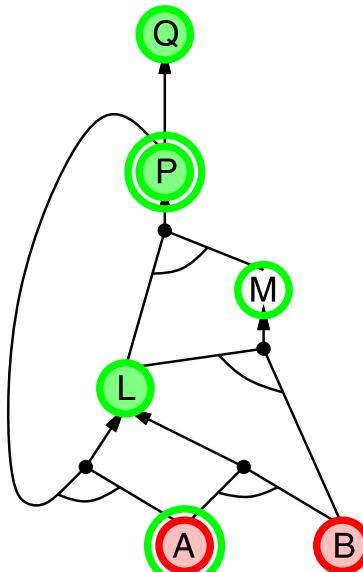
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱۱ از ۵)

BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
Backward Chaining

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

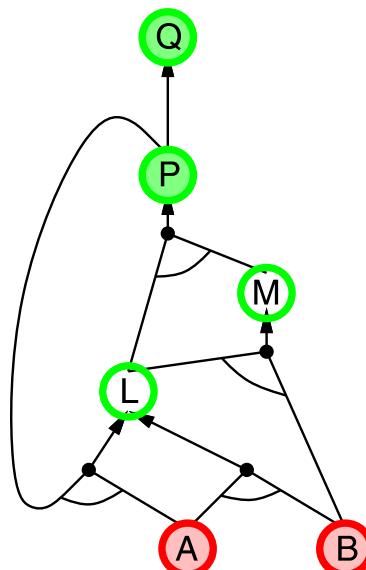
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱۱ از ۱۶)

BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

**زنجیره‌سازی پس‌رو**  
*Backward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

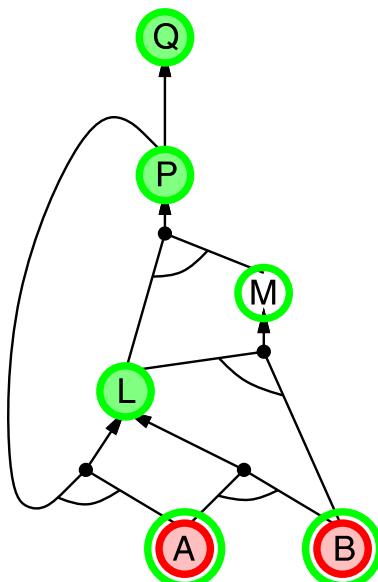
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۷ از ۱۱)

### BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

زنجیره‌سازی پس‌رو  
*Backward Chaining*

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدمه‌ای برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

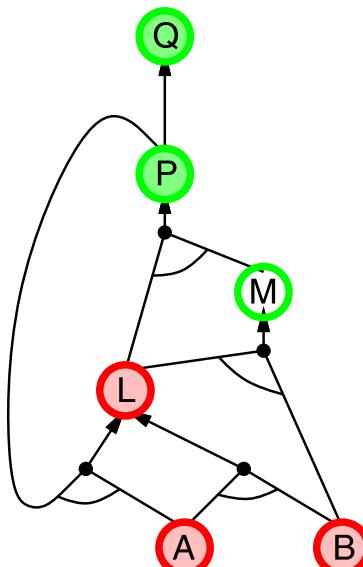
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱۱) از (۸)

### BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
Backward Chaining

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

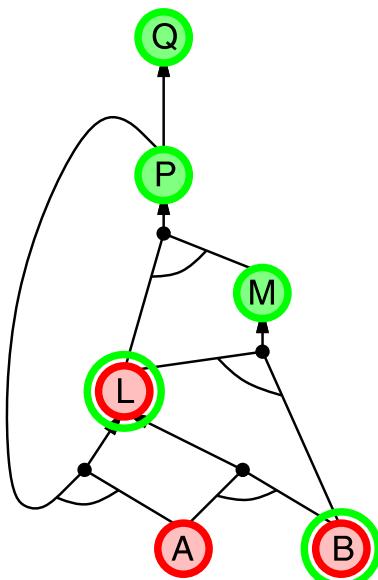
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱۱ از ۹)

### BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
Backward Chaining

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

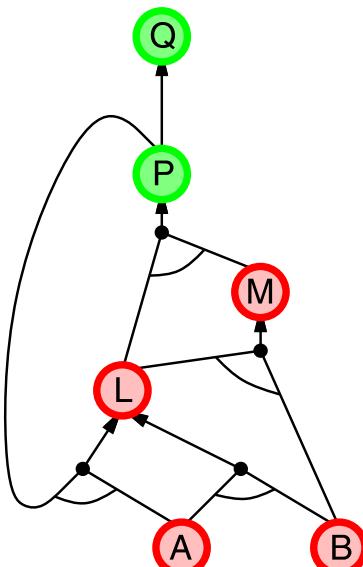
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱۰ از ۱۱)

### BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
*Backward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

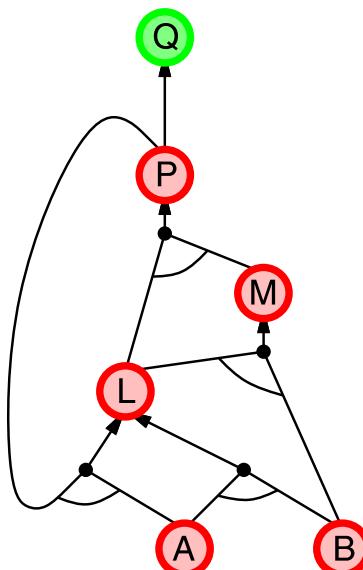
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتم اثبات: «زنجیره‌سازی پس‌رو»

مثال (۱۱ از ۱۱)

### BACKWARD CHAINING

ایده: از هدف پرس‌وجوی  $q$  به صورت پس‌رو شروع می‌کنیم:

یا درستی  $q$  معلوم است

یا مقدم‌های برخی قواعد که  $q$  را نتیجه می‌دهند باید ثابت شود (با همین روش).

زنجیره‌سازی پس‌رو  
*Backward Chaining*

$$P \Rightarrow Q$$

$$L \wedge M \Rightarrow P$$

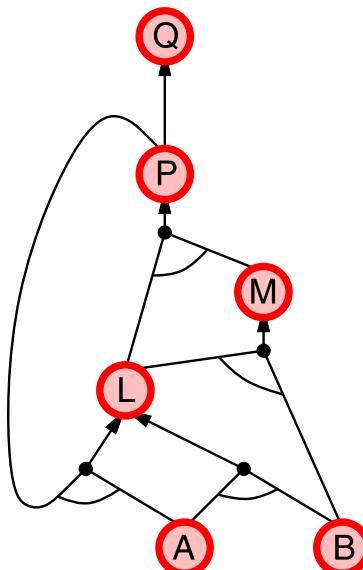
$$B \wedge L \Rightarrow M$$

$$A \wedge P \Rightarrow L$$

$$A \wedge B \Rightarrow L$$

$$A$$

$$B$$



## الگوریتمهای اثبات «زنجیره‌سازی پیش‌رو» و «رنجیره‌سازی پس‌رو»

مقایسه

مقایسه	
<b>زنجیره‌سازی پس‌رو</b> <i>Backward Chaining</i>	<b>زنجیره‌سازی پیش‌رو</b> <i>Forward Chaining</i>
هدف محور <i>goal-driven</i>	داده محور <i>data-driven</i>
مناسب برای حل مسئله	پردازش خودکار، ناخودآگاه ( <i>unconscious</i> )
کاربرد: پاسخ به یک پرسش مشخص	کاربرد: بازشناسی شیء، تصمیم‌گیری‌های روتین
پیچیدگی زمانی: بسیار کمتر از خطی (بر حسب اندازه‌ی KB)	پیچیدگی زمانی: خطی (بر حسب اندازه‌ی KB)

## استنتاج با «رزولوشن»

خصوصیات روای استنتاج

$$\frac{\ell_1 \vee \dots \vee \ell_k, \quad m_1 \vee \dots \vee m_n}{\ell_1 \vee \dots \vee \ell_{i-1} \vee \ell_{i+1} \vee \dots \vee \ell_k \vee m_1 \vee \dots \vee m_{j-1} \vee m_{j+1} \vee \dots \vee m_n}$$

where  $\ell_i$  and  $m_j$  are complementary literals.

## برای روای استنتاج «رزولوشن» «Resolution»

## تمامیت

Completeness

## صحیح بودن

Soundness

همهی جمله‌های درست مشتق شوند.

برای منطق گزاره‌ای: همیشه (CNF)

هر جمله‌ی مشتق شده درست باشد.

