

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



هوش مصنوعی پیشرفته

درس ۲

# جستجو با مشاهدات جزئی

Searching with Partial Observations

کاظم فولادی  
دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر  
دانشگاه تهران

<http://courses.fouladi.ir/ai>

## جستجو با مشاهدات جزئی

SEARCHING WITH PARTIAL OBSERVATIONS

در مسائلی با مشاهده‌پذیری جزئی، ادراکات عامل برای تعیین حالت دقیق ناکافی است. یک کنش می‌تواند منجر به یکی از چندین حالت ممکن شود، حتی اگر محیط قطعی باشد.

مفهوم کلیدی = **حالت باور (belief state)**

بازنمایی باور فعلی عامل در مورد حالت‌های فیزیکی که عامل ممکن است در آنها باشد [با داشتن دنباله‌ی کنش‌ها و ادراکات]

عامل با حسگر	عامل بدون حسگر
با مشاهده‌ی کامل	بدون مشاهده
با مشاهده‌ی جزئی	

## جستجو بدون مشاهده

SEARCHING WITH NO OBSERVATIONS

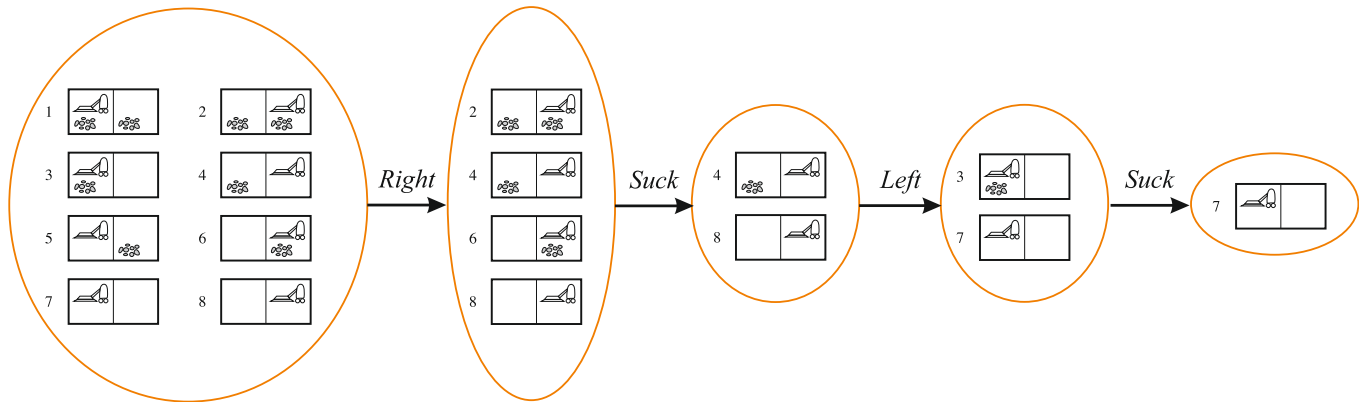
عامل‌های **بدون حسگر** نیز می‌توانند اغلب به طور موفق کنش کنند  
و دارای برتری هستند  
(به دلیل عدم تکیه بر اطلاعات حسگری بالقوه غیرقابل اتکا و پرهزینه)

## جستجو بدون مشاهده

مثال: دنیای جاروبرقی بدون حسگر

SENSORLESS VACUUM WORLD

عامل جغرافیای خودش را می‌شناسد، اما موقعیت خود یا توزیع آلودگی را نمی‌داند.

حالت آغازین می‌تواند هر یک از  
حالت‌های هشت‌گانه باشدبا استفاده از دنباله کنش‌های  $[Right, Suck, Left, Suck]$  تضمین می‌شود که به حالت هدف 7 برسیم

صرف‌نظر از اینکه حالت آغازین چه باشد!

اصطلاحاً می‌گوییم عامل می‌تواند دنیا را به حالت 7 ناگزیر کند (coerce).