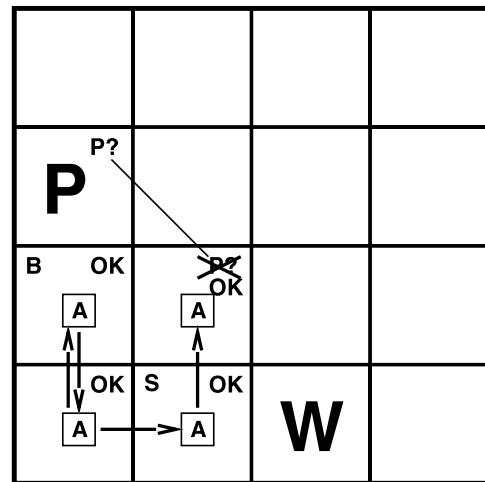
برای منطق گزاره‌ای: همیشه (CNF)

قابل استفاده در الگوریتم اثبات «رزولوشن»

## استنتاج با «رزولوشن»

مثال

$$\frac{P_{1,3} \vee P_{2,2}, \quad \neg P_{2,2}}{P_{1,3}}$$



## فرم نرمال عطفی

CONJUNCTIVE NORMAL FORM (CNF)

فرم نرمال عطفی

Conjunctive Normal Form (CNF)

عطف کلاوزها

Conjunctive Normal Form (CNF—universal)

conjunction of **disjunctions** of literals  
clauses

E.g.,  $(A \vee \neg B) \wedge (B \vee \neg C \vee \neg D)$

## فرم نرمال عطفی

تبديل یک گزاره به CNF

CONJUNCTIVE NORMAL FORM (CNF)

$$B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

1. Eliminate  $\Leftrightarrow$ , replacing  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  with  $(\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha)$ . (۱) حذف دوشرطی

$$(B_{1,1} \Rightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})) \wedge ((P_{1,2} \vee P_{2,1}) \Rightarrow B_{1,1})$$

2. Eliminate  $\Rightarrow$ , replacing  $\alpha \Rightarrow \beta$  with  $\neg\alpha \vee \beta$ . (۲) حذف شرطی

$$(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge (\neg(P_{1,2} \vee P_{2,1}) \vee B_{1,1})$$

3. Move  $\neg$  inwards using de Morgan's rules and double-negation: (۳) حرکت نقیض‌ها به داخل: با قواعد دمورگان

$$(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge ((\neg P_{1,2} \wedge \neg P_{2,1}) \vee B_{1,1})$$

4. Apply distributivity law ( $\vee$  over  $\wedge$ ) and flatten: (۴) اعمال قانون توزیع پذیری (و روی یا)

$$(\neg B_{1,1} \vee P_{1,2} \vee P_{2,1}) \wedge (\neg P_{1,2} \vee B_{1,1}) \wedge (\neg P_{2,1} \vee B_{1,1})$$

## الگوریتم اثبات: «رزو لوشن»

بر اساس قاعده‌ی استنتاج «رزو لوشن»

### RESOLUTION

ایده:

اثبات از طریق تناقض (*Proof by contradiction*)  
برای اثبات  $KB \models \alpha$  نشان می‌دهیم  $KB \wedge \neg\alpha$  ارضانایپذیر است.

رزو لوشن  
*Resolution*

## الگوریتم اثبات: «رزولوشن»

شبہ کد

### RESOLUTION

```

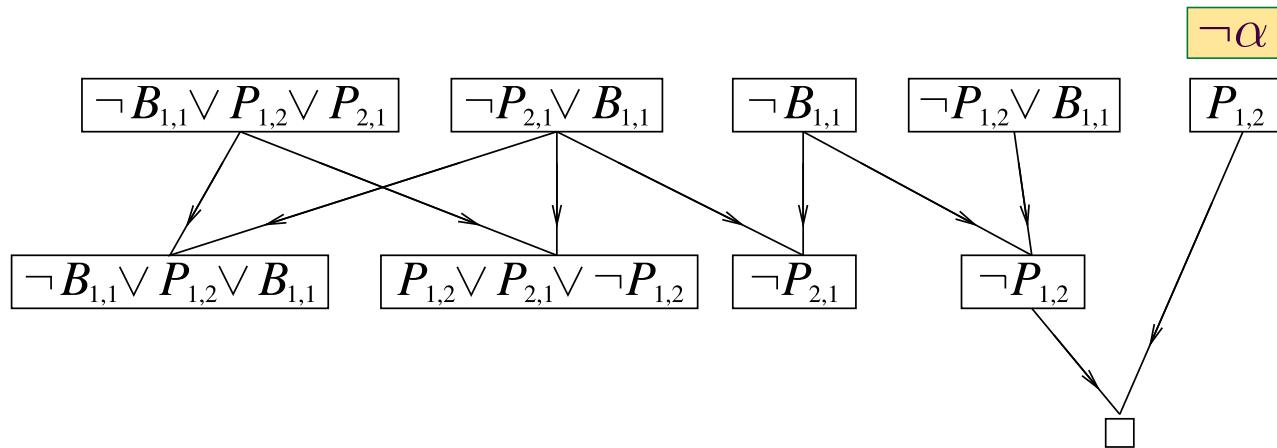
function PL-RESOLUTION( $KB, \alpha$ ) returns true or false
   $clauses \leftarrow$  the set of clauses in the CNF representation of  $KB \wedge \neg\alpha$ 
   $new \leftarrow \{ \}$ 
  loop do
    for each  $C_i, C_j$  in  $clauses$  do
       $resolvents \leftarrow$  PL-RESOLVE( $C_i, C_j$ )
      if  $resolvents$  contains the empty clause then return true
       $new \leftarrow new \cup resolvents$ 
    if  $new \subseteq clauses$  then return false
     $clauses \leftarrow clauses \cup new$ 
  
```

## الگوریتم اثبات: «رزولوشن»

مثال ۱

### RESOLUTION

$$KB = (B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})) \wedge \neg B_{1,1} \quad \alpha = \neg P_{1,2}$$

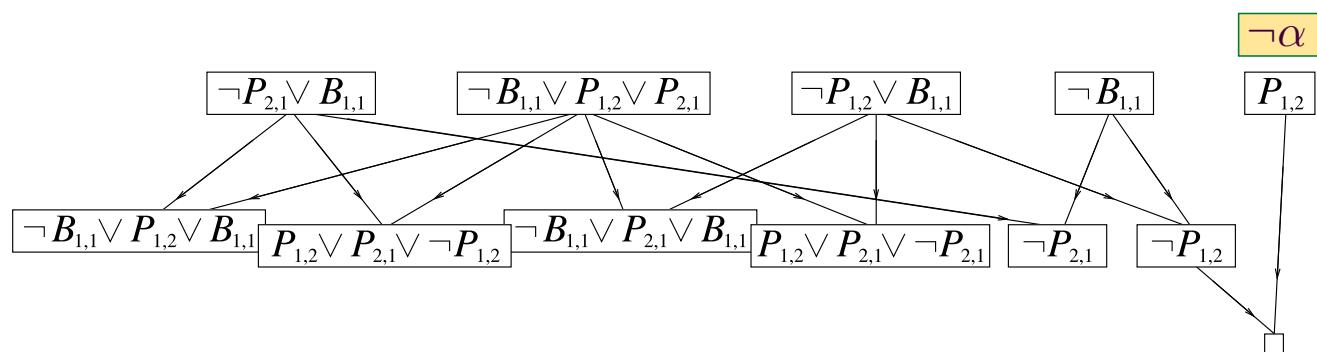


## الگوریتم اثبات: «رزولوشن»

مثال ٢

### RESOLUTION

$$KB = (B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})) \wedge \neg B_{1,1} \quad \alpha = \neg P_{1,2}$$



# هوش مصنوعی

عامل‌های منطقی

۴

## منطق گزاره‌ای

بررسی مدل مؤثر گزاره‌ای

## اثبات

روش‌های شمارش جدول درستی

**اثبات  $\alpha$ :** دنباله‌ای از به‌کارگیری قواعد استنتاج منتهی به  $\alpha$

(یافتن اثبات دقیقاً مثل یافتن راه حل‌های یک مسئله‌ی جستجو است.)

### روش‌های اثبات

بررسی مدل

*Model Checking*

به‌کارگیری قواعد استنتاج

*Application of inference rules*

شمارش جدول درستی

**الگوریتم DPLL**

*DPLL Algorithm*

**الگوریتم WalkSAT**

*WalkSAT Algorithm*

تولید جملات جدید صحیح از قبلی‌ها

زنجیره‌سازی پیش رو  
*Forward Chaining*

HF  
+  
Modus Ponens

زنجیره‌سازی پس رو  
*Backward Chaining*

CNF

رزولوشن  
*Resolution*

## الگوریتم DPLL: عقب‌گرد++

### DPLL: BACKTRACKING++

**اعمال الگوریتم جستجوی عقب‌گرد به مسائل ارضاضییری (SAT)**

قیدها = کلاوزها

(متغیرها = نمادهای گزاره‌ای)

**الگوریتم DPLL**

*DPLL Algorithm*

### موارد اضافه شده به الگوریتم عقب‌گرد

توقف کنید اگر همهٔ کلاوزها **true** یا همهٔ آنها **false** باشند.

$$\{A = \text{true}\} \quad \text{satisfies} \quad (A \vee B) \wedge (A \vee C)$$

(۱)