## جستجو بدون مشاهده

### جستجو در فضای باور

#### SEARCHING IN BELIEF STATE

برای حل مسائل بدون حسگر در **فضای حالت‌های باور** جستجو می‌کنیم  
(به‌جای جستجو در فضای حالت‌های فیزیکی)

فضای باور مسئله **مشاهده‌پذیر کامل** است  
(زیرا عامل همیشه حالت باور خود را به‌طور کامل می‌داند)

**راه‌حل** در صورت وجود، همیشه **دنباله‌ای از کنش‌هاست**  
(زیرا ادراکات همیشه تهی هستند  $\Leftarrow$  کاملاً قابل پیش‌بینی هستند  $\Leftarrow$  هیچ اقتضائاتی برای طرح/plan وجود ندارد)

\* این چهارچوب برای محیط‌های غیرقطعی هم درست است.

## فرمول‌بندی مسئله

مؤلفه‌های پنج‌گانه‌ی تعریف مسئله‌ی جستجو در فضای حالت‌های باور

فضای حالت مسئله <i>problem state-space</i>	<p>کل فضای حالت باور: شامل همه‌ی مجموعه‌ی ممکن از حالت‌های فیزیکی اگر مسئله‌ی فیزیکی <math>P</math> دارای <math>N</math> حالت باشد، مسئله‌ی بدون حسگر حداکثر <math>2^N</math> حالت دارد.</p>	<b>حالت‌های باور</b> Belief states	مؤلفه‌های پنج‌گانه‌ی تعریف مسئله
	<p>حالتی که عامل از آن شروع می‌کند. (معمولاً مجموعه‌ی همه‌ی حالت‌ها در <math>P</math>: گاهی عامل دانایی بیشتری دارد)</p>	<b>حالت آغازین</b> Initial state	
	<p>کنش‌های ممکن عامل در هر حالت <math>s</math>: <math>ACTIONS(s)</math></p>	<b>کنش‌های ممکن</b> Available actions	
	<p>در هر حالت <math>s</math>، هر کنش <math>a</math> چه می‌کند؟: <math>RESULT(s, a)</math> (مجموعه‌ی برآمدهای ممکن به جای یک برآمد واحد)</p>	<b>مدل گذر</b> Transition model	
	<p>تعیین‌کننده‌ی اینکه حالت جاری هدف است یا خیر: <b>صریح (explicit)</b>: بیان مجموعه حالات هدف    <b>ضمنی (implicit)</b>: بیان ویژگی هدف</p>	<b>آزمون هدف</b> Goal test	
<p>تابعی که به هر مسیر یک هزینه‌ی عددی نسبت می‌دهد. <b>هزینه‌ی گام (step cost)</b>: هزینه‌ی گذر از یک حالت به حالت دیگر با یک کنش <math>c(s, a, s')</math></p>	<b>تابع هزینه‌ی مسیر</b> Path cost function		

مجموعه‌ی حالت‌های دسترس‌پذیر از حالت آغازین با حداقل یک دنباله از کنش‌ها

راه‌حل: یک دنباله از کنش‌ها

## فرمول‌بندی مسئله

مؤلفه‌های پنج‌گانه‌ی تعریف مسئله‌ی جستجو در فضای حالت‌های باور: کنش‌ها

فرض کنید عامل در فضای باور  $b = \{s_1, s_2\}$  قرار دارد، اما

$$\text{ACTIONS}_P(s_1) \neq \text{ACTIONS}_P(s_2)$$

در این صورت عامل مطمئن نیست که کدام کنش‌ها مجاز است.

اگر کنش‌های غیرمجاز تأثیری بر محیط نداشته باشد از اجتماع استفاده می‌کنیم

$$\text{ACTIONS}(b) = \bigcup_{s \in b} \text{ACTIONS}_P(s)$$

اگر یک کنش در یک حالت صدمه‌زننده باشد، از اشتراک استفاده می‌کنیم

$$\text{ACTIONS}(b) = \bigcap_{s \in b} \text{ACTIONS}_P(s)$$

## فرمول‌بندی مسئله

مؤلفه‌های پنج‌گانه‌ی تعریف مسئله‌ی جستجو در فضای حالت‌های باور: مدل گذر

نتیجه‌ی یک کنش، مجموعه‌ی همه‌ی حالت‌های فیزیکی حاصل از انجام آن کنش بر روی همه‌ی حالت‌های فیزیکی در حالت باور فعلی است.