**پایان زودهنگام**  
*Early Termination*

نمادهای دارای علامت یکسان در همهٔ کلاوزهای «هنوز ارضانشده» به نماد مقداری نسبت دهید که لیترال مربوطه **true** شود.

$$A, B \quad \text{are pure in} \quad (A \vee \neg B) \wedge (\neg B \vee \neg C) \wedge (C \vee A)$$

(۲)

**نمادهای خالص**  
*Pure Symbols*

کلاوزهای دارای دقیقاً یک لیترال «هنوز unfalsify نشد» به نماد مقداری نسبت دهید که کلاوز مربوطه **true** شود.

if  $\{A = \text{true}\}$  already  $(\neg A \vee \neg B)$  is a unit clause

(۳)

**کلاوزهای واحد**  
*Unit Clauses*

## الگوریتم DPLL: عقب‌گرد++

شبہ کد

DPLL: BACKTRACKING++

```

function DPLL(clauses, symbols, model) returns true or false
  if every clause in clauses is true in model then return true
  if some clause in clauses is false in model then return true
  P, value  $\leftarrow$  FIND-PURE-SYMBOL(symbols, clauses, model)
  if P is non-null then return DPLL(clauses, symbols-P, [P = value | model])
  P, value  $\leftarrow$  FIND-UNIT-CLAUSE(clauses, model)
  if P is non-null then return DPLL(clauses, symbols-P, [P = value | model])
  P  $\leftarrow$  FIRST(symbols); rest  $\leftarrow$  REST(symbols)
  return DPLL(clauses, rest, [P = true | model]) or
        DPLL(clauses, rest, [P = false | model])

```



## الگوریتم DPLL: عقب‌گرد++

ارزیابی کارآیی

### DPLL: BACKTRACKING++

پیاده‌سازی بسیار بهینه شده + نگهداری زیرانتساب‌های غیر قابل حل



- امکان حل مسئله با **دها میلیون کلاوز**
- قابل استفاده‌ی عملی برای وارسی سخت‌افزاری بزرگ
- قابل استفاده‌ی عملی برای وارسی نرم‌افزاری متوسط

## الگوریتم WalkSAT

به کارگیری الگوریتم جستجوی محلی برای مسئله ارضاپذیری

### WALKSAT ALGORITHM

اعمال الگوریتم جستجوی محلی به مسائل ارضاپذیری (SAT)

تابع ارزیابی = تعداد کلاوزهای ارضانشده

با استفاده از الگوریتم MIN-CONFLICTS برای CSP ها

الگوریتم WALKSAT

WALKSAT Algorithm

الگوریتم WALKSAT در هر تکرار دو کار انجام می‌دهد:

(۱)

انتخاب یک کلاوز ارضانشده  
*picks an unsatisfied clause*

انتخاب تصادفی بین دو راه برای انتخاب نماد برای برگردان

Min-conflicts step

گام حداقل تداخلها

تعداد کلاوزهای ارضانشده در حالت جدید را می‌نیم می‌کند.

Random walk step

گام گامبرداری تصادفی

یک نماد را به صورت تصادفی انتخاب می‌کند.

(۲)