برای کنش‌های قطعی، این مجموعه عبارت است از:

$$b' = \text{RESULT}(b, a) = \{s' : s' = \text{RESULT}_P(s, a) \text{ and } s \in b\}$$

برای کنش‌های غیرقطعی، این مجموعه عبارت است از:

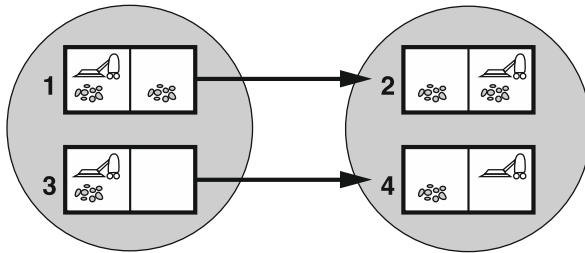
$$\begin{aligned} b' = \text{RESULT}(b, a) &= \{s' : s' \in \text{RESULTS}_P(s, a) \text{ and } s \in b\} \\ &= \bigcup_{s \in b} \text{RESULTS}_P(s, a), \end{aligned}$$

فرآیند تولید یک حالت باور جدید پس از یک کنش، گام پیش‌بینی  $\text{PREDICT}_P(b, a)$  نام دارد.

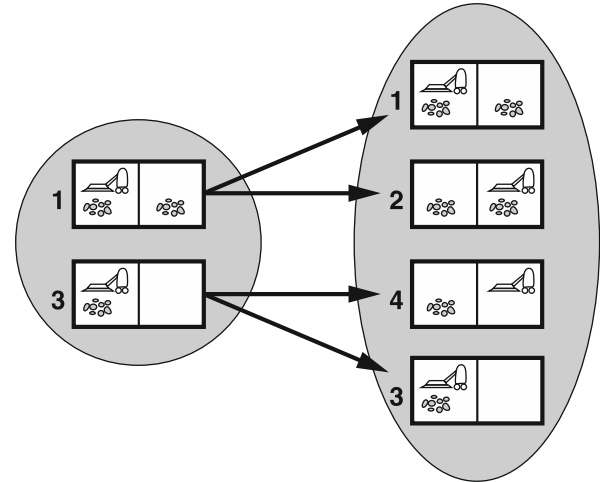


## فرمول بندی مسئله

مؤلفه‌های پنج‌گانه‌ی تعریف مسئله‌ی جستجو در فضای حالت‌های باور: مدل گذر: مثال



پیش‌بینی حالت بعدی  
برای دنیای جاروبرقی بدون حسگر  
با کنش **قطعی** *Right*



پیش‌بینی حالت بعدی  
برای دنیای جاروبرقی لغزنده  
با کنش **غیر قطعی** *Right*

## فرمول‌بندی مسئله

مؤلفه‌های پنج‌گانه‌ی تعریف مسئله‌ی جستجو در فضای حالت‌های باور: آزمون هدف

حالت‌های هدف در فضای باور تنها حالت‌هایی هستند که در آن همه‌ی حالت‌های فیزیکی  $GOAL-TEST_P$  را ارضا می‌کنند.

یک عامل ممکن است **تصادفاً** زودتر به هدف برسد، اما این را نخواهد دانست.

## فرمول‌بندی مسئله

مؤلفه‌های پنج‌گانه‌ی تعریف مسئله‌ی جستجو در فضای حالت‌های باور: هزینه‌ی مسیر

فرض می‌کنیم هر کنش در همه‌ی حالت‌ها هزینه‌ی یکسانی دارد.

اگر یک کنش یکسان برای حالت‌های فیزیکی متفاوت در یک حالت باور،  
هزینه‌های مختلفی داشته باشد،  
تعریف هزینه کمی دشوار می‌شود.

## جستجو در فضای باور

تعریف‌های انجام شده، امکان ساخت خودکار مسئله‌ی فضای باور را ایجاد می‌کند.