انتخاب یک نماد در کلاوز برای برگردان  
*picks a symbol in the clause to flip*

## WalkSAT الگوريتم

شبہ ک

### WALKSAT ALGORITHM

```

function WALKSAT(clauses, p, max_flips) returns a satisfying model or failure
  inputs: clauses, a set of clauses in propositional logic
            p, the probability of choosing to do a “random walk” move, typically around 0.5
            max_flips, number of flips allowed before giving up

  model  $\leftarrow$  a random assignment of true/false to the symbols in clauses
  for i = 1 to max_flips do
    if model satisfies clauses then return model
    clause  $\leftarrow$  a randomly selected clause from clauses that is false in model
    with probability p flip the value in model of a randomly selected symbol from clause
    else flip whichever symbol in clause maximizes the number of satisfied clauses
  return failure

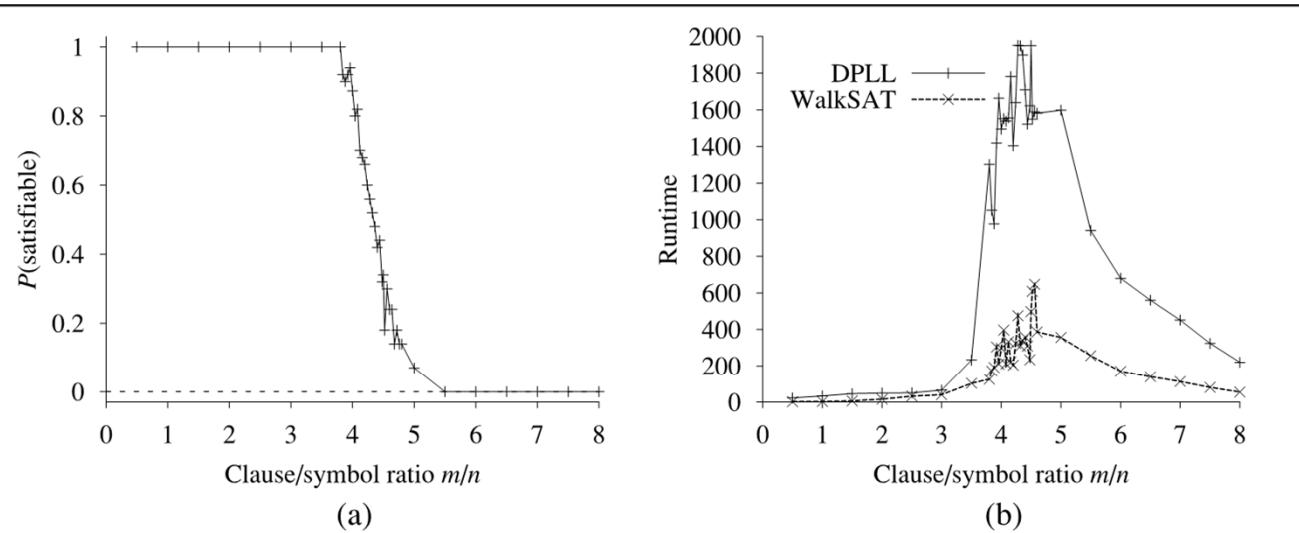
```



## WalkSAT الگوریتم

ارزیابی کارآیی: مسئله‌های ارضاعیتی سخت

### WALKSAT ALGORITHM: HARD SATISFIABILITY PROBLEM



**Figure 7.19** (a) Graph showing the probability that a random 3-CNF sentence with  $n = 50$  symbols is satisfiable, as a function of the clause/symbol ratio  $m/n$ . (b) Graph of the median run time (measured in number of recursive calls to DPLL, a good proxy) on random 3-CNF sentences. The most difficult problems have a clause/symbol ratio of about 4.3.

# هوش مصنوعی

عامل‌های منطقی

۷

عامل‌های  
مبتنی بر  
منطق  
گزاره‌ای

## گزاره‌ها و زمان

ارزش یک نماد گزاره‌ای می‌تواند متغیر با زمان باشد



باید برای هر گام زمانی، یک نماد گزاره‌ای در نظر گرفت  
(احتمالاً بی‌نهایت گام زمانی ...)

## گزاره‌ها و زمان

مثال: دنیای اژدها

Suppose the wumpus-world agent wants to keep track of its location

A sentence such as  $L_{1,1} \wedge FacingRight \wedge Forward \Rightarrow L_{2,1}$   
 doesn't work: after one inference step,  $L_{1,1}$  and  $L_{2,1}$  are in KB!!

Changeable aspects of world need separate symbols for each time step

e.g.,  $L_{1,1}^1$  means "Agent is at [1, 1] at time step 1", and

$$L_{1,1}^1 \wedge FacingRight^1 \wedge Forward^1 \Rightarrow L_{2,1}^2$$

Reflex rules: for every  $t$ , we have, e.g.,  $Glitter^t \Rightarrow Grab^t$

## دنبال کردن تغییرات در دنیا

### TRACKING CHANGES IN THE WORLD

وظیفه‌ی عمومی دنبال کردن حالت محیط  
با داشتن یک جریان از ادراکها

**تخمین حالت**  
*State Estimation*

در سیستم‌های مبتنی بر منطق:

نگهداری یک بازنمایی از مجموعه‌ی همه‌ی حالت‌های ممکن دنیا،  
با داشتن اصول موضوع (axioms) و ادراک‌ها (percepts)

ترفند پایه

**اصول موضوع حالت-مابعد**

*Successor-State Axioms*

تعریف درستی گزاره در زمان  $1 + t$  از روی گزاره‌های زمان  $t$

## دنبال کردن تغییرات در دنیا

مثال: دنیای اژدها

TRACKING CHANGES IN THE WORLD

## اصول موضوع حالت-مابعد

*Successor-State Axioms*تعریف درستی گزاره در زمان  $t + 1$  از روی گزاره‌های زمان  $t$ E.g.,  $\text{Alive}^t \Leftrightarrow \neg \text{Scream}^t \wedge \text{Alive}^{t-1}$ 

$$\begin{aligned} L_{1,1}^t \Leftrightarrow & (L_{1,1}^{t-1} \wedge (\neg \text{Forward}^{t-1} \vee \text{Bump}^t)) \\ & \vee (L_{1,2}^{t-1} \wedge (\text{FacingDown}^{t-1} \wedge \text{Forward}^{t-1})) \\ & \vee (L_{1,2}^{t-1} \wedge (\text{FacingLeft}^{t-1} \wedge \text{Forward}^{t-1})) \end{aligned}$$

## عامل‌های مبتنی بر مدارهای بولی

مثال (۱ از ۲)

BOOLEAN CIRCUIT AGENTSBreeze 

Forward

Stench 

TurnLeft

Glitter 

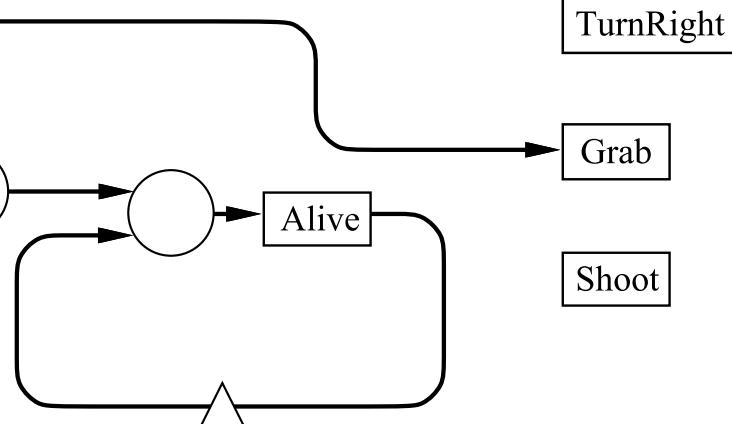
TurnRight

Bump 

Grab

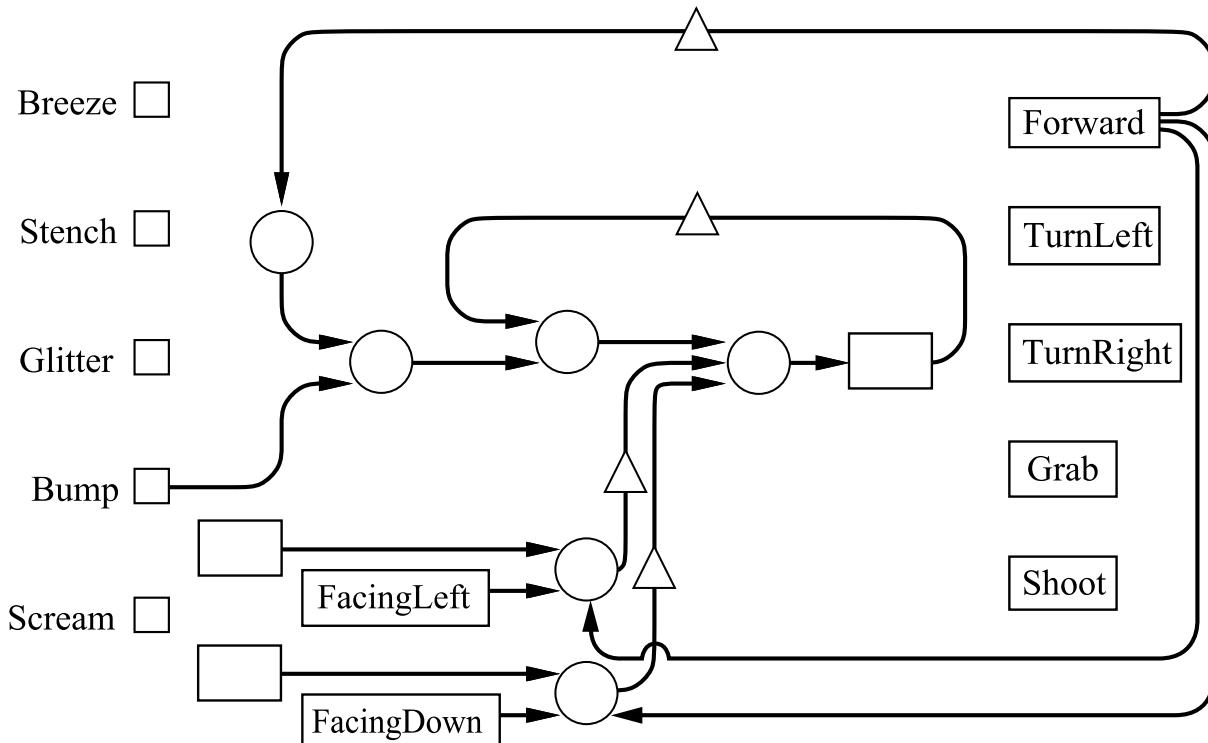
Scream 

Shoot



## عامل‌های مبتنی بر مدارهای بولی

مثال (۲ از ۲)