در این مرحله می‌توان از هر روش جستجوی موجود برای حل این مسئله استفاده کرد.



## جستجو در فضای باور

### کارآیی

حل مسئله‌ی بدون حسگر، به ندرت با الگوریتم‌های تاکنون تشریح شده امکان پذیر است.  
(زیرا اندازه‌ی فضای باور بسیار بزرگ است.)

### برای مثال:

حالت باور آغازین برای یک دنیای جاروبرقی  $10 * 10$  :  
حاوی  $10^{32} \cong 2^{100} \times 100$  حالت فیزیکی است.

### راه حل:

(الف) بازنمایی حالت باور در یک توصیف متراکم‌تر (مثل بازنمایی صوری/منطق)  
(ب) اجتناب از الگوریتم‌های جستجوی استاندارد و عدم برخورد با حالت باور به صورت جعبه سیاه  
⇐ الگوریتم‌های جستجوی حالت باور افزایشی (incremental belief-state search algorithms)

## جستجو با مشاهدات

SEARCHING WITH OBSERVATION

برای یک مسئله‌ی مشاهده‌پذیر جزئی عمومی  
باید مشخص کنیم که محیط چگونه ادراکات را برای عامل تولید می‌کند:

تابع ادراک  $PERCEPT(s)$

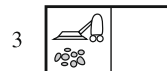
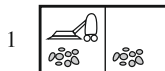
## جستجو با مشاهدات

تابع ادراک  $PERCEPT(s)$ SEARCHING WITH OBSERVATION

تابع ادراک $PERCEPT(s)$	
<p>حس کردن غیر قطعی <i>Non-deterministic Sensing</i></p>	<p>حس کردن قطعی <i>Deterministic Sensing</i></p>
مجموعه‌ای ادراک‌های ممکن عامل برای حالت $s$	ادراک عامل برای حالت $s$

$PERCEPT(s) = s$       برای مسائل مشاهده‌پذیر کامل:  
 $PERCEPT(s) = null$       برای مسائل بدون حسگر:

وقتی مشاهدات جزئی هستند، یک ادراک می‌تواند توسط حالت‌های متعدد تولید شود.  
 مثال: ادراک  $[A, dirty]$  در دنیای جاروبرقی می‌تواند توسط دو حالت 1 و 3 تولید شود:





## جستجو با مشاهدات

گذر در فضای باور

گذر از یک حالت باور به یک حالت باور دیگر به سه مرحله تقسیم می‌شود:

با داشتن یک کنش  $a$  در حالت باور  $b$ ، حالت باور پیش‌بینی شده:

$$\hat{b} = \text{PREDICT}(b, a)$$

تعیین مجموعه‌ی ادراک‌های ممکن در حالت باور پیش‌بینی شده

$$\text{POSSIBLE-PERCEPTS}(\hat{b}) = \{o : o = \text{PERCEPT}(s) \text{ and } s \in \hat{b}\}$$

تعیین حالت باور جدید حاصل از یک ادراک

$$b_o = \text{UPDATE}(\hat{b}, o) = \{s : o = \text{PERCEPT}(s) \text{ and } s \in \hat{b}\}$$

حالت باور جدید، مجموعه‌ی حالت‌ها در حالت باور پیش‌بینی شده است که می‌تواند آن ادراک را تولید کند.

پیش‌بینی  
*Prediction*

۱

پیش‌بینی مشاهده  
*Observation Prediction*

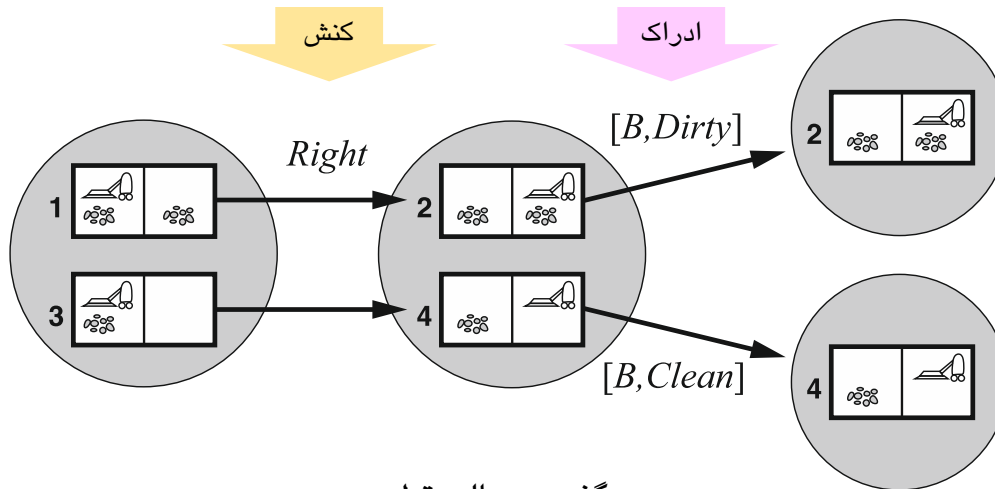
۲

به‌نگام‌سازی  
*Update*

۳

## جستجو با مشاهدات

گذر در فضای باور: مثال (گذر در حالت قطعی)



گذر در حالت قطعی:

کنش *Right* در حالت باور اولیه اعمال می‌شود

که منجر به یک حالت باور جدید با دو حالت فیزیکی ممکن وابسته به ادراکات زیر می‌شود.

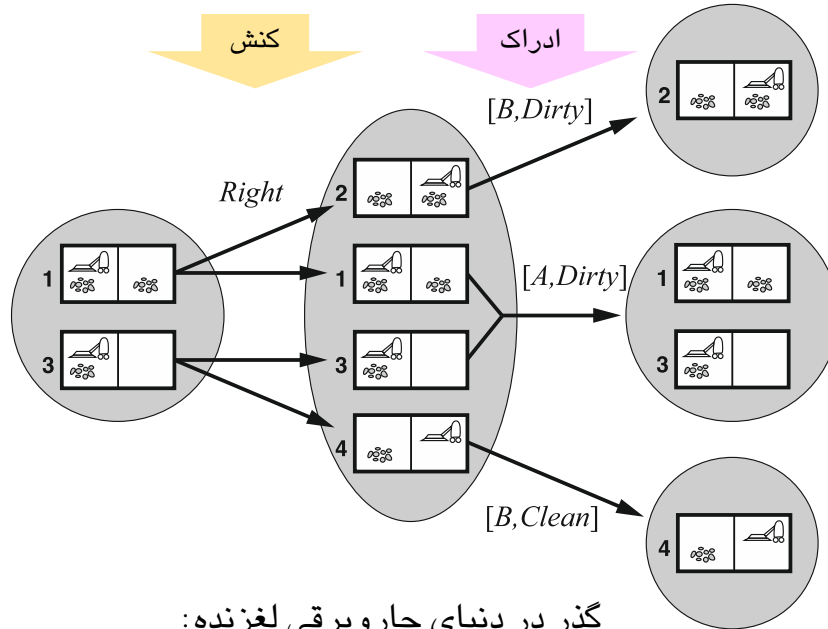
[B, dirty], [B, Clean]

\* در حس کردن قطعی، حالت‌های باور برای ادراکات مختلف به‌طور جداگانه،

یک افراز از حالت باور پیش‌بینی شده‌ی اصلی را تشکیل می‌دهند.

## جستجو با مشاهدات

گذر در فضای باور: مثال (گذر در حالت غیرقطعی)



گذر در دنیای جاروبرقی لغزنده:

اعمال کنش *Right* در حالت باور اولیه، چهار حالت فیزیکی می‌دهد که منجر به سه حالت باور جدید وابسته به ادراکات زیر می‌شود:  
 $[B, dirty]$ ,  $[A, dirty]$ ,  $[B, Clean]$

\* حالت باور به هنگام شده نمی‌تواند بزرگتر از حالت باور پیش‌بینی شده باشد، زیرا مشاهدات کمک می‌کنند عدم اطمینان در مقایسه با حالت بدون حسگر کاهش یابد.