BOOLEAN CIRCUIT AGENTS

## عامل‌های مبتنی بر مدارهای بولی

چند نکته

### BOOLEAN CIRCUIT AGENTS

عامل‌های مبتنی بر مدار، راه ساده‌ای برای کار با زمان فراهم می‌کنند، اما معمولاً نسبت به عامل‌های مبتنی بر استنتاج کمتر کامل هستند.

- مقادیر نامعلوم باید در نظر گرفته شوند

**با استفاده از گزاره‌ی دانایی (knowledge proposition)**

$$K(B) \quad \text{and} \quad K(\neg B) \quad \text{for} \quad B$$

- مدار باید **بدون چرخه** (acyclic) باشد.
- محیط مسئله باید **محلي** (local) باشد.

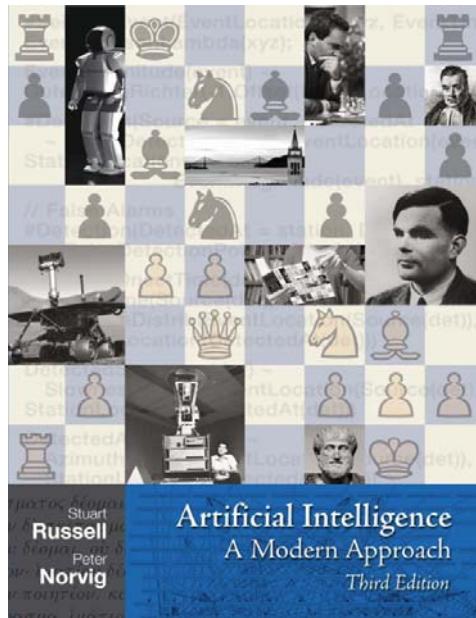
# هوش مصنوعی

عامل‌های منطقی



منابع،  
مطالعه،  
تکلیف

## منبع اصلی



Stuart Russell and Peter Norvig,  
**Artificial Intelligence: A Modern Approach**,  
 3rd Edition, Prentice Hall, 2010.

## Chapter 7

LOGIC  
REASONING  
KNOWLEDGE-BASED  
AGENTS

*In which we design agents that can form representations of a complex world, use a process of inference to derive new representations about the world, and use these new representations to deduce what to do.*

Humans, it seems, know things; and what they know helps them do things. These are not empty statements. They make strong claims about how the intelligence of humans is achieved—not by purely reflex mechanisms but by processes of **reasoning** that operate on internal **representations** of knowledge. In AI, this approach to intelligence is embodied in **knowledge-based agents**.

The problem-solving agents of Chapters 3 and 4 know things, but only in a very limited, inflexible sense. For example, the transition model for the 8-puzzle—knowledge of what the actions do—is hidden inside the domain-specific code of the **RESULT** function. It can be used to predict the outcome of actions but not to deduce that two tiles cannot occupy the same space or that states with odd parity cannot be reached from states with even parity. The atomic representations used by problem-solving agents are also very limiting. In a partially observable environment, an agent's only choice for representing what it knows about the current state is to list all possible concrete states—a hopeless prospect in large environments.

Chapter 6 introduced the idea of representing states as assignments of values to variables; this is a step in the right direction, enabling some parts of the agent to work in a domain-independent way and allowing for more efficient algorithms. In this chapter and those that follow, we take this step to its logical conclusion, so to speak—we develop logic as a general class of representations to support knowledge-based agents. Such agents can combine and recombine information to suit myriad purposes. Often, this process can be quite far removed from the needs of the moment—as when a mathematician proves a theorem or an astronomer calculates the earth's life expectancy. Knowledge-based agents can accept new tasks in the form of explicitly described goals; they can achieve competence quickly by being told or learning new knowledge about the environment; and they can adapt to changes in the environment by updating the relevant knowledge.

We begin in Section 7.1 with the overall agent design. Section 7.2 introduces a simple new environment, the wumpus world, and illustrates the operation of a knowledge-based agent without going into any technical detail. Then we explain the general principles of logic