## جستجو با مشاهدات

حل مسائل مشاهده‌پذیر جزئی

حالت‌های باور ممکن حاصل از یک کنش و ادراک متوالی بعدی:  
(با قرار دادن سه مرحله‌ی پیش‌بینی، پیش‌بینی مشاهده و به‌هنگام‌سازی در کنار هم)

$$\text{RESULTS}(b, a) = \{b_o : b_o = \text{UPDATE}(\text{PREDICT}(b, a), o) \text{ and } o \in \text{POSSIBLE-PERCEPTS}(\text{PREDICT}(b, a))\}$$

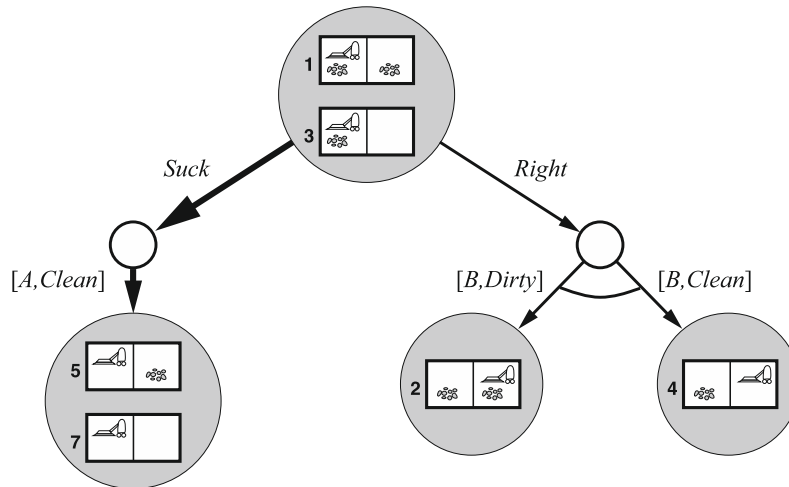
### حل مسائل مشاهده‌پذیر جزئی

با داشتن این فرمول‌بندی، جستجوی AND-OR می‌تواند برای یافتن یک راه‌حل مستقیماً اعمال شود.  
(برخورد با حالت‌های باور به صورت جعبه سیاه)

## حل مسائل مشاهده‌پذیر جزئی

مثال

سطح اول یک درخت جستجوی AND-OR برای ادراک آغازین  $[A, dirty]$  در دنیای جاروبرقی با حس کردن محلی



راه حل یک طرح شرطی است:

$[Suck, Right, \text{if } BState = \{6\} \text{ then } Suck \text{ else } []]$

## یک عامل برای محیط‌های مشاهده‌پذیر جزئی

عامل حل مسئله برای محیط‌های مشاهده‌پذیر جزئی:

- ۱) فرمول‌بندی مسئله
- ۲) فراخوانی الگوریتم جستجو (مثل جستجوی گرافی AND-OR) و حل مسئله
- ۳) اجرای راه‌حل

تفاوت‌ها با عامل حل مسئله‌ی ساده

- راه‌حل یک طرح اقتضائی است (به‌جای یک دنباله)
- عامل نیاز دارد حالت باور خودش را (در حال اجرای کنش‌ها و دریافت ادراکات) نگه دارد.

نگهداری حالت باور، مشابه گام **به‌هنگام‌سازی** در مرحله‌ی جستجو است:

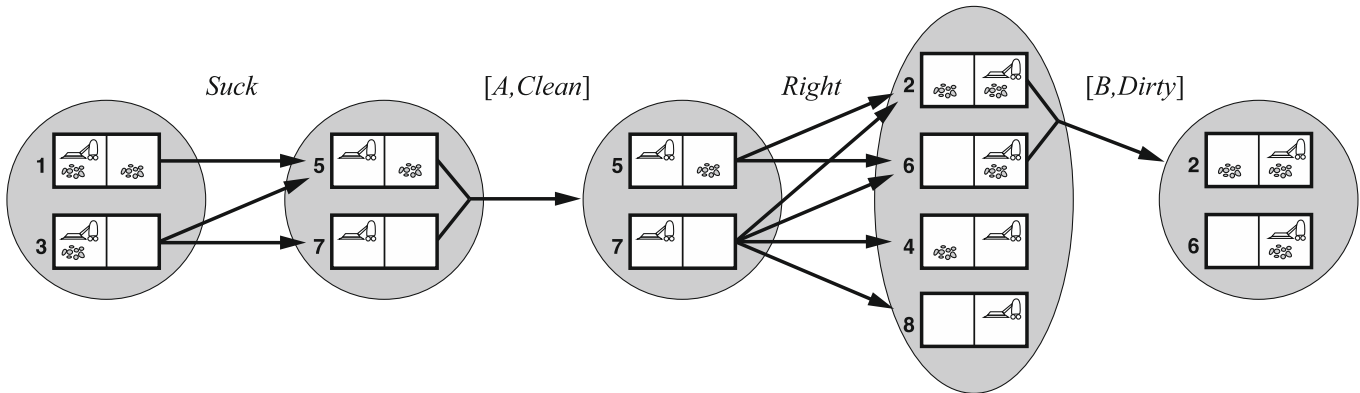


## یک عامل برای محیط‌های مشاهده‌پذیر جزئی

مثال: دنیای جاروبرقی کودکان

### KINDERGARTEN VACUUM WORLD

یک خانه می‌تواند مجدداً آلوده شود، مگر اینکه عامل به‌طور فعالانه در همان لحظه آن را تمیز کند.



حالت‌های باور حاصل برای دو چرخه‌ی پیش‌بینی-به‌هنگام‌سازی  
برای یک عامل در دنیای جاروبرقی کودکان

## یک عامل برای محیط‌های مشاهده‌پذیر جزئی

نگهداری حالت باور

### MAINTAINING BELIEF STATE

نگهداری حالت باور، یک کارکرد مرکزی برای همه‌ی سیستم‌های هوشمند در یک محیط مشاهده‌پذیر جزئی است.  
(شامل اکثر مسائل دنیای واقعی)



گام پیش‌بینی-به‌هنگام‌سازی باید به‌اندازه‌ی ورود ادراک‌ها سریع باشد؛  
در غیر این صورت عامل عقب می‌افتد.

\* در محیط‌های پیچیده‌تر محاسبه‌ی دقیق امکان‌ناپذیر می‌شود و تقریب‌ها باید استفاده شوند.



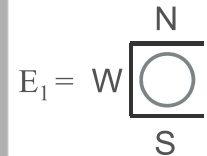
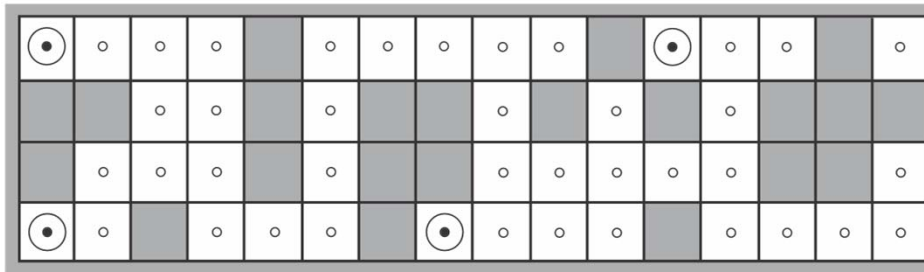
## یک عامل برای محیط‌های مشاهده‌پذیر جزئی

نگهداری حالت باور: مثال (مکان‌یابی)

### LOCALIZATION

مکان‌یابی، یک مسئله با مشاهدات جزئی است.

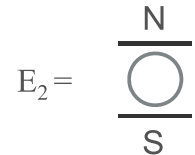
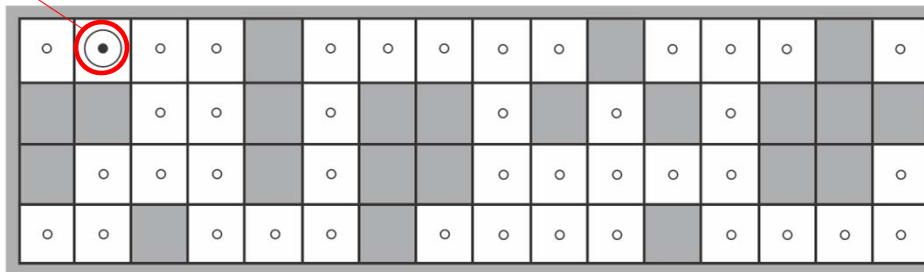
مثلاً: تعیین موقعیت یک ربات خط‌دار در یک راهرو با ۴ حسگر بیان‌کننده‌ی حالت سلول‌ها در ۴ همسایه‌ی آن (آزاد/دیوار)



(a) Possible locations of robot after  $E_1 = NSW$

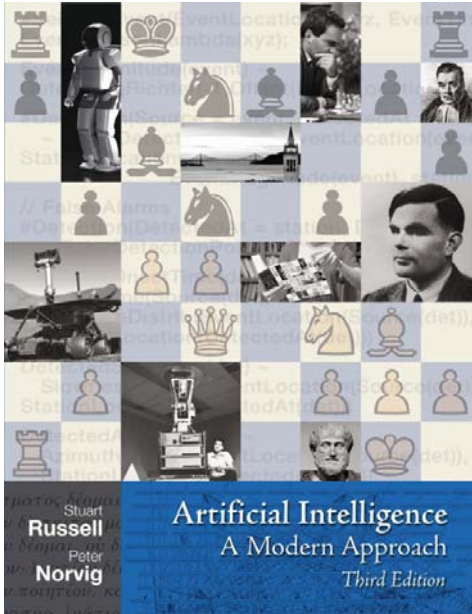
Move  
(nondeterministic)

ربات باید اینجا  
باشد پس از  
 $E_1$ , Move,  $E_2$



(b) Possible locations of robot After  $E_1 = NSW, E_2 = NS$

UPDATE(PREDICT(UPDATE( $b, NSW$ ), Move), NS)



Stuart Russell and Peter Norvig,  
**Artificial Intelligence: A Modern Approach,**  
 3<sup>rd</sup> Edition, Prentice Hall, 2010.

## Chapter 4 (4.4)

# 4 BEYOND CLASSICAL SEARCH

*In which we relax the simplifying assumptions of the previous chapter, thereby getting closer to the real world.*

Chapter 3 addressed a single category of problems: observable, deterministic, known environments where the solution is a sequence of actions. In this chapter, we look at what happens when these assumptions are relaxed. We begin with a fairly simple case: Sections 4.1 and 4.2 cover algorithms that perform purely **local search** in the state space, evaluating and modifying one or more current states rather than systematically exploring paths from an initial state. These algorithms are suitable for problems in which all that matters is the solution state, not the path cost to reach it. The family of local search algorithms includes methods inspired by statistical physics (**simulated annealing**) and evolutionary biology (**genetic algorithms**).

Then, in Sections 4.3–4.4, we examine what happens when we relax the assumptions of determinism and observability. The key idea is that if an agent cannot predict exactly what percept it will receive, then it will need to consider what to do under each **contingency** that its percepts may reveal. With partial observability, the agent will also need to keep track of the states it might be in.

Finally, Section 4.5 investigates **online search**, in which the agent is faced with a state space that is initially unknown and must be explored.

## 4.1 LOCAL SEARCH ALGORITHMS AND OPTIMIZATION PROBLEMS

The search algorithms that we have seen so far are designed to explore search spaces systematically. This systematicity is achieved by keeping one or more paths in memory and by recording which alternatives have been explored at each point along the path. When a goal is found, the *path* to that goal also constitutes a *solution* to the problem. In many problems, however, the path to the goal is irrelevant. For example, in the 8-queens problem (see page 71), what matters is the final configuration of queens, not the order in which they are added. The same general property holds for many important applications such as integrated-circuit design, factory-floor layout, job-shop scheduling, automatic programming, telecommunications network optimization, vehicle routing, and portfolio management